王立平 万伦来等。编著

# 计量经济学理论与应用

K 0 Z ■责任编辑 权 恰 方 丹■封面设计 除新生 Jiliang jingjixue lilun yu yingyong



安徽省高等学校"十一五"省级规划教材

# 计量经济学理论与应用

王立平 万伦来 等编著

# 图书在版编目(CIP)數据

计量经济学理论与应用/王立平,万伦来等编著.一合肥:合肥工业大学出版社,2008.8 ISBN 978 - 7 - 81093 - 791 - 7

I. 计··· Ⅱ. 王··· Ⅲ. 计量经济学一高等学校一教材 Ⅳ. F224.0 中国版本图书馆 CIP 数据核字(2008)第 117373 号

# 计量经济学理论与应用

	编署	王立平 万伦来等		烫	任编辑 权 怡 方 丹
出	版	合肥工业大学出版社	版	次	2008年8月第1版
地	址	合肥市屯溪路 193 号	印	次	2008年8月第1次印刷
邮	集	230009	开	本	787 毫米×1092 毫米 1/16
电	话	总编室:0551-2903038	印	张	16
		发行部:0551-2903198	字	數	386 千字
网	址	www, hfutpress, com, cn	印	刷	合肥创新印务有限公司
E-m	nail	press@hfutpress. com. cn	发	行	全国新华书店
		ISBN 978 - 7 - 81093 - 791 - 7			<b>☆4</b> 6. 28.00 ∓

# 前言

计量经济学是经济学科奖各专业的八门核心课程之一。本教材系 2007 年余服省"计量 经济学"精品课程建设和实服省高校教学研究重点项目"安徽省经济是本料毕业论文教学际 节改革研究"的重要成果。2008 年被评为实服省高等学校"十一五"省级规划教材。该书集 计量经济学理论与应用于一体。在充分引进、消化、吸收国内外最新优秀研究成果的基础上。 结合我国计量经济学教学实践、实出 EViews 软件的应用和霍例分析;内容体系以初级水平 为主,适当吸收中级水平的内容。以股典线性回归模型和扩展模型为基础,加入国内外最新 的研究成果,加时同序列模型、面板数据模型、物整理论、非多数和年参数计量经济学和空间 计量模型等、形成了特色被明的内容体系。

本书适合作为高等院被经济学科·管理学科专业本科生,非数量经济学专业研究生的教 材成数学参考书,也可供高等数育自学考试经济学科考生、经济管理工作者和研究人员阅读 与参考。

本书共分十二章,主要包括經典线性回归模型、回归模型的扩展、联立方程模型、时间序 列模型、面接使排模型和空间计量模型等。各章节的具体分工如下,王立平撰写第一章、第 十一章、第十二章,万伦来撰写第二章,第三章,李影撰写第五章、第六章,李贽撰写第七章、 第八章,王宇新撰写第四章,第九章、第二章,全书由王立平缺稿。在本书的编写过程中,胡 志华、李勒、麻晚芳、余晚虹、肖明、王健、陈琛、马娇娇和吴萍等研究生参与了贵朴故集和称 分编写工作,在此的他们表示感谢。

由于作者水平有限,书中定有不妥甚至错误之处。恳请读者批评指正。

电子邮箱:wiphfgd@163.com

作 者

# 目 录

第一	章	导	论…				••••••			 (1)
	1. 1	计	量经济	学的含义	Ł					 (1)
	1.2	计	社经济	学的内容	华体系					 (3)
	1.3	计	量经济	<b>F学的研</b>	2.步骤					 (4)
	1.4	计	量经济	学发展的	势 …					 (8)
	思考	与练	习							 (11)
第二	<b>章</b>	一元	线性	回归模型						 (12)
	2.1									
	2.2	-	元线性	<b>上回归模型</b>	型的参	数估计…				 (15)
	2, 3	-	元线性	<b>E</b> 回归模型	型的检验	验				 (19)
	2.4	均值	直预测	与个值到	孤					 (21)
	2.5	-1-		,						
	思考	与缚	闷 …							 . (30)
第三	章	多元	线性	回归模型			***********	*********		 (32)
	3. 1	多	元线性	<b>上回归模型</b>	型的参	数估计…				 (32)
	3. 2	多:	元线性	上回归模型	0的检	验				 (35)
	3. 3									
	3.4	非	线性回	归模型·					**** *** *** ***	 (39)
	3.5	案	例分析	f						 (43)
	思考	与绮	月							 (46)
第四	章	异方	差性							 (49)
	4.1									
	4.2	异	方差性	t的后果·						 (51)
	4.3			The same of the same						
	4.4									
	4.5									
	思考	与结	闷							 (70)
										1

第五章	自相关性	(71)
5. 1	自相关性及其产生的原因	(71)
5.2	自相关性的后果	(73)
5. 3	自相关性的检验	(74)
5.4	自相关性的解决办法	(78)
5.5	案例分析	(80)
思考	5与练习	(84)
第六章	多重共线性	(86)
6. 1	多重共线性及其产生的原因	(86)
6.2	多重共线性的后果	(87)
6.3	多重共线性的检验	(88)
6.4	多重共线性的解决方法	(90)
6.5	案例分析	
思考	5与练习	(95)
第七章	虚拟变量回归	
7. 1	虚拟变量及其作用	
7. 2	虚拟变量作解释变量的模型	
7.3	虚拟因变量的模型	
7.4	案例分析	
思考	5与练习	(115)
第八章	分布滯后模型与自回归模型	
8. 1	滞后效应与滞后变量模型	(117)
8. 2	分布滞后模型的估计	
8. 3	考伊克模型的经济理论基础	
8. 4	自回归模型的检验和估计	
8.5	滯后效应分析	
8. 6	案例分析	
思考	5与练习	(130)
第九章	联立方程模型	(133)
9. 1	联立方程模型的基本概念	
9. 2	联立方程模型的识别	(139)
. 2 .		

9.	. 3	联立方程模型的估计	(146)
9.	. 4	联立方程模型的检验	(152)
9.	. 5	案例分析	(154)
思	考上	5练习	(157)
第十章	E A	村间序列分析	(160)
1	0.1	时间序列的基本概念	(160)
1	0.2	时间序列的平稳性检验	(171)
1	0.3	协整理论与误差修正模型	(181)
1	0.4	因果关系检验	(186)
1	0.5	向量自回归模型	(190)
1	0.6	案例分析	(197)
思	考生	5條习	(201)
第十一	*	面板數据模型	(204)
1	1. 1	面板數据模型基本概念	(204)
1	1.2	方差分析	(206)
1	1.3	固定效应模型及其估计方法	(210)
1	1.4	随机效应模型及其估计方法	(213)
1	1,5	模型设定的检验	(216)
1	1.6	案例分析	(217)
思	考上	5练习	(221)
第十二	*	空间计量经济学	(222)
1:	2. 1	空间计量经济学的产生与发展	(222)
1	2.2	空间计量经济学的基本理论	(223)
1	2. 3	空间计量经济学的模型设定、估计及检验	(226)
1:	2.4	空间计量经济学研究展望	(228)
1	2.5	案例分析	(228)
是	考上	5练习	(232)
附录	统计	†分布表	(233)
参考文	献.		(245)

# 第一章 导 论

本章将介绍计量经济学的基本问题,首先回答什么是计量经济学,明确计量经济学研究 的对象,与相关学科的关系、分类以及本书的内容体系,了解计量经济模型、数据等基本概 念,明新计量经济学研究回题的一般方法,了解计量经济学的发展趋势。

# 1.1 计量经济学的含义

# 1.1.1 计量经济学的含义及铁质

计量经济学是以经济理论为指导。以实际观测变料为背景、运用数学、统计学方法和计 特征,通过建立经济数学模型。分析经济变量之间的数量关系,对经济现象进行研究的 一门经济学科。

对于计量经济学的理解,可以多考据或经济学家弗里希在(计量经济学)的创刊词中的 说法:"用数学方法限讨经济学可以从多个方面看手。但任何一方面都不能与计量经济学税 为一谈。 计量经济学与经济统计学决非一码事;它也不同于我们所说的一般经济理论,尽管 经济理论大部分都具有一定的数量特征;计量经济学也不应视为数学应用于经济学的同义 语。经验表明。统计学、经济理论和数学这三者对于真正了解现代经济生活中的数量关系来 谈郡是必要的。但各自并非是充分条件。而三者结合起来就有力量。这种结合便构成了计量 经济学。"由此可见,计量经济学与经济理论、统计学、数学都有着密切的关系,它们之间既相 互联系。他和互区别,计量经济学是经济理论、统计学、数学都有着密切的关系。它们之间既相 互联系。他和互区别,计量经济学是经济理论、统计学和数学的有机统一体。

在计量经济学的研究过程中会运用大量的數学方法。特别是數理统计的方法,并且隨着 计算机技术的发展,计量经济学也越来越多地应用计算机技术,计量模型也越来越精准。但 是机器统学必须以正确的经济理论为指导。它所研究的主体是经济现象及其发展变化的 技术,所以另一门俗游华新。

# 1.1.2 计量经济学的研究对象和任务

计量经济学的研究对象是经济现象,其研究的目的是基于对经济变量之间的数量分析, 捐示经济规律。经济现象本来就存在着一定的数量关系,对于经济现象定性的分析并不能 满足人们想要更精准地了解经济现象的要求,所以人们很早就开始探索用定量的方法来研 究解决问题,计量经济学的出现和发展,正是反映了对经济现象进行数量分析的客观要求。 它通过建立数学模型来研究经济数键关系和规律,改进了经济学的研究手段,拓宽了经济学 的研究重点,生有了经济学的研究内容,是保经济全向证如维度。更加经少的方向分便。

# 1.1.3 计量经济学与其他相关学科的关系

# 1. 计量经济学与经济学

经济学理论是计量经济学分析数量关系的理论依据,只有在正确的经济理论指导下,才有可能建立符合社会经济现象的经济模型,正确地进行数量分析。同时计量经济学通过联系客观现实和经济理论,建立模型和定量分析。验证,充实和应用经济理论。两者的区别在于,一般经济学主要根据逻辑推理得出结论,主要用文字或符号说明经济现象和过程的本质和规律,大多具有定性的性质,而计量经济学是对经济理论确定的经济关系做出定量的估计,从而驱体免济主要专业的审查。

# 2. 计量经济学与统计学

统计学侧重于对现象的真实描述,通过搜集,整理、加工统计数据,为计量经济学的分析 提供真实,准确的统计资料,计量经济学更往重对统计资料进行分析,投出经济变量之间的 关系,发现经济观象变化的规律,预测未来经济发展的趋势。且然计量经济学和统计学的侧 第点不同,但与统计器供的数据是计量经济学并完全数估计和理论验证的基本依据。

# 3. 计量经济学与数学

数学方法,特别是数理统计方法是计量经济研究的手段和工具。计量经济学涉及对大量经济数据的统计和分析,因此数学方法的运用必不可少。然而、数理统计学只是抽象地研究一般随机变量的统计规律、计量经济学则是从具体的经济模型的支,其参数都具有特定的经济意义。研究对模型参数进行估计与推断时。不仅要看在数字顶理上是否通得过,还要看实际的经济内容是否一致。而且,在实际经济问题的计量中,数理统计中一些标准的假定经常不能满足计量的要求,还需要建立许多专门的经济计量方法。所以,计量经济学也不只是对数理统计方法的简单位用。

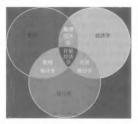


图 1-1 计量经济学与其他学科的关系

由图 1-1 可以看出。计量经济学是经济理论、统计学、数学三者的综合,而数理经济学 是经济理论与数学的交集、数理统计学是数学和统计学的交集、经济统计学是经济理论与统 计学的交集、每一交集都形成了一门特定的学科。其中、数理经济学是运用数学方法对经济 学期论进行陈述和研究的 个分支字科、数理统计学上要是研究公律有效物依集、整理和分析带有随机性的数据。经济统计学则有重于收集、整理并以图表的形式表达数据。 计量经济学、参与数理经济学、股理统计学、经济统计学既有区别义有联系,主要表现在 : 首先、数理经济学和计量经济学都查重于研究经济的定量方面,但数理经济学仅是用数学形式表达经济理论,并不允么经济理论的可测性,且模型所反映的经济变量之间的关系是确定的。而计量经济学的主要兴趣在于利用由数理经济学提出的数学方程及实际数据来验证经济理论,模型所反映的经济变量间的关系是非确定性的。随机的相关关系。其次、数理统计为各种类型数据的收集、整理与分析提供了切实可靠的数学方法。是计量经济学建立计量经济模型的主要工具。但是数理统计学在研究变量之间的关系时,是少常专项重变须服从某种规律,即服从某种分布,在现实经济生活中。各经济变量很难完全偏度这一概定规律,但对心领研究经济变量之间的关系,所以计量经济学必须在数理统计方法技术的暴程。几乎发出特别的分析方法技术。最后。经济统计所关心的是描述性的统计量,如国内生产总值等指标与指数等,并不利用所收集的数据来验证经济理论,计量经济学则利用经济统计所提供的数据来估计经济变量之间的数量类素并加以验证。

# 1.1.4 计量经济学的分类

由以上分析看出,计量经济学是一门综合性的学科,是数理经济学、经济统计学和数理统计学三者的综合。对于计量经济学主要从以下三种体系进行分类。

1. 狭义的计量经济学与广义的计量经济学

族义的计量经济学主要是运用风票分析、回归分析方法对经济现象进行研究。试图揭示 并定量地刻邮经济变量之间的闲果关系。广义的计量经济学在实义经济学内容的基础上。 宏增加了时间序列分析、投入产出分析、数理经济分析等一系列用于研究、分析经济观象的 定量方法。

2、 理论计量经济学与应用计量经济学

理论计量经济学侧重干讨论计量经济学的方法。如计量经济学的理论基础、计量经济学 方程的参数估计和检验方法、特殊模型的估计与检验方法等、建立更加符合社会现实和进行 经济预测的模型。应用计量经济学则以建立和应用计量经济学模型为主。侧重于对具体的 经济理象进行容量分析。

3. 宏观计量经济学与微观计量经济学

所谓宏观计量经济学是指在宏观总量水平上把握和反映经济运动的较全面的动态特征,研究宏观经济主要指标间的相互依存关系。描述因民经济各部门和社会再生产过程各环节之间的联系,并可用于宏观经济结构分析,政策模拟,决策研究以及发展预测等功能的模型和方法。微观计量经济学专门讨论用来分析消费者、厂商、工业、市场、政府部门和其他机构成个依行为的模型和方法。

# 1.2 计量经济学的内容体系

本书共分为十二章。其中第一章 E要介绍计量经济学的基本内涵、内容体系和研究步骤以及计量经济学的发展趋势。

第二章和第三章分别讨论一元线性回归模型和多元线性回归模型的基本假定、参数估计、模型检验以及预测、第三章还介绍了非线性回归模型。

第四、五、六章分别讨论了异方差、自相关性、多重共线性及其产生的原因、后果、检验以及解决办法。

第七章介绍了虚拟变量及其作用和模型。

第八章从滯后效应引出滯后变量模型以及分布滯后模型的估计,并介绍了考伊克模型 的经济理论基础,自回归模型的检验和估计,滞后效应分析。

第九章介绍了群立方程模型的基本概念,识别,估计和检验。

第十章介绍了时间序列的基本概念、平稳性检验、协整理论与误差修正模型、因果关系 检验、向量自回归模型、脉冲响应函数和方差分解。

第十 - 章介绍了面板數据模型基本概念、固定效应模型及其估计方法、随机效应模型及 其估计方法和模型设定的检验。

第十二章介绍了空间经济计量学的基本理论、模型设定、模型估计和模型检验。

本书最大的特点是理论分析与实践应用相结合。第一、针对课文的主要内容、每个章节 都配备了一定数量的习题、学生通过做习题来巩固所学知识、第二、本书的模型主要是使用 EViews 软件。所有模型都有详细的 EViews 软件程序和明确的计算结果。第三、主要章节都 配有精选的案例,通过案例分析使学生逐步熟悉计量经济学的实际应用、学会用计量经济学 工具来解决理金经济问题。

# 1.3 计量经济学的研究专康

通过计量经济学研究经济问题。一般要经过下列几个环节;(1)明确任务,运用经济理论 構述需要研究的问题;(2)确定变量和数学关系式 模型设定;(3)确定统计指标,收集、整 理数据;(4)分析变量同具体的数量关系 — 估计模型参数;(5)检验所得结论的可靠性— 模型检验;(6)做经济分析和经济预测— 模型应用。

# 1.3.1 明确任务,运用经济接论描述需要研究的问题

比如, 某一著名品牌服装生产商, 聘请经济分析咨询人员研究某一新數服装销售价格变 化对市场需求的影响。任务已经明确,接着就是运用价格与需求最关系的经济理论来描述 界要研究的问题。根据需求定律,在其他因素不变的条件下,产品的需求量随着价格的上升 而减少,随着价格的下降而增加。由此可得,该款服装的市场需求量是其销售价格的或函 数。

### 1.3.2 模型设定

模型设定 - 敷包括总体设计和个体设计。总体设计确定模型系统结构、即模型系统由 哪些了系统或子模型组成,以及各了系统之间的连接关系。总体设计的目标是能正确反映 经济系统的运行机制。 个体设计是确定模型中每一个数学方程的具体形式,即方程中包含 哪些变量,以及方程的具体函数形式。

# 1. 确定模型中的变量

按照与所研究系统的关系。可以把计量经济学中的变量分为病类。类称为内生变量(endogenous variable),是由所研究的系统或模型内部决定的变量;另一类称为外生变量(exogenous variable),其数值由所研究的系统或模型外部决定。按照因果关系划分,计量经济学中的变量也可以分为两类。一类是被解释变量(explained variable),亦称自变量(dependent variable);另一类是解释变量(explanatory variable),亦称自变量(independent variable);别一类是解释变量(explanatory variable),亦称自变量(independent variable),则是有关性变量(exogenous variable),那后内生变量(lagged endogenous variable)和虚拟变缝(dummy variable)。外生变量和高后内生变量线称为消耗定变量(predeter mined variable)。建立计量经济学模型,关键是确定解释变量,一般是根据经济理论和实际经验来判断影响被解释变量的主要因素;再根据研究工作需要,确定模型的解释变量。

# 2. 设定模型的函数形式

计量经济学模型数学形式的设定一般有两种不同的方式,一种方式是根据经济理论设定模型的函数形式。在数理经济学中。已经对生产函数需求高数,消费函数类级函数等模数的数学形式进行了 卜分禄人的研究。可供我们在模型设定时参考、储鉴。另一种方式是根据实际统计资料绘制被解释变量与解释变量的相关图。由相关图显示的变量之间的相关关系确定模型的数学形式,这也是目前经常采用的方式。但这两种方式都是对理论模型的初步设定,在模型的估计和检验过程中还需要逐步调整。以得到一个函数形式较为合理的模型。

# 1.3.3 确定统计指标,收集、整理数据

常用的统计数据主要有以下四种类型:

1. 时间序列数据(Time Series Data)

即按时间先后顺序排列的数据。时间序列数据的时间频率可以根据研究需要确定。-版 取为年、李族 J. 月、时、分、秒等。 例如, 历年的简纯生产总值(GNP), 居民的人均消费 支出和人均可支配收入等。

2. 横截面数据(Cross Section Data)

即不同視測对象在某一时间的視測數据。如某年各地区人口普查數据、工业普查數据、 不同收入组的城镇居民消费支出和可支配收入等等。

# 3. 面板数据(Panel Data)

即时间序列数据 与横截画数据的画板数据 或混合数据)。例如、安徽省所属 17 个市 (地)从 1987 年到 2006 年的 20 年中固定资产统计资料就是合并数据。其中每个市(地)从 1987 年到 2006 年的 20 年的固定资产数据构成时间序列数据,而 17 个市(地)在其中任一 年的固定资产数据 又构成雕截面数据。

# 4. 虚拟变量数据(Dummy Variables Data)

时间序列数据和截面数据都是反映定量事实的数据,这是计量经济分析中用得最多的、 最基本的数据。但是还有一些定性的事实,不能直接用一般的数量去计量,如政策的变动、

自然灾害、政治因素等。在计量经济研究中常发现,某些客观存在的定性现象确实对所研究 的经济变量有明显的影响,当需要把它们引人计量经济模型中时,常用人为构造的虚拟变量 数据来表示这类客观存在的定性现象的状态。通常以1表示某种状态发生。以0表示该种 状态不发生。

通常情况下,还需要对收集到的原始数据进行适当的加工,整理,这样才能将其用来建 立模型。数据加工、整理工作包括甄别分类,汇总,归并,拆分,补缺,调整和统计口径等,保 证数据完整,准确,可靠,并且满足可比性和一致性的要求。

# 1.3.4 估计律型的参数

建立理论模型之后,需要根据实际统计资料估计出模型中各个参数的具体数值,即得到一个估计的计量经济模型,这样才能定量描述经济变量之间的数量关系。

参数与变量不同,它品计量松济模型中表现经济变量相互依存程度的因素,通常在模型 中是一些相对稳定的量,计量经济模型中的参数决定者变量之间的数量关系,一旦参数确定,患个经济系统的基本结构数确定了。

在經济总体中, 反映經济结构的參數与变量不同。一般来说, 參數不能直接观測, 而且 是未知的, 我们能够获得的, 往往只是所研究总体中变量的若干样本观詢數据, 由于随机误 遵项的存在, 变量之间的数量关系并不呈现为确定的函数关系, 通常也不可能精确地去计算 参数的数值。 如何通过变量的样本观测数据, 正确地估计总体模型的参数, 是计量经济学研究的核心内容。

经过实际样本信息估计出的参数数值成为参数的估计值,但是由于样本毕竟不等于总体,参数的样本估计值并不一定等于总体参数的真实值。如果用一定的方法能够获得对参数估计式或估计量。参数估计式是模型中变量样本现两值直接代人估计式,即可得到参数的估计值。如何确定满足计量经济要求的参数估计式,是现论计量经济学的主要内容之一。

参数估计方法是理论计量经济学的核心内容,也是一个纯技术处理过程。依据不同的 原型的估计方法。本教材着重介细在最小二乘法基础上发展起来的参数 估计方法。

# 1.3.5 模型检验

模型中的参数被估计后,一般来说,这样的模型还不能直接加以应用,还需要对估计的 计量经济模型做某些检验,检验其准确性和可靠性。模型检验的实质是对已得到的参数估 计值进行评价,研究其在理论上是否有意义,统计上是否显著,进而研究模型是否正确反映 份本系维冬因常之间的关系。

对计量经济模型的检验主要应从以下四方面进行:

### 1. 经济意义检验

模型中的变量和参数都有特定的经济意义-经济理论通常对这些变量以及参数的符号 和取值范围做出了理论说明,经济意义检验主要是检验参数估计值的符号及大小在经济衰 发上是否合理。如果所估计的模型与经济避论完全相符,则说明我们所观测到的事实证实 了这种理论:如果参数估计值与经济理论完全相待,则应分析原因并采取相应的办法加以

### 解决.

# 2. 统计学检验

统计学检验主要是根据数理统计学中的统计集新集则、对模型的可靠性进行检验。常用的统计学检验方法有报合优度的检验、检验、F 检验、分别用来检验模型和解释变量估计值的显著性。需要注意的是、对于一个选背经济理论的模型、则不必进行统计学检验。因为该模型即使通过了统计学检验、也没有任何实际价值和重义。

# 3. 计量经济学检验

计量经济学检验主要是检验模型基否符合计量经济方法的基本假定。如回归方程的假 设条件检验、检验模型中变量是否存在多重块线性、随机扰动项是否存在自相关和异方差 性、检验模型中患否存在可说别性、检验模型中必济变度是否存在平镜性等。

# 4. 预测性能检验

是指将估计了参数的模型用于实际经济活动的预测,然后将模型预测的结果与经济运行的实际结果相对比,以此检验模型的有效性。具体检验方法如下:

- (1)增加样本容量或更换新的样本数据,并重新估计模型参数,将新的估计值与原估计值比较,并检验两者间是否有易套套疑。
- (2)利用所建立的模型对样本期以外某一时期进行预测。通过比较预测值与实际值的误差,检验模型的预测能力。

# 1.3.6 模型应用

通过檢驗的计量经济学模型可以視分实际经济系统的缩影。因此对实际经济问题的研 可以借助计量经济学模型进行。计量经济学模型的主要用途有结构分析、经济预测、政策 评价和实证研究等几个方面。

# 1. 结构分析

结构分析主要研究当计量经济学模型中的一个或几个变量。结构参数发生变化时,会对 其他变量乃至整个经济系统产生什么样的影响,也就是说,分析当其他条件不变时,模型体 界中的解释变量发生一定变动对被解释变量的影响程度。常用的结构分析方法有边际分析 法,弹性分析法,来数分析法和比较静力少分形法等。

### 2. 经济预测

计量经济学模型基于因果关系对事物的末来至化进行预测。遇者能够取得较高的预测 精度。利用估计了参数的计帧经济模型。由已知的或领先测定的解释变量。去预测被解释变 量在所观测的样本数据以外的数值。经济预测可以是分被解释变量未来时期的动态预测 也可以是对被解释变量在不同空间状况的空间预测。宏观计量经济学模型已成为经济预测 的土要手段之一。不少国家根据宏观经济模型的运行结果,定期向全社会发布经济预测报 "一、一些者及的限制还学型「存弃、企业和公企的管理。"

### 3. 政策评价

政策评价主要是分析计量经济李模型中政策变量的变化对经济系统的影响。在进行政 策评价时,通常是先假起现行政策保持不变,还用已建立的计量经济学模型进行一次基准运 行,然后进行政策调整,再运行模型,对不同政策环境下的运行结果进行比较,依据某些宏观 经济变量的变化来判断。项政策或政策组合的效果,为经济政策的制定提供依据。

# 4. 实证研究

利用计量经济学模型还可以对经济理论的证确与否选行实证研究。如果按照某种经济 理论建立的计量经济模型可以很好地很合实际观察数据。则意味着该理论是符合各项事实 的、反之、则表明该理论不能说明多观事实。因此、利用计量经济模型可以检验经济理论与 客观事实的一致性。另外、若对于某种经济行为有者干种理论假说。可以用实际统计资料去 报合各种理论假说所对应的模型。报合最好的模型所表现出的数量关系。则是经济活动所遵 缩纳岭济转增。

计量经济学研究的步骤可以用图 1-2来说明。



图 1-2 计量经济学的研究步骤

# 1.4 计量经济学发展趋势

计量经济学是一门经济学的分支学科,是经济学与数学、统计学相结合,以数量方法进行经济分析,预测和决策研究的交叉学科。计量经济学在社会生产实践中产生并经历了一个历史的发展讨理。

# 1.4.1 计量经济学的产生和发展现状

计量经济学是在數理经济学的基础上发展起来的。据说在经济学中,应用數学方法的历史可追溯到一百多年前的英国古典政治经济学的创始人威廉。纪第的政治算术》的问世(1676年)。1838年法国数理经济学的先驱占诸(A. Cournor) 出版的《财富理论的数学版制》一书、使数学方法在经济学中的应用大大前进了"步。1874年法国经济学家瓦尔拉(L. Walras)在《纯粹政治经济学纲要》一书中提出了"一般均衡论"。并利用联立方程组进行一般均衡条件的研究。使数学方法在经济学中的应用进入了一个新的阶段。1890年马歇尔(A. Marshall)的《经济学原理》问世之后,数学方法已成为当时西方经济理论研究中不可缺少的需要「具

"计概检济学"(conometrics) 一调,是攤板是济予家專里希(R. Frisch)在 1926 年仿照 "生物计量学"(biometrics) · 调提出的。接着,1929 年美国经济学家馨尔(H. LX. Moore)出版了(综合经济学)— B. 播述了经济周期,工资率变化和商品需求等经济混杂的费量关系。 并建立了相关的经济模型,为计量经济学的初步形成和发展集定了基础。 閱后 1930 年在美 国成立了"国际计量经济学学会"。学会会员有寿里卷、丁伯根和其他国家的一些经济学家, 该学会在 1933 年例外 "《甘馨好等》集品,集审计量经济学的诞生。

在20世纪四五十年代。经典计量经济学得到了很大的发展。60年代又在它的应用方面 得到了发展。20世纪70年代以后、世界经济进入了一个比较动露的时期,再加上两次石油 危机的冲击。经典计量经济学的一套理论方法受到了质疑。从那时起现代计量经济学(或者 救力性的集计量经济学)放避年 (,并日讯查验发得起来。

以 20 世紀 70 年代为界, 计量绘济学的发展可以分成两个阶段, 之前是经典计量经济 学, 之后是现代计量经济学。所谓经典计量经济学, 是以理论为导向, 通过对经济行为理论 的分析选择变量整立模型, 然后用适当的统计分析方法来进行回归, 确定经济变量之间的定 量的因果关系。

经典计量经济学是由弗里希创立的。第一个应用模型是由了伯根(Tinbergen)建立的。 它的概率论基础是由特里夫·哈维默(Trygve Haavelmo)建立的。它的数据基础是由理查 德·约翰·斯通(Richard John Stone)贡献的。 计最经济学的应用非常广泛。特别是在经济 分析上和政策研究上的应用是由克莱因(Lawrence R. Klein)贡献的。另外还有一个独立的 分至 — 投入产出模型是由果局债太(M. G. Leonteafe)建立的。

20 世纪 70 年代以后,计量经济学的发展大体上有三大领域,即微观计量经济学、非参数计量经济学和时间序列计量经济学。

"微視计量经济学"一词最早出现在 2000 年,是为詹绵斯·赫克曼和丹尼尔·麦克法景 烟发诺贝尔经济学奖的时候,在瑞典皇家科学院的公告中首次提出的。 经典计量经济学依赖的是使政策继续,而微观计量经济学在赖的是微观数据《微观数据温度不是统计数据,闭及间面数据,微观计量经济学中主要包括二种模型,第一种是 Panel Date 模型 「以译成固 板数据模型或者平行数据模型、它可以同时运用截面数据和时间序列数据来分析模向和纵向的趋势。第一种度膨胀声模型(Discrete Choice Model),主要用来解决被解释安置是选 指结果,其数据是不连续的问题。第三种是选择性样本模型、经典经济学认为样本是从一个每体当中随机抽取的。但实际上更们致得的存在。被少是随机抽取的,都是有选择性的。

现代计量经济学的第二个研究领域是非参数计量经济学、所谓非参数基相对于参数而 言的, 經典计量经济学模型是参数模型,用参数来表示变量之间的函数关系;而非参数模型 指的基各个变量之间的关系;本知、需要通过数据进行估计的模型。

现代计量经济学的第三个研究领域就是时间序列计量经济学。在这一领域又分为两个主要方向,一个方向是硬代宏观计量经济学,主要历效动态时间序列,另一个方向是金融计量经济学。罗伯特·思格尔(Robert Engle)和竞集天·格兰杰(Clive W. J. Granger)就是由于分别在上冰两个方向他出了很大面躺面在脚。2003 年诺贝尔经济学辈。

# 1.4.2 计量经济学在我国的发展状况

计量经济学产生于西方国家,在我闆的发展和应用软晚。从 1950 年开始,我国经济学 家才将现代数学方法逐步应用于经济学的研究,但是计量经济学的真正快速发展却在改革 之后。 1979 年 3 月,我国首次成立了"中国数量经济研究会",为创立我国的计量经济学奠 定了基础。接着:该会在 1980 年邀请了世界暑名计量经济学家克莱因等了人來中國讲学。

举办全国计量经济学讲习底、对宣传和普及这门学科起了积极作用。随后。报国就有一些计量经济学的专着、译事和教材出版,并且、1980 年以后,我国许多高等能校的经济管理专业 开设了"计量经济学"课程。这使我国的计量经济学进入「一个新的发展时期。

在市场经济条件下,预测是宏观决策必不可少的手段。近年来人们又利用计量经济模型研究经济周期波动,国际贸易,汇率变化,生产率和科技进步与经济增长方式的转变,产业结构调整,与政策模拟、金融预警系统与风险防范,粮食供给与需求的系统分析等。如中国社会科学院自1991年就开始出版的每年一本的(经济形势分析与预测蓝皮节),多次成功运用丁计量经济模型。

1998年7月教育部高等学校经济学科教学指导委员会确定计量经济学为高等学校经济学门类各专业的8门核心课程之一。将计量经济学列人经济学各专业核心课程。是我国经济学学科教学走向现代化和科学化的重要标志。对于提高我国经济学人才培养质量和研究水平均具有重要意义。

# 1.4.3 计量经济学的发展展望

计量经济学是一门实用性报꾧的学科,其未来发展的原动力直接来源于现实经济生活 中防产生的大量原始数据。在全球化经济竞争日趋撤烈的环境中,这些数据的可利用价值 截来愈大。如何对其进行有效的加工,肯定会影响未来计量经济学的发展方向。未来计量 经济学的研究将有可能朝着以下几个方向发展。

第一,单方程模型、非线性动态模型、诊断与识别检验的小样本性质等方面的研究将会 愈来愈受到计量经济学家们的重视。

第二、隨書计算机技术的变飞猛进。現代模拟推断技术在计量经济学中的应用将会越来 第二、吃 九其是在受限因变量模型、贝叶斯计量经济学以及非线性计量经济学方面更会引人 注目。

第三,金融計畫於許學將会是一个最活版的研究領域,金融數据的大量性及其非正态 性,对计量经济学家们来说,既是机遇也是挑战,该领域的研究重点将有可能放在隨机波动 模型及其印用方面。

第四,在时间序列方面、ARCH(GARCH)模型研究的发展势头将会继续保持。更多的 单位帮检验有键产生、加随机单位解检验等、协整理论的研究有可能翻组经性化方向发展。

第五。非參數和半參數方法、向畫自回封模型(VAR)的应用研究。特別是在金融领域中的应用研究。特金是一种发展趋势。

自改革开放以来的近30年里,計量经济李在农园的费及与应用是有目共腐的。我国几 于所有高等院校的经济学专业都开设了计量经济学序排其河为核心课程。然而,必须承认, 我国的计量经济学研究水平局世界先进研究水平还有量大龄差距,因此,在经济理论研究 中,定要结合我国的具体情况进行理论概括,建立起具有中国特色的理论计量经济学。在 坚持应用现有数学模型的同时,加强研究和开发新的数学模型技术,继续培养计量经济学研究 究人才。只要我们予以高度重视,经过几代人的不懈努力,我们必符在世界计量经济学研究 这一個城占有一席之途。

# 思考与练习

- 1. 计量经济学的含义是什么?
- 2. 诚述计量经济学与经济学、数学和统计学的关系。
- 3. 怎样理解理论计量经济学与应用计量经济学的区别和联系?
- 4. 计量经济学的研究对象和任务是什么?
- 5. 举例说明时间序列数据、横截面数据及合并数据的异同。
- 6. 计量经济学模型主要应用在哪几个方面? 请举例说明。
- 7. 计量经济学模型为什么要进行检验,常用的检验方法有哪几种?
- 8. 为什么计量经济模型可以用于政策评价?其前提条件是什么?

# 第二章 一元线性回归模型

计量经济学在对经济现象建立计量经济模型。并对其相互关系进行计量研究时,大量运 用了回归分析这一统计技术。回归分析是计量经济学的主要工具。也是经济学理论和方法 的主要内容。只有一个解释变量的线性回归模型是最简单的,称为简单线性回归模型或一 元线性回归模型。

本章将通过一元线性回归模型来介绍回归分析的基本思想和方法,这也为以后各章莫 定了重要的理论基础。

# 2.1 一元线性回归模型的基本假定

# 2.1.1 回归分析概述

社会经济活动可以用某些经济变量形式表示。例如产量、销售量、价格、利率、投资额、等 等,这些变量相互之同存在常一定的数量关系。 其规律性可以用数学公式或数学模型来描 涂、 经济率量之间的关系、 大体可分为两类。

-类是确定性关系或函数关系,即变量之间存在确定的函数关系。如果一个变量 Y可以通过另一组变量 $(X_1, X_2, \cdots, X_k)$  以某种形式唯一地确定。则Y 5X 之间的关系就是函数关系,用代数式表示就是Y = f(X) 或者 Y =  $f(X, X_2, \cdots, X_k)$  ,其中最简单的形式为 一元线 经函数关系,Y —  $f(X, X_1, \cdots, X_k)$  — 可能分别的情智 人与销售 量之间的关系 就是一元线性关系,用代数式表示为Y — Y X 在图形上可以表示为 "条斜率为Y 的自线。

另一类是统计依赖关系或相关关系、即变量之间存在非确定的相关关系、如果一个变量 Y的取值受到另一组变量(X1, X2, ·····X<sub>4</sub>)的影响、但给定一个X或一组变量(X1, X3, ·····X<sub>4</sub>)的影响、分助取值不唯一确定,用代数式表示就是Y=f(X1, ···)或者Y=f(X1, ···)X<sub>4</sub>, ···, ···,X<sub>4</sub>, ····,以,中 ··· 为婚机误差。例如消费者需求 ··· 请高价格之间的关系,商品价格是影响消费者需求的重要因素。但不是唯一的,两者之间的关系不能够用确定的画数表达式来表达。对变量间线计依赖关系的考察于更是通过相关分析 (correlation analysis) 或证明为 (regression analysis) 或证明的分析。

英國統计學家高尔顿(F. Galton, 1822 1911) 和他的学生皮尔逊(K. Pearson, 1856—1936) 在研究公時身高与其子女身高的遺传问题时,观察了1078 对失妇,以每对失妇的平均身高作为自变量。而取他们的一个成年子女的身高作为因变量。将结果在平面直角坐标系上绘成散点图,发现趋势近乎于一条直线。得出的回归直线方程为:Y 33.73 + 0.516 X,这 - 方程表明,父母平均身高恒增成一个单位。其成年子女的身高仅平均增减0.516 个单位,这项研究结果表明,虽然高个子父母有生高个子子女的趋势,矮个子的父母



图 2-1 变量之间的统计依赖关系示意图

有生矮个子子女的趋势,但父母身高增减一个单位,子女身高仅增减半个单位左右,通俗地 说,一帮特高个午父母的子女们在同龄人中平均仅为离个子,一群离个子父母的子女们在同 龄人中平均仅为略高个子,一群特矮个子父母的子女们在同龄人中平均仅为矮个子,一群疾 个子父母的子女们在同龄人中平均仅为感染个子,即子女的平均身高向中间回归了,所以高 尔顿引用了"回归"(regression)一词来描述父母身高与子女身高之间的关系,尽管"回归" 这个名称的由来具有特定的含义,但是,人们在研究大量的经济变量间的统计关系时已远远 超出了这一特定的含义,现在使用"回归"这一名称仅仅是接受了高尔顿先生的回归分析基 本思想和方法面已。

最简单的一元线性回归模型形式为:

$$Y_{i} = b_{0} + b_{1}X_{i} + u_{i}$$
 (2 - 1)

文中所表示的关系,称为一元线性总体回归模型。前一个变量 Y 被称为被解释变量 (Explained Variable) 或因变量(Dependent Variable),后一个企业 变量 X. 被称为解释变量 (Explainetory Variable)。或自变量 (Independent Variable)。" 元" 就是指只有一个自变 X. 它可以解释因变量 Y 变化的部分原因。6、6,为回归系数(特定系数域特定参数)。6、称作 常数项(徽矩项)。6、称作斜率系数。8、是计量经济模型区别于数学模型最关键的标志。称之为随机扰动项或误差项。正是 8、的随机性、使得我们可以采用统计推断方法对模型的设定进行严格的检验。

- 般来说,回归模型的随机误差项可能包括如下几项内容:

(1)模型中缺失重要解释变量。如消费模型中家庭人口数、消费习惯、物价水平差异等 因素的影响都包括在随机误差项中。

(2)數学模型设置不当。对于同一组观测值而言,若拟合的數学模型形式不同,则相应的随机误差项的值也不同。当模型形式欠妥时,会直接给随机误差项的值带来影响。

- (3) 归并误差。模型中被解释变量的值常常是归并而成的。当归并不合理时,会产生误差。如由不同种类粮食合并构成的粮食产量的不合理归并会带来归并误差。
  - (4) 测量误差。当对被解释变量的测量存在误差时,这种误差将包括在随机误差项中。
- (5)随机行为。经济活动都是人参与的,人的经济行为具有很多不确定性,由此造成的 误差也是随机的。

"线性"一词在这里有两重含义。它一方面指被解释变量 Y 与解释变量 X 之间为线性关系,即解释变量 X 仅以一次方的形式出现在模型之中。也即:

$$\frac{\partial Y}{\partial X} = b_1 \quad \frac{\partial^2 Y}{\partial X^2} = 0$$

另 · 方面也指因变量 Y 与参数 bo、bt 之间为线性关系,即

$$\frac{\partial b_0}{\partial Y} = 1 \quad \frac{\partial^2 Y}{\partial b_0^2} = 0 \quad \frac{\partial Y}{\partial b_1} = X \quad \frac{\partial^2 Y}{\partial b_1^2} = 0$$

在數学分析中,"线性"一般是指Y 与X 为线性关系,在计量经济学中,更重视被解释变 置Y 号6.50,之间满足线性关系,即使Y 与X 不为线性关系,也可以通过线性变换,使变换后 的被解释变量与解释变量之间的关系实现线性化。

# 2.1.2 一元线性回归模型的基本假定

假设 1 零均值假定。在给定解释变量 X,的情况下,随机误差项 u,的均值为零。即

$$E(u_i) = 0$$
  $(i = 1, 2, \dots, n)$  (2-2)

由于存在随机效动阀素、Y. 在均值 E(Y.) 附近 L下波动,如果模型设定正确、Y. 相对于均 值 E(Y.) 的正偏离和负偏离都会存在。但是正负偏离发生的概率大致相同。随机误差有相互抵 消的趋势、在假设 1成立的条件下。回归模型式(2-1) 为线性模型,即有 LE(Y.) = & + b. X.。

假设 2 同方差假定,误差项 u, 的方差与: 无关,为一个常数 a',即

$$var(u_i) = E((u_i - E(u_i))^2) = E(u_i^2) = \sigma^2 \quad (i = 1, 2, \dots, n)$$
 (2 - 3)

该假设表示无论 X,随:如何变化,误整项的方差不会发生变化。对于不同的解释变量 X,如果说误兼项的方差不同。那么与其相对应的观察值 Y,的可靠程度也不同。通常误差项 u,的方差小、表示它所对应的观察值 Y,的可靠程度低。应给予重视的程度高。相反、误差项 u,的方差大、表示它所对应的观察值 Y,的可靠程度低。应给予重视的程度低,即对不同的误象 在项 u. 所对应的观察值 Y,应该加上不同的权数。这会使参数的检验和利用模型进行预测复 存化。而通足同方差增定非常验验和预测着化。

假设3 无自相关假定。即

$$cov(u_i, u_j) = E((u_i - E(u_i))(u_j - E(u_j))) = 0$$
  $\not\equiv E(u_i, u_j) = 0$   
 $(i \neq j; i = 1, 2, \dots, n; j = 2, \dots, n)$  (2-4)

该假设表示误差項  $u_i$  和  $u_i$   $(i \neq j)$  之间相互独立 i 同时不同的被解释变量在统计上也是相互独立的 i 即  $cov(Y_i,Y_j) - E((Y_i - E(Y_i))(Y_j - E(Y_j))) = E(u_i,u_j) = 0$  ,  $(i \neq j)$  i

$$cov(X_i, u_i) - E((X_i - E(X_i))(u_i - E(u_i))) = E((X_i - E(X_i))u_i) - 0$$
  
 $(i = 1, 2, \dots, n)$  (2 - 5)

一般情况下,X,为非随机变量。在这种情况下,该假设条件自动满足。

假设 5 正态性假定。即假定随机扰动项 u, 服从期望为 0、方差为 o² 的正态分布:

$$u_i \sim N(0, \sigma^2)$$
 (i = 1, 2, ..., n)

如果只利用最小二乘法进行参数估计,则不需要这个假设条件,但是,如果要进行假设 检验和预测,就必须知道总体 Y, 的设备情况,如果 X, 为非随机变量,总体 Y, 与误差项 u, 服 从相同的介布 Y, 与 u, 之间仅有均值 E (Y, ) 的参阅。

如果样本容量足够大,由于u,代表了所有被忽略的对Y,有影响的因素的总和,这些因素 中的每一个因素对Y,的影响都很小,但是因素很多,根据中心极限迟难,只要这些因素是随机 的和相互独立的,并且具有有限的数学期望和方差(这些条件通常是可以成立的),那么作为这 些因實的总和,诺沙珥。近似解从正宏分布,因此,该假设对干岭岭和宿獭县必要的。

对于大样本问题,无论误差项。,中包含的每一种影响因素服从什么分布。 都近似聚 从正公分布,即在大样本条件下该假设自动成立。对于小样本问题,如果这个假设不成立。就 无法进行检验和阻衡。

以上这些对隨机误差项 u. 的假定最早是由德國數學家高斯提出的。因此也称为高斯假 改古典假定。满足以上假定的线性回归模型称为古典线性回归模型(Classical Linear Resression Model, CLRM)

# 2.2 一元线性回归模型的参数估计

# 2.2.1 参数估计的量小二乘法

在上一节中已经讲过、为了保证参数估计量具有良好的性质、通常对模型提出若干基本 假定。服然有套干不同的方法来进行真实总体回归函数的估计、但是如果实际模型满足这些 基本假设、普通最小 "乘法(Ordinary Least Squares,OLS) 就是一种适用的,也是应用最广 泛的估计方法,这多由德国数学家高斯(Gauss) 首先器出的。

# 1. 最小二乘原理

我们的目标是在给定一组观测值的情况下,如(X,Y,)(X,Y,),w(X,Y,),w出模型方程中的特估计参数。使样本回归函数尽可能好地报合这组值、明被解释变量的估计值与规测值应该在总体上最为接近。直观上看。即晒出一条直线。使其在X和Y的数点阻上从中间穿过样本点。如图22所示。

最小二乘法原理,要求各个散点到回归直 线的离差的平方和最小。之所以用平方和。是 因为样本回归线上的点义,与直车观测点火,之

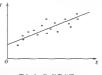


图 2-2 X-Y 散点图

差即离差可止可负,仅求和则可能将很大的误差抵清掉,这显然不是一个理想的测度方法。 理想的测度方法是残差平方和要达到最小。 计最经济学理论与应用

$$\sum_{i=1}^{s} e_{i}^{z} \approx \sum_{i=1}^{s} (Y_{i} - \tilde{Y}_{i}^{z}) = \sum_{i=1}^{s} [Y_{i} - (b_{0} + b_{1}X_{i})] \qquad (2-6)$$

运用微积分学的知识,要伸上式达到最小值,必要条件如下:

$$\begin{cases} \frac{\partial \sum e_i^3}{\partial b_0} = 0 \\ \frac{\partial \sum e_i^2}{\partial b_0} = 0 \end{cases}$$

整理得:

$$\begin{cases} \sum Y_i = nb_0 + b_1 \sum X_i \\ \sum X_i Y_i = \delta_0 \sum X_i + b_1 \sum X_i^* \end{cases}$$
(2-7)

方程组(2-7) 称为正规方程组。

解这个方彩织,即可得出力。和力的值。

$$\begin{cases} b_{0} = \overline{Y} - b_{1}\overline{X} \\ b_{1} = \frac{\sum_{i} (X_{i} - \overline{X})(Y_{i} - \overline{Y})}{\sum_{i} (X_{i} - \overline{X})^{2}} = \frac{\sum_{i} x_{i} y_{i}}{\sum_{i} x_{i}^{2}} = \frac{S_{cs}}{S_{cs}} \end{cases}$$

$$(2 - 8)$$

2. 最小二乘估计的性质

估计出模形象数以后,要考察对于参数估计值的精度。看其是否能够代表总体参数的直 值。一般有以下几个对参数估计量的评价标准:

- (1) 线性性,即它是否是另一随机变量的线性函数等;
- (2) 无偏性,即它的均值或期望是否等于总体的真实值;
- (3) 有效性,即它悬否在所有线性无偏估计量中具有最小方差。

著名的高斯-马尔可夫定理(Gauss-Markov Theorem) 表明。最小二乘估计与用其他方 法得到的任何线性 无偏估计量相比, 具有方差最小的特性, OLS 估计具有线性性, 无偏性, 有效性等优良性质, 是静佳线性 无偏估计量(Best Linear Unbiased Estimator, BLUE)。

现以一元线性回归模型  $Y_1 = b_0 + b_1 X_1 + u_1$  为例证明如下。

(1) 线件件

$$\begin{split} \hat{b}_{1} &= \frac{\sum X_{i}Y_{i} - n\overline{X}\overline{Y}}{\sum X_{i}^{2} - n\overline{X}^{2}} - \frac{\sum X_{i}Y_{i} - \overline{X}\sum Y_{i}}{n\overline{X}^{2}} \\ &= \sum \frac{X_{i} - \overline{X}}{\sum X_{i}^{2} - n\overline{X}^{2}} Y_{i} = \sum k_{i}Y_{i} \\ k_{i} &= \frac{X_{i} - \overline{X}}{\sum X_{i}^{2} - n\overline{X}^{2}} = \frac{X_{i} - \overline{X}}{\sum X_{i}^{2} - \overline{X}} = \frac{X_{i} - \overline{X}}{\sum X_{i}^{2} - \overline{X}} \end{split}$$

 $k_i \approx \frac{X_i - \overline{X}}{\sum X_i^2 - n \hat{X}^2} = \frac{X_i - \overline{X}}{\sum (X_i - \overline{X})^2} = \frac{X_i - \overline{X}}{S_{ii}}$ 

所以, b, 是一个线性估计量, 同理可得 b, 也是一个线性估计量。

· 16 ·

其中

(2) 无偏性

由于  $k_i = \frac{X_i - \overline{X}}{S_{zz}}$ ,可以证明:

置此  

$$\sum k_i = 0, \sum k_i^* = \frac{1}{S_{ir}}, \sum k_i X_i - 1$$
因此  

$$b_1 = \sum k_i Y_i = \sum k_i (b_k + b_1 X_i + u_i)$$

$$= b_i \sum k_i + b_1 X_i + \sum k_i u_i$$

$$= b_1 + \sum k_i u_i$$

$$= b_1 + \sum k_i u_i$$

$$= \left[\sum \frac{X_i - \overline{X}}{S_{ir}} u_i\right]$$

$$= \frac{1}{S_{ir}} \left(\sum E(x_i u_i) - \overline{X} \sum E(u_i)\right) = 0$$
因此  
E(b\_1) = E(b\_1 + \sum k\_i u\_i) = b\_1

因此 同趣证得:

 $E(\bar{b}_n) = b_n$ 

(3) 有效性

有效性也就是最小方差性。由于 $\delta_0$ 、 $\delta_1$  是关于 $Y_1$  的线性函数,所以可求得它们的方差。

$$\begin{split} D(\hat{b}_1) &= D(\hat{b}_1 + \sum k_i u_i) = D(\sum k_i u_i) \\ &= \sum k_i^2 D(u_i) \\ &= \sum k_i^2 \sigma^2 \\ &= \frac{\sigma^2}{S_{ir}} \\ D(\hat{b}_0) &= \frac{\sum X_i^2}{n \sum x_i^2} \sigma^2 \end{split}$$

其次,假设 6, 是其他估计方法得到的关于 6, 的线性无偏估计量:

$$b_1^* = \sum c_i Y_i$$

通过假设  $c_1 = k_1 + d_1 \cdot d_1 \neq 0$ ,则容易证明:

$$D(\hat{b}_1^*) \geqslant D(\hat{b}_1)$$

同理,假设 b; 是其他估计方法得到的关于 b。的线性无偏估计量,可证得:

$$D(\hat{b}_0^*) \geqslant D(\hat{b}_0)$$

# 2.2.3 参数估计的极大似然法

# 1. 极大似然估计原理

概大似然估计(Maximum Likelihood, 簡称 ML) 是一种与最小二乘估计原理完全不同 的参数估计方法, 鬼然 ML 估计没有 OLS 估计应用普遍, 但近代计量经济学理论的发展更 多地是以极大似然原理作为基础; 一些特殊的计量经济模型也只有使用 ML 估计才能获得 類極的结果, 因此, 有必要了解極大粒終估计的基本原源無力法。

若 
$$u_1 \sim N(0, \sigma^2)$$
, 则  $Y_1 = b_0 + b_1 X_1 + u_2 \sim N(b_0 + b_1 X_1, \sigma^2)$ 

设随机抽取了 n 组观察数据,则(Y,,Y,,…,Y,) 的联合密度函数为:

$$L = f(Y_1, Y_2, \dots, Y_s)$$

$$= f(Y_1) f(Y_2) \dots f(Y_s)$$

$$= \frac{1}{(2\pi \sigma^2)} \exp \left[ -\frac{1}{2\sigma^2} \sum_i (Y_i - \delta_0 - \delta_1 X_i)^4 \right] \qquad (2-9)$$

对于一组确定的样本,这是一个关于参数 6.5.5 5 的函数,称之为参数的似然函数。

极大似然估计基于这样的原理。既然所抽取的样本是在一次观测中得到的。表明"观察 值落在该样本周围"是一个比较容易发生的大概率事件。因此、所选择的参数估计值应该使 这一事件的概率达到最大。由于连续型随机变量在某一。后周围取值的概率主要由联合密度 函数  $f(Y_1,Y_2,\cdots,Y_s)$  决定。所以一元线性回归模型的极大似然估计,就是选择  $\delta_c,\delta_1$ ,使似 然函数  $L(\delta_0,\delta_0)$ ,取到最大值。即,

$$L(\hat{b}_0, \hat{b}_1) = \max L(b_0, b_1)$$
 (2-10)

# 2. 回归系数的极大似然估计

由于对數函數是单調增函數,使对數似然函數 lnL 达到最大化的參數值同样也使似然 函數 L 达到最大值。因此,为了便于求解极值,将似然函數取成对數形式;

$$\ln L(\hat{b}_0, \hat{b}_1) = -n \ln(\sqrt{2\pi\sigma^2}) - \frac{1}{2\sigma^2} \sum_i (Y_i - \hat{b}_0 - \hat{b}_1 X_i)^2$$
 (2-11)

棉报

$$\begin{cases} \frac{\partial \ln L}{\partial b_u} = \frac{1}{\sigma_z} \sum (Y_i - b_u - b_1 X_i) = 0 \\ \frac{\partial \ln L}{\partial b_1} = \frac{1}{\sigma_z} \sum (Y_i - b_0 - b_1 X_i) X_i = 0 \end{cases}$$

解得.

$$\begin{cases} \delta_{o} = \overline{Y} - \delta_{1}X, \\ \delta_{c} = \frac{\sum X_{i}Y_{i} - n\overline{X}\overline{Y}}{\sum X_{i}^{2} - n\overline{X}^{2}} = \frac{\sum x_{i}y_{i}}{\sum x_{i}^{2}} \end{cases}$$

$$(2 \cdot 12)$$

可见在正态分布的假定下,回归系数的 ML 估计与 OLS 估计完全相同。最小二乘估计 是使模型对样本的积合达到最优。或接大似然估计却是使样本出现的概率达到最大,两者的 原理不同,所依据的基本条件也有很大区别。但是极大似然原理比最小二乘原理更本质地解 释了通过样本估计总体参数的内在机理,所以对参数估计理论的发展有着审大影响。

# 2.3 一元线性回归模型的检验

回归分析是要通过样本所估计的参数来代替总体的真实参数,或者说是用样本回归线 代替总体回归线、尽管从统计性质上已知,如果有足够多的重复抽样,参数的估计值期望就 等于其总体的参数真值,但在一次抽样中,估计值不一定就等下该真实值,而需要进一步进 行线计检验,看看参数的估计值与真实值的差异有多大,是否显著等,主要包括拟合优度检 验,变量的显著性检验及参数检验的置值区间估计。

# 2.3.1 拟合优度检验

和合优度,即模型与样本数据的近似程度,由于实际观察得到的样本数据是对客观事实 的一种真实反映。因此,模型至少应该能较好处推述这一部分客观实际情况。为了考察模型 的和合优度,需要构造一个数量指标—— 判定系数。

1. 总离差平方和的分解

设估计的一元线性回归模型为。

$$Y_i = b_0 + b_1 X_i$$

因为

$$\begin{split} \sum (Y_t - \overline{Y})^2 &= \sum (Y_t + u_t - \overline{Y})^2 &= \sum (Y_t - \overline{Y} + u_t)^2 \\ &= \sum (Y_t - \overline{Y})^2 + \sum u_t^2 + 2 \sum (Y_t - \overline{Y})u_t \\ &= \sum \overline{Y}u_i = \overline{Y} \sum u_i = 0 \end{split}$$

可以证明

$$\sum_{i} (Y_{i} - \overline{Y})^{2} = \sum_{i} (\overline{Y}_{i} - \overline{Y})^{2} + \sum_{i} u_{i}^{2} \qquad (2-13)$$

其中,TSS(Total Sum of Squares) 称为总商差平方和,它反映了被解释变置 Y(相对于 均值 Y) 的总变化情况,ESS(Explained Sum of Squares) 称为回归平方和,它反映了变量 Y 的总变化情况,即Y的变化中可以用回归模型(样本回归方程) 非解释的部分,这部分变化 实际上是由解释变量的变化引起的,RSS(Residual Sum of Squares) 称为残差平方和,它反 缺了回归模型的机合误差。即Y的变化中不能用回归模型来解释的部分。

式(2 14)表明, Y. 的观测值围绕其均值的总点 差平方和可以被分解为两部分, 一部分 来自回归方程;另一部分则来自随机因素, 因成。样本回归线与样本观测值的拟合优度, 通过 回归平方和(ESS) 占总离差平方和(TSS) 的比例来判断。

 判定系数 R<sup>2</sup> 统计量 根据上述关系可得:

$$R^{2} = \frac{ESS}{TSS} = 1 - \frac{RSS}{TSS}$$
 (2-15)

判定系数的取值范围为  $0 \le R^2 \le 1$ ,是一个非负的统计量,并随抽样的变动而不同。 $R^2$  的值越接近于 1,则表明模型对样本数据的概合优度越高。

判定系数不仅反映了模型拟合程度的优劣。而且有直观的经济含义。它定量地描述了 Y 的变化中可以用回归模型来说明的部分,即模型的可解释程度,判定系数在数值上恰好等于 相关系数的平方。但是人们更倾向于使用 R<sup>7</sup> 来度量拟合优度。因为它比相关系数有更直观 的会义。

# 2.3.2 模型的显著性检验

模型的显著性检验,就是检验模型对总体的近似程度,最常用的检验方法是 F 检验。对于一元线性回归模型

$$Y_i = b_0 + b_1 X_{1i} + b_2 X_{2i} + \cdots + b_k X_{ki} + u_i$$

假设 出。

$$b_1=b_2=\cdots=b_k=0$$

若假设成立,则有:

$$Y_{-} = b_0 + u_1$$

表明Y的变化主要由模型之外的变量来决定。模型的线性关系不显著,所设定的模型就没有意义。

在原假设 片。成立的情况下,可以证明:

$$F = \frac{\sum_{i} (\hat{Y}_{i} - \overline{Y})^{2}/k}{\sum_{i} u_{i}^{2}/(n-k-1)} \sim F(k, n-k-1)$$

所以,对于给定的显著性水平,可由 F 分布表差的临界值,如果根据样本数据计算得出,若 F > F,则拒绝原假设归。即回归系数 b, b, ···· b, 中至少有一个显著地不为 0,此时可以认 为模型的线性关系是显著的,若 F < F。则接受 H。认为模型的线性关系不显著。

# 2.3.3 变量的显著性检验

对于一元线性回归方程中的 61,已经知道它服从正态分布

$$b_1 \sim N(b_1, \frac{\sigma^2}{\sum X_i^2})$$

进一步根据数理统计学中的定义可知,如果真实的 $\sigma^i$ 未知,而用它的无偏估计量 $\sigma^i = \sum_{n=-2}^{e^i}$ 特代时,可构金如下统计量。

$$t = \frac{\hat{b}_1 - b_1}{\sqrt{\frac{\hat{\sigma}^2}{\sum_{i} X_i^2}}} = \frac{\hat{b}_1}{S_{\hat{b}_1}} \frac{b_1}{S_{\hat{b}_1}}$$

則該統計量服从自由度为 n-2的 t 分布、因此,可用该統計量作为 b. 聚套性检验的 t 统 计量,如果变量 X 是思密的,那么参数 b. 应该显著地不为 0。于是,在变量显著性检验中设计 的照确设与各基假设分别为,

$$H_0: b_1 = 0 \cdot H_1: b_1 \neq 0$$

# 2.3.4 单数的景值区间

假设检验可以通过一次抽样的结果检验总体参数可能值的苞图。但它并没有指出在一次抽样中样本参数值到底距离总体参数的真值有多"近"。要判断样本参数的估计值在多大程度上可以近似地替代总体参数的真值。往往需要通过构造一个以样本参数的估计值为中心的"区间"来考察它以多大的概率包含着真实的参数值。这种方法就是参数检验的置信区间估计。

可以证明,统计量

$$t = \frac{\tilde{b}_1 - b_1}{S(\tilde{b}_1)} \sim t(n-2)$$

所以。对于给定的置信度  $1-\alpha$ ,由 t 分布表可以查得临界值  $t_{s/2}$ ,使得  $P(\mid t\mid < t_{s/2})=1-\alpha$ ,即,

$$P(b_1 - t_{a/2}S(b_1) < b_1 < b_1 + t_{a/2}S(b_1)) = 1 - \alpha$$

所以系数 b. 的 100(1-a)% 置信区间为。

$$(b_1 - t_{e/2}S(b_1), b_1 + t_{e/2}S(b_1))$$
 (2 - 16)

即以 100(1-a) % 的概率保证回归系数属于该区间内。置信区间越小、对回归系数的估计精度放越高。从置信区间的计算公式可以看出,置信区间的长度为  $2\iota_a$ , $S(b_i)$ ,在。取定的情况下, $\iota_a$ ,是一个常数,仍以置信区间的长度主要取决于系数的标准总  $S(b_i)$ 、 $S(\bar{b}_i)$  越小,估计值  $b_i$  写值  $b_i$  越接近,因此称  $S(b_i)$  为系数的估计误差。并用它来衡量估计的精度是合理的,而且,在一定的概率下, $b_i$  与 的统对误差。在其是不会超过  $\iota_a$   $S(b_i)$ 

# 2.4 均值預测与个值预测

預測就是以估计出参數的线性回归模型为基础。对应于解释变量的某一特定水平、未來 值、对被解释变量的水平进行的估计判断;计量经济预测分析的基础是经济变量关系的稳定 性和特验性,并解测以往返离偿置总统出的继续来估计判断未来或非依局部的情况。預測

# 计量经济垄衡论与应用

是计量经济分析的主要目的之 "是进"步庚策的基础。对于被解释变量的预测可以分为对 被解释变量 Y 的平均值预测和以间预测。对 Y 的平均值预测又分为平均值的页测和区间 预测。这几种预测关系则图 2 3 所以,对能解释变量预测的基本依据—提中本估计的回归 方程 Y<sub>7</sub> — b, +b, X<sub>7</sub>, 由于存在抽样被动。估计的参数与总体真实参数有误差。因此用样本回 归函数预测的被解释变量平均值 Y<sub>7</sub> 与预测期总体的真实平均值 E(Y<sub>1</sub> X<sub>2</sub>) 也会有误差。此 外,由于存在随机扰动。被解释变量在预测期的个别值与平均值 E(Y<sub>1</sub> X<sub>2</sub>) 也有误差。因 此,对被解释变着 Y 的平均值预测和个别值预测受分别进行讨论。

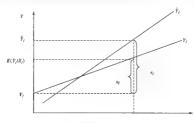


图 2~3 平均值预测与个别值预测的关系

# 2.4.1 均值預測

# 1. 点预测

考虑满足经典假设条件的一元线性回归排型

$$Y_i = b_0 + b_1 X_i + u_i$$
  $(i = 1, 2, \dots, n)$ 

其样本回归函数为:  $\hat{Y}_i = \hat{b}_0 + \hat{b}_1 X_i$ 

当解释变量控制在 $X_i$ 一 $X_j$ 时、被解释变量 $Y_j$ 的均值为 $E(Y_j | X_j) = b_0 + b_1 X_j$ 、称  $Y_j$  =  $b_0 + b_1 X_i$  为均值  $E(Y_i | X_j) = b_0 + b_1 X_i$  的点預測。

事实上,
$$E(\hat{Y}_t) = E(\hat{b}_0) + E(\hat{b}_1)X_t = b_0 + b_1X_t = E(Y_t | X_t)$$

# Y,的方差为:

$$\begin{aligned} \text{var}(\hat{Y}_f) &= E[(\hat{b}_0 - b_0) + (\hat{b}_1 - b_1)X_f]^2 \\ &= E(\hat{b}_0 - b_0)^2 + X_f^3 E(\hat{b}_1 - b_1)^2 + 2X_f E[(\hat{b}_0 - b_0)(\hat{b}_1 - b_1)] \\ &= \text{var}(\hat{b}_0) + X_f^2 \text{var}(\hat{b}_1) + 2X_f \text{cov}(b_0, b_1) \\ &= \sigma^4 (\frac{1}{n} + \frac{\overline{X}}{\sum X_i^2}) + X_f^2 \frac{\sigma^2}{\sum X_i^2} + 2X_f (-\overline{X} \frac{\sigma^2}{\sum X_i^2}) \end{aligned}$$

$$= \sigma^2 \left[ \frac{1}{n} + \frac{(\overline{X} - X_f)^2}{\sum X_i^2} \right]$$

### 2. 区间预测

为了由预测值 $Y_f$  去对真实平均值 $E(Y_f \mid X_f)$  俄区间预测,应考虑预测值 $Y_f$  的抽样分布。由前面的分析已知 $E(Y_f) \cdot E(\hat{b}_o) + E(\hat{b}_i)X_f = b_o + b_iX_f$ 

$$\operatorname{var}(\hat{Y}_{f}) = \sigma^{2} \left[ \frac{1}{n} + \frac{(X - X_{f})^{2}}{\sum X_{i}^{2}} \right]$$

$$\operatorname{SE}(\hat{Y}_{f}) = \sigma \sqrt{\frac{1}{n} + \frac{(X - X_{f})^{2}}{\sum X_{i}^{2}}}$$

一般情况下  $\sigma^2$  未知, 可用尤偏估计  $\delta^2 = \sum e_i^2/(n-2)$  来代替,此时 t 统计量

$$t = \frac{Y_j - E(Y_j)}{SE(Y_i)} = \frac{Y_j - E(Y_j \mid X_j)}{\frac{1}{\theta} \sqrt{\frac{1}{n} + \frac{(\overline{X} - X_j)^2}{\sum X_i^2}}} \sim t(n - 2)$$

显然,这里的t 统计量与 $Y_f$  和 $E(Y_f : X_f)$  都有关,且服从自由度为n-2 的t 分布。给定思套性水平n,套t 分布参可得临界值t 、(n-2)、因此。

$$P([\hat{Y}_t - t_{\nu/t} SE(\hat{Y}_t)] \leq E(\hat{Y}_t | X_t) \leq [\hat{Y}_t + t_{\nu/t} SE(\hat{Y}_t)]) = 1 - \alpha$$

即預測期平均值  $E(Y_i \mid X_i)$  的置信度为 1-a 的预测区间为:

$$\left[\hat{Y}_f - t_{*2}\partial \sqrt{\frac{1}{n} + \frac{(\overline{X} - X_f)^2}{\sum X_i^2}}, \hat{Y}_f + t_{*2}\partial \sqrt{\frac{1}{n} + \frac{(\overline{X} - X_f)^2}{\sum X_i^2}}\right]$$

### 2.4.2 个值预测

对于 - 元线性回归模型  $Y_1 = b_1 + b_1 X_1 + a_1$  老样本回旦方程为  $Y_1 = b_1 + b_1 X_1$  则当解释变量的值为  $X_1$  时,我们把样本回归方程所决定的被解释变量值  $Y_1 = b_1 + b_1 X_2$  , 林为当解 等变量敞值为  $X_1$  时且安量的点质测。无论是被解释变量的个值还是其均值。它们的预测值 就其表达式而肖是一样的。但是含义却不太相同。

首先,对均值的預測可以扫結为对总体参数的估计问题。而对个值的预测则不是,因 为当把解释变量的值控制在某一水平时,因变量的均值从总体来看就是一个套款,它不 起随扎变量,所以对它的估计实际上就是一个参数估计问题,但是,对个值的估计并非如 此,当解释变量被控制在某一水平时,因变量值在我们的模型中是随机的,因此就个值页 自,被解释变量值是一个随机变量,对个值的估计是对随机变量的取值所进行的估计,不 易参数估计,

其次,在解释变量给定时,因变量的个痕是围绕其总体均值而上下波动的,当我们用样 本回归感数所决定的因变量的值集估计点体均值和个值时,估计值相对于个值的偏差必定 大于其均值的方差。值大于的程度就是个值距离均值的偏离程度,由于个值图接均值的

正是模型中的随机扰动,所以这个被动程度15分可以用随电线动项的方差来表示,综上可如,预测值相对于总体个值的方差等于预测值的方差,因为均值的点预测是无偏的,所以其相对于均值的方差等于预测值的方差,加上随机犹动项的方差。

对应于给定的预测期解释变量的数值 X,要在平均值预测的基础上,进一步确定 Y 个 划值的预测区间,必须明确与预测值 Y,和个别值 Y,都有关的统计量的概率分布,由前面的 对面切为,与预测频解释变量对应的效差项e, Y, Y,正是符合条件的统计量。而且在 u, 近态性假设下 e, 也要从正备分布,这一点在一元线性回归对口证明 0.

$$\begin{split} E(e_f) &= E(Y_f - \hat{Y}_f) = 0 \\ \text{var}(e_f) &= E(Y_f - \hat{Y}_f)^2 = \sigma^2 \left[1 + \frac{1}{n} + \frac{(\overline{X} - X_f)^2}{\sum X_i^2}\right] \\ SE(e_f) &= \sigma \sqrt{1 + \frac{1}{n} + \frac{(\overline{X} - X_f)^2}{\sum Y_i^2}} \end{split}$$

当 $\sigma^i$ 未知,可用 $\sigma^i = \sum \epsilon^i/(n-2)$ 来代誊,此时t統计量可用于关于个别值 $Y_f$ 的区间预测,统计量自由度为(n-2)。

$$t = \frac{\underline{Y}_f - E(\underline{Y}_f)}{SE(\underline{Y}_f)} = \frac{\underline{Y}_f - E(\underline{Y}_f \mid \underline{X}_f)}{\hat{\sigma}\sqrt{\frac{1}{n} + \frac{\overline{X} - \underline{X}_f}{\sum X_i^2}}} \sim t(n-2)$$

给定显著性水平  $\alpha$ , 查 t 分布表可得临界值  $t_{\alpha/2}(n-2)$ , 因此,

$$P\{[\hat{Y}_t - t_{s/2} \hat{SE}(e_t)] \leq Y_t \leq [\hat{Y}_t + t_{s/2} \hat{SE}(e_t)]\} = 1 - \alpha$$

即预测期平均值  $E(Y_f \mid X_f)$  的置信度为 1  $\alpha$  的预测区间为:

$$\left[\hat{Y}_f - t_{w2} \vartheta \sqrt{1 + \frac{1}{n} + \frac{(\overline{X} - X_f)^2}{\sum X_i^2}}, \hat{Y}_f + t_{w2} \vartheta \sqrt{1 + \frac{1}{n} + \frac{(\overline{X} - \overline{X}_f)^2}{\sum X_f^2}}\right]$$

# 2.5 黄例分析

根据表 2-1 提供的 2006 年我国农村居民家庭人均生活消费支出与人均纯收入的数据。 试建立两者之间的回归模型,并进行参数估计及总体的显著性检验。

① 证明过程繁琐,此处从略。

<sup>· 24 ·</sup> 

表 2-1 2006 年中国各地区农村居民家庭人均生活消费支出与人均纯收入统计资料

地 区	农村居民家庭平均每人 每年消费支出(Y)	农村居民人均年可 支配收入(X)
北京	5724. 50	8275. 47
天 津	3341.06	6227. 94
河 北	2495. 33	3801.82
山西	2253. 25	3180. 92
内蒙古	2771. 97	3341.88
I T	3066. 87	4090.40
吉 林	2700. 66	3641. 13
黑龙江	2618. 19	3552. 43
上 海	8006.00	9138.65
江 苏	4135. 21	5813. 23
浙 江	6057. 16	7334. 81
安 徽	2420. 94	2969. 08
描 建	3591.40	4834.75
江 西	2676. 60	3459.53
山东	3143.80	4368. 33
河南	2229. 28	3261.03
術 北	2732. 46	3419.35
樹 洵	3013. 32	3389. 62
广东	3885. 97	5079.78
广西	2413.93	2770.48
海南	2232. 19	3255. 53
薫 庆	2205. 21	2873. 83
ᅄᆀ	2395. 04	3002. 38
贵州	1627. 07	1984. 62
云 南	2195. 64	2250. 46
西夏	2002. 24	2435. 02
陕 西	2181.00	2260.19
甘肃	1855. 49	2134.05
青海	2178. 95	2358. 37
宁 夏	2246. 97	2760.14
新量	2032.36	2737. 28

注:数据来源于《中国统计年鉴 2007》

由经济理论分析可知,收入是影响消费的主要因素,两者之间存在着密切的关系。两者 之间关系的散点图如图 2-4 所示,从X与X的散点图可以看出各地区农村居民家庭人均生 括消费支出与家庭人均映改人大型导驱和选择的约期关系系。

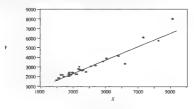


图 2-4 X-Y 散点图

因此,我们将两者之间的关系设定为以下线性回归模型:Y, = 6, +6, X, +u, ,其中,Y, 为各地区农村居民人为生活消费支出,X, 为各地区农村居民家庭人均纯收入;u, 为随机设差项,即除了人均收入之外,影响农村民民人均消费友出的其他次要的,随机的闭查。假设模型中随机误差项,,满足占典假定,可运用 OLS 方法估计模型的参数,利用计量经济学软件 EViews(本书采用软件版本为 EViews(东 计设计的过程如下系述。

### 2.5.1 建立工作文件

首先,双击 EViews 图标,进入 EViews 主页。在栗单中依次点击 File\New\Workfile,出现对话框"Workfile Range"。在"Workfile frequency" 中选择数据频率;

Annual(年度数据) Weekly(局数据)

 Quarterly(季度敷据)
 Daily(5-day week)(每周5天日敷据)

 Semi-Annual(半年敷据)
 Daily(7 day week)(每周7天日敷据)

Monthly(月度数据) Undsted or irregular(未注明日期或不规则的)

在本例中是截面敷据,选择"Undated or irregular",并在"observation"中输入观察值个数,本例为31,点击"OK"出现"Workfile UNTITLED"工作框。

其中已有变量:"c"--- 截距项;"resid"--- 残差项。

在"Objects" 菜单中点击"New Objects",在"New Objects" 对话框中选"Group",并在 "Name for Objects" 上定义文件名,点击"OK"出现数据编辑窗口。

若要将工作文件存益。点击窗口上方"File"。在"Save As"对话框中给定路径和文件名,再点击"OK"。文件即被保存。

# 2.5.2 输入数据

建立或输入工作文件后,可以输入和编辑数据。输入数据有两种基本方式;date 命令方式和鼠标图形界面方式。

# 1. Data 命令方式

命令格式:data < 序列名1 > < 序列名2 > … < 序列名n>

功能: 維人新变量,或编辑工作文件中現有的数据。按回车键后出现"Group" 窗口数据 编辑框, 在对应的 Y、X 下输入数据。

本例中,可在光标处直接输入:Data Y X

# 2. 菜单方式

在數据编辑窗口中, 首先按上行體"十", 这时对应的"obs" 字符的容格会自动上跳, 在 对应列的第二个"obs"有边配的空槽中键人变量名, 如"Y", 再按下行键"ψ", 对应变量名字 的到出现"NA"字样, 即可依原序输入确定的数据, 其他变量的数据也可用类似方法输入。

若要对數据存益。点击"life/Save A."、出现"Save A." 对还框。在"Drive." 点听要存的 盘。在"Directories" 点符人的路径(文件名)。在"File Name" 对所存文件命名、或点已存的文 件名,再点"OK"。

若要读取已存盤數据,点击"file/Open",在对话框的"Drives"点所存的磁盘名,在 "Directories"点文件路径,在"File Name"点文件名,点击"()K"即可。

# 2.5.3 估计参数

方法。; 在 EViews 土页界面点击"Quick" 業单。点击"Estimate Equation", 出現 "Equation specification" 对话框: 选 OLS 估计、即选击"Least Squares", 健人"Y C X". 点 "OK" 或接回车,即出规图 2 - 5 中的回封结果;



图 2-5 回归方程窗口

在本例中,参数估计的结果为:

 $\hat{Y}_1 = 153.47 + 0.73X$ 

t = (0.8482)(17.1690)

# $R^2 = 0.9104$ F = 294.7735

方法二:在EViews命令框中直接键人"LSYCX",按同车,即出现回归结果。

若要显示回归结果的图形。在"Equation"框中,点击"Resids",即出现剩余项(Residual)、实际值(Actual)、拟合值(Fitted)的图形,如图2 6 标示。

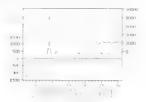


图 2-6 残禁拟合图

# 2.5.4 權型检验

### 1. 经济意义检验

所估计的参数b, 一0.73、说明农村居民人均年可支配收入每相差1元、可导致居民消费 支出相差0.73元。这与经济学中边际消费倾向的意义相符。

# 2. 拟合优度和统计检验

我们用 EViews 5.1 得出回归模型参数估计结果的同时。回归结果已经给出了用于模型 检验的相关数据。

报合优度的度量,由目对结果可以看出,本例中可决系数定7为0.935585,说明所建模型 整体上对样本数据报合较好,即解释变量"农村居民人均年纯收入"对被解释变量"农村居 民人均年生活消费支出"的绝大部分是序(93.57%)作出了解释。

对回归系数的 t 检验。针对  $H_a$  ·  $b_a$  = 0 和  $H_a$  ·  $b_a$  = 0 · 由图 2 5 中还可以看出。估计的 回归系数  $b_a$  的标准误差和 t 值分别为, $SE(b_a)$  = 18.0,9252, $t(b_a)$  = 0.8482  $t_a$  的标准误差和 t 值分别为,SE(b) = 0.0426  $t(b_a)$  = -0.05。章 t 分布表得自由度为 t = 2 = 3 的邮票 t 值 t = 2 = 3 的邮票 t = 3 t = 2 = 2 9 的邮票 t = 4 t = 2 = 2 9 的邮票 t = 4 t = 2 = 2 9 的邮票 t = 3 t = 2 = 2 9 t = 3 t = 3 t = 2 = 2 9 t = 3 t = 3 t = 3 t = 4 t = 5 t = 0

### 2.5.5 回归預測

F 面假设 X, — 2829.02 元. 预测在该收入水平下,居民的生活消费水平Y,及 E(Y,)、用 EViews 作同归预测, 当先在"Workfule" 窗口点击"Range", 出现"Change Workfule. 28.

Range" 窗口,将"End data" 由"31" 改为"32".点"OK",将"Workfile" 中的"Range" 扩展为 1 32.在"Workfile" 窗口点击"sampl",将"sampl"窗口中的"131"改为"132",点"OK",将 维本区由改为 1-32.

为了输入 X, 2829.02, 在 EVtew、命令框鍵人 data x 回车, 在 X 數据表中的"32" 位置 输入"2829.02", 終数据表最小化。

然后在"Equation"框中,点击"Forecast"。打开对话框。在对话框中的"Forecast name"(测衡值序列名)键人"Y","向年即得到模型预测值及标准误差的图形。如图 2-7)。双击"Workfile" 窗口中出现的"Y",在"Y",数据表中的"32"位置出现预测值 Y<sub>1</sub> - 2220.32。这是当 Y<sub>1</sub> - 2829.02 时人均生活消费文出的点预测值。

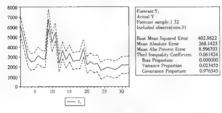


图 2-7 預測值及标准误差图形

为了做区间预测。在 X 和 Y 的数据表中,点击"View",选"Descriptive Stats\Common Sample",则得到 X 和 Y 的描述统计结果,见图 2-8。



**知及江州 国**日

# 计量经济学理论与应用

根据图 2-8 的数据可计算:

$$\sum (X_t - \overline{X})^2 = \sigma_t^2 \cdot (n - 1) = (1368.761)^2 \times 30 = 56205200.25$$

$$(X_t - \overline{X})^2 = (2829.02 - 2981.615)^2 = 23285.23$$

取  $\alpha = 0.05$ , Y, 平均值置信度 95% 的预测区间为:

$$\left[\tilde{Y}_f - t_{a/2} \vartheta \sqrt{\frac{1}{n} + \frac{(\overline{X} - X_f)^2}{\sum (X_i - \overline{X})^2}}, \tilde{Y}_f + t_{a/2} \vartheta \sqrt{\frac{1}{n} + \frac{(\overline{X} - X_f)^4}{\sum (X_i - \overline{X})^2}}\right]$$

 $X_f =$  2829.02 时,2220.32 ± 2.045 × 416.5465 ×  $\sqrt{\frac{1}{32}} + \frac{23285.23}{56205200.25}$ 

= 2220, 32 + 154, 0108

即当  $X_f = 2829.02$  时、 $Y_f$  平均值量信度 95% 的预测区间为(2066.309,2374.331)。  $Y_f$  个别值量信度 95% 的预测区间为:

$$\left[Y_f - t_{\omega^2}\partial \sqrt{1 + \frac{1}{n} + \frac{(\overline{X} - X_f)^2}{\sum X_i^2}}, Y_f + t_{\omega^2}\partial \sqrt{1 + \frac{1}{n} + \frac{(\overline{X} - \overline{X}_f)^2}{\sum X_i^2}}\right]$$

当 X, = 2829.02 时, Y, 的预测区间为:

2220. 32 ± 2. 045 × 416. 6465 × 
$$\sqrt{1 + \frac{1}{31} + \frac{23285.23}{5605200.25}} = 2220. 32 \pm 865. 8493$$

即当 X, - 2829.02 时, Y, 个别值置信度 95% 的预测区间为(1354.471,3086.169)。

### 思考与练习

- 1, 经典假设条件的内容是什么?为什么要对模型做出经典假设?
- 2. 什么是随机误差?它和残差之间的关系怎样?
- 3. 最小二乘估计量有哪些性质?高斯-马尔科夫定理的内容是什么?
- 4. 回归分析中的均值预测与个值预测有何区则与联系?
- 5. 试证明最小二乘估计量  $\bar{b}_i$  的方是  $var(\bar{b}_i) = \hat{\sigma}^l(\frac{1}{n} + \frac{\bar{X}^l}{\sum x_l})$ ,并且  $\bar{b}_i$  在所有  $\bar{b}_i$  的线

## 性无偏估计中是最小方差。

- 6. 中国 GDP 与城乡就业人数数据如表 2-2 所示:
- (1) 试以GDP为自变量,城乡就业人数为国变量建立样本四归方程,并在5%的水平下进行显著性检验。
  - (2) 求两变量简单相关系数。
  - (3) 如果 X = 246619,以 90% 的概率对 Y 进行预测。

表 2-2 中国 GDP 与城乡就业人教统计数据

年份	国内生产总值	施乡就业人数
1990	18667. 82	64749
1991	21781. 5	65491
1992	26923- 48	66152
1993	35333. 92	66808
1994	48197.86	67455
1995	60793.73	68065
1996	71176.59	68950
1997	78973. 03	69820
1998	84402. 28	70637
1999	89677.05	71394
2000	99214.55	72085
2001	109655. 2	73025
2002	120332.7	73740
2003	135822. 8	74432
2004	159878.3	75200
2005	183867. 9	75825
2006	210871	76400

注:资料来源于《中国统计年鉴 2007》

# 第三章 多元线性回归模型、

本章在 · 元歲性回归模型的基础上 · 首先系统介绍多元线性回归模型的参数估计与检 验, 许运用多元线性回归模型进行均值预测 · 与值预测,然后前要介绍非线性模型的回归估 计, 最后介绍 · 个多元回归模型应用鉴例。

# 3.1 多元线性回归模型的参数估计

在实际经济问题中,一个变量往往受到多个原因变量的影响,表现在线性回归模型中为 解导变量有多个,这样的模型被称为多元线性同归模型,多元线性同归模型参数估计的原理 和基本方法-1。元线性回归概形相同,让各开计算上更为复杂形。

多元线性回归模型的一般表现形式为:

$$Y_i = b_0 + b_1 X_{1i} + b_2 X_{2i} + \cdots + b_k X_{k} + u_i \quad i = 1, 2, \cdots, n$$
 (3-1)

(3 - 2)

其中, k 是解释变量的数目, b, 称为回引参数(regression coefficient), 习惯上把常数项看成一个虚变量的系数。在参数估计过程中读变量的群本观测值始终取 1, 这样, 模型中解释变量的数目为(k+1)。

Y = XB + N

式(3-1) 表示的n 个随机方程的矩阵表达式为;

$$Y = \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ \vdots \end{bmatrix} \quad X = \begin{bmatrix} 1 & x_{11} & x_{21} & \cdots & x_{21} \\ 1 & x_{12} & x_{22} & \cdots & x_{2d} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \cdots & \vdots \end{bmatrix}$$

其中

$$B = \begin{bmatrix} b_1 \\ b_1 \\ \vdots \\ \vdots \\ u_n \end{bmatrix} N = \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \\ \vdots \\ u_n \end{bmatrix}$$

模型(3~1)或(3 2)在满足多元线性回归模型的基本假设(与一元线性回归模型的假 • 32 • 设相似) 的情况下,可以采用普通最小 :乘法(OLS) 或者极大似然估计法(ML) 估计参数。

### 3.1.1 最小二乘估计(OLS)

对于多元线性回归模型(3-1)。如果利用最小 :乘法估计模型的参数,同样应该使残差平方和达到最小、即有:

$$\sum e_i^2 = \sum (y_i - \hat{y}_i)^2$$
  
 $= \sum (y_i - \hat{b}_e - \hat{b}_1 x_b - \hat{b}_2 x_{tt} - \dots - \hat{b}_k x_k)^2$   
 $\rightarrow$  最小

因此,参数估计值应该是下列方程组的解:

$$\begin{split} \frac{\partial \sum e_i^2}{\sum \hat{b}_b} &= 2 \sum (y_i - \hat{b}_b - \hat{b}_1 x_{1i} - \dots - \hat{b}_k x_k) = 0 \\ \frac{\partial \sum e_i^2}{\sum b_1} &= -2 \sum (y_i - b_0 - b_1 x_{1i} - \dots - b_k x_k) x_{1i} = 0 \\ \vdots \\ \frac{\partial \sum e_i^2}{\sum b_k} &= -2 \sum (y_i - \hat{b}_0 - \hat{b}_1 x_{1i} - \dots - b_k x_k) x_k = 0 \end{split}$$

即:

$$\begin{cases} \sum_{\mathcal{Y}_{t}} = \mathbf{n}b_{2} + b_{1} \sum_{x_{1t}} + b_{2} \sum_{x_{2t}} + \cdots + b_{k} \sum_{x_{k}} \\ \sum_{x_{1t}, y_{t}} = b_{2} \sum_{x_{1t}} + b_{1} \sum_{x_{1}^{2}} + b_{2} \sum_{x_{1t}, x_{2t}} + \cdots + b_{k} \sum_{x_{1t}, x_{k}} \\ \vdots \\ \sum_{x_{k}, y_{t}} = b_{2} \sum_{x_{k}} + b_{1} \sum_{x_{k}, x_{1t}} + b_{2} \sum_{x_{k}, x_{2t}} + \cdots + b_{k} \sum_{x_{k}} x_{k}^{2} \end{cases}$$

$$(3-3)$$

方程组(3-3) 也被称为正规方程组。解读(k+1) 个方程组成的线性方程组,即可得到(k+1) 个符估参数的估计值  $b, i=0,1,2,\cdots,k$ 

将上述过程用矩阵表示如下:

寻找一组参数估计值  $b_i$ ,使得残差平方和  $\sum e_i^2 = e'e = (Y - XB)'(Y - XB)$ 

最小,其中 $e-(e_1,e_2,\cdots,e_n)$ 。即求解方程组 $\frac{\partial}{\partial B}(Y-XB)'(Y-XB)=0$ 的解。

求解过程如下:

$$\frac{\partial}{\partial \hat{B}}(Y' \sim \hat{B}'X')(Y - X\hat{B}) = 0$$

# 计量经济学理论与应用

$$\frac{\partial}{\partial \hat{B}}(Y'Y - \hat{B}'X'Y - Y'X\hat{B} + \hat{B}'X'X\hat{B}') = 0$$

 $\Upsilon(Y'XB)' = B'X'Y$ ,面且它们的维数是  $1 \times 1$ .

所以有:

$$\frac{\partial}{\partial B}(Y'Y - 2B'X'Y + B'X'XB) = 0$$
$$-2X'Y + 2X'XB = 0$$

即得到:

$$X'Y = X'X\hat{B} \tag{3-4}$$

干品参数的最小二乘估计值为:

$$\hat{B} = (X'X)^{-1}X'Y \tag{3-5}$$

与一元线性回归模型一样,多元线性回归模型参数的最小二乘估计量也具有线性、无偏性和有效性这三个显著的统计特性。

### 3.1.2 极大似然估计(ML)

极大似然估计(Maximum Likelihood, 简称 ML, 又称为最大似然估计)是一种估计原理 与最小二乘估计完全不同的参数估计方法。

对于多元线性回归模型(3-2),若  $u_i \sim N(0,\sigma^2)$ 

贝号

$$Y_i \sim N(X, \hat{B}, \sigma^t)$$

其中

$$X_i = (1, x_1, x_2, \dots, x_k)$$

Y 的随机抽取的 n 组样本观测值的联合概率为:

$$\begin{split} L(\hat{B}, \sigma^2) &= P(Y_1, Y_1, \cdots, Y_n) \\ &= \frac{1}{(\sqrt{2\pi}\sigma)^n} e^{\frac{1}{n^2}\sum (Y_1 - (I_n + I_n X_n + I_n X_n + \cdots I_n X_n)^{-2})} \\ &= \frac{1}{(\sqrt{2\pi}\sigma)^n} e^{\frac{1}{n^2}(Y_1 - 2\Omega)^n(Y_1 - 2\Omega)} \end{split}$$

即为变量 Y 的似然函数。对数似然函数为:

$$L^* = \ln(L)$$

$$= - n \ln(\sqrt{2\pi}\sigma) - \frac{1}{2c^2} (Y - X\hat{B})'(Y - X\hat{B})$$

对对数似然函数求极大值,也就是对(Y XB)'(Y XB),求极小值,就可以得到一组参数估计量B,即为参数的极大似然估计

$$\dot{B} = (X'X)^{-1}X'Y$$
 (3 - 6)

显然,其结果与参数的普通最小二乘估计是相同的。

### 3.2 多元线性回归模型的检验

计量经济学模型是应用数组统计方法建立的一类经济数学模型。模型必须滴足数学理 论与方法上的要求,所以在概型参数估计后,必须检验其是否满足数学理论与方法上的要 求,多元线性回归模型的检验;主要包括拟合优度检验,回归方程的显著性检验和解释变量的 显著性检验,统称为模型的统计检验。

### 3.2.1 模型的拟合优度检验(R<sup>2</sup> 检验)

拟合优度检验是检验模型对样本观测值的拟合程度。检验的方法是构造 · 个可以表示 拟合程度的指标。在这里被称为统计量。统计量是样本的函数。与一元线性回归模型相类似 我们也需要对估计的多元线性同归方程关于样本观测值的拟合优度进行检验。检验的统计 量基准本序系数。

### 1, 总离差平方和的分解

对于有人个解释变量的多元线性同归模型

$$Y_1 = b_1 + b_2 X_1 + b_2 X_2 + \cdots + b_k X_k + u, \quad i = 1, 2, \cdots, n$$

其对应的回归方程为,

$$\hat{Y}_1 = \hat{b}_0 + \hat{b}_1 X_{11} + \hat{b}_2 X_{22} + \cdots + \hat{b}_4 X_{14}$$

我们可以将 Y. 与其平均值 Y 之间的离差分解如下:

$$Y_i - \overline{Y} = (Y_i - \hat{Y}_i) + (\hat{Y}_i - \overline{Y})$$

与一元线性回归一样,可以得到如下的总离差平方和分解式:

$$\sum (Y, -\overline{Y})^z = \sum (Y, -\hat{Y},)^z + \sum (\hat{Y}, -\vec{Y})^z$$

用符号表示为:

$$TSS = RSS + ESS$$
 (3 - 7)

式(3-7) 也可以写成离差形式:

$$\sum y_i^z = \sum e_i^z + \sum \hat{y}_i^z \qquad (3-8)$$

即总离差平方和分解为回归平方和与残差平方和两部分。

2. 多元样本决定系数 R<sup>z</sup> 与拟合优度检验

与一元线性回归模型中的样本决定系数相类似,多元样本决定系数

$$R^{2} = \frac{\text{ESS}}{\text{TSS}} = \frac{\sum \hat{y}_{i}^{2}}{\sum y_{i}^{2}} = 1 - \frac{\text{RSS}}{\text{TSS}} = 1 - \frac{\sum e^{2}}{\sum y_{i}^{2}}$$
 (3 - 9)

可以用式(39)检验模型的拟合优度。容易看出, $0 \leqslant ESS \leqslant TSS$ ,所以总有 $0 \leqslant R^i \leqslant 1$ , $R^i$ 的数值越接近1。表明Y中的离差被估计的回归方法解释的部分越多。估计的回归方程对样本观测值就拟合得越好,反之则拟合得越差。 $R^i$ 作为度量回归值Y,对样本观测值Y,拟合优度

# 计量经济学理论 与应用

的指标,显然其数值越接近1越好。

3. 修正样本决定系数 R2

当模型的参数估计量已经得到后,可以很方便地计算 尺'。在实际应用过程中发现。如果在模型中增加一个解释变量、模型的解释为能放射量, 「尽'也就增大了,这样一来。在应用过程中故容易使人产生一种错觉。认为爱想使模型拟合得好、只要在模型中增加新的转变量数可以了。但是。在样本容量一定的情况下,增加解释变量必定使得自由度减少。所以用来检验拟合优度的统计量必须能够防止这种倾向。于是。可以考虑用平方和的自由度对 尼·来进行修正,调整的思想是将突逐平方和与这两至平方和之比的分子母分别用各自的自由度对 尼·法 吹波均方差之比。以剔除解释变量个数对拟合优度的影响。移正的样本决定系数为。

$$\overline{R}^{2} = 1 - \frac{\text{RSS}/(n-k-1)}{\text{TSS}/(n-1)}$$
(3-10)

其中 $_{\bullet}(n-k-1)$ 为规差平方和的自由度 $_{\bullet}(n-1)$ 为总离差平方和的自由度。容易证明, $\mathbb{R}^1$  与  $\mathbb{R}^2$  有如下关系:

$$\overline{R}^{2} = 1 - (1 - R^{2}) \frac{(n-1)}{(n-k-1)}$$
 (3-11)

从式(3-11)中可以看出:

- (1) 当 n 很大, k 较小时, R2 ~ R2;
- (2) 当 k 与 n 相比较大时, $\overline{R}^2 < R^2$ ,此时需要考虑修正的样本决定系数  $\overline{R}^2$ 。

R<sup>2</sup>或R<sup>2</sup>仅仅说明了在给定的样本条件下,估计的回归方程对于样本观测值的拟合优度,在实际应用中,R<sup>2</sup>或R<sup>2</sup>究竟要多大才算模型通过了检验。没有绝对的标准。要视具体情况而定。模型的拟合优度并不起评价模型优劣的唯一标准。有时为了追求模型的经济意义宁可拖性一点拟合优度。因此,不能仅仅反下;或R<sup>2</sup>的大小来选择模型,而必须对回归方程和模型中各参数的估计量作进一步的基著性检验。

### 3.2.2 回归方程的显著性检验(F检验)

回归方程的显著性检验,是指在一定的显著性水平下,从总体上对模型中被解释变量与 解释变量之间的线性关系是否显著成立而进行的 -种统计检验。

对于多元线性回归模型式(3-1)而言:

$$Y_1 = b_0 + b_1 X_{1i} + b_2 X_{2i} + \cdots + b_k X_{ki} + u_i$$
  $i = 1, 2, \cdots, n$ 

为了从总体上检验模型中被解释变量Y与解释变量 $X_1,X_2,\cdots,X_n$ 之间的线性关系是否显著,必须对其进行显著性检验。检验的原根设为:

$$H_0: b_1 = b_2 = \cdots = b_k = 0$$

也就是说。如果原假设成立,则模型中被解释变量与解释变量之间不存在显著的线性关 系。各择假设为:

也就是说,如果被解释变量与解释变量之间线性关系显著,则拒绝 Ho,接受 H,;否则就
36 ·

接受 H。。

由数理统计知识可知,在 H。成立的条件下,统计量

$$F = \frac{ESS/k}{RSS/(n-k-1)}$$
(3-12)

服从自由度为(k,n-k-1)的 F分布。对于预先给定的显著性水平。,可从 F分布表中查出 第一自由度为k第一自由度为n-k-1的临界值 F(k,n-k-1),将样本观测值和估计值 代人式(3-12)中,现于详重出的结果有 F>F(k,n-k-1),则否定原假设  $H_0$ ,即模型的 线性关系显著成立,模型通过方程的显素性检验。否则,则在(1-a) 水平下接受原假设  $H_0$ ,即概型的线性关系显著不成立,模型未通过方程的包裹性检验。

### 3.2.3 解釋变量的显著性檢驗(#檢驗)

解释变量的显著性检验。是指在一定的显著性水平下。检验模型的解释变量是否对被解释变量有显易影响的 ... 种统计检验。前面已经讨论了对回到方程的显著性检验。另一元线性 即归模型不同(在一元线性回归模型中,这两种检验的结果是一致的)。在多元线性回归模型中,回归方程逐套并不忽球着每个解释变量对被解释变量的影响都思查。因此,有必要对每个解释变量进行显著性检验,这样就能把对被解释变量影响不显著的解释变量从模型中刷解。而具在模型中保留面处对被解释变量影响显著的解释变量、以维立更为简单、合理的多元线性向归植理。

最於,在宏元微性回村模型中,如果某个解释变量火,对被解释变量火的影响不显着,那 在何归模型中,它的问归系数点,的模成等于零。因此,检验解释变量火,是否显著,等价于 检验它的系数。的值是否等于零,检验的脲假设为

$$H_0: b_i = 0, j = 1, 2, \cdots, k$$

其备择假设为

$$H_1: b_1 \neq 0, j = 1, 2, \cdots, k$$

也就是说。如果接受原假设  $H_0$ 、则  $X_1$  不显著;如果拒绝原假设  $H_0$ 、则  $X_1$  是显著的。与一元线性回行系数的显著性检验一样,构造如下的 t 检验统计量

$$T = \frac{\hat{b}_{j} - b_{j}}{S_{k}} \sim t(n - k - 1)$$
 (3 - 13)

其中 $S_{\delta_1}$  是 $\delta_2$ , 的标准差,其计算公式为:

$$S_{b_r} = \sqrt{C_u S_r^2}$$
 (3 - 14)

其中, $C_n$  为 $(X^TX)$  「中j+1 $\overline{T}$ ,j+1列处的元素, $S_i = \frac{\sum_i e^2}{n-k-1}$ ,这样貌可以利用统 计量于对解调设 H。进行检验。

1 检验的步骤为:

- (1) 提出假设。提出原假设 H<sub>0</sub>: b<sub>i</sub> = 0, j = 1,2,····,k 备择假设 H<sub>1</sub>: b<sub>i</sub> ≠ 0, j = 1,2,····,k
- (2) 计算 t 统计量。在假设  $H_0: b_t = 0$  成立的条件下,计算 t 统计量

# **让最经济学理论与应用**

$$T = \frac{\hat{b}_i - b_i}{S_{b_i}} \sim t(n \quad k \quad 1)$$

- (3)查临界值。在给定显著性水平α下,查自由度为n k-1的t分布表,得到临界值 (α,(n-k-1)。
- (4) 判断。若 | t | > t<sub>er</sub>(n k 1)、剥在 1 a 水平下拖绝原假设 H。接受备择假设 H。 即b, 对症的解释变量 X、是是者的; 若 . t (< t<sub>e</sub>(n - k - 1)、別在 1 - a 水平下接受原假设 H。即b. 对症的解释变量 X、是不忍害的。

## 3.3 均值预测与个值预测

预测也是多元线性回归分析的目的和进一步检验模型的方法。与一元线性回归分析相同,多元线性回归分析的预测也包括均值预测和个值预测。

### 3.3.1 均值預測

均值预测包括点预测和区间预测。

1. 点预测

点预测就是求解释变量(1,X<sub>1</sub>,X<sub>2</sub>,····,X<sub>n</sub>)对应的被解释变量Y的估计值,在得到回归 直接。点预测是比较简单的,只要把(1,X<sub>1</sub>,X<sub>2</sub>,····,X<sub>n</sub>)代人同妇方程中,计算出被解释变量Y的点预测;

$$Y = b_0 + b_1 X_1 + b_2 X_2 + \dots + b_4 X_4$$

Y就是对Y的一个估计。也就是点预测。然而、即使模型代表的经济规律在预测时刻是 严格成立的、预测值 Y 与实际发生的 Y 一般也不会完全一样、预测和实际值之间存在的误差为。

$$\varepsilon = Y - \dot{Y} = (b_0 - \dot{b}_0) + (b_1 - \dot{b}_1)X_1 + (b_2 - \dot{b}_2)X_2 + \dots + (b_k - \dot{b}_k)X_k + \varepsilon$$

由于 $\delta_a$ 和 $\delta_a$ 之间都会有差异。并且有随机扰动项 $\epsilon$ 的影响,因此预测误差 $\epsilon$ 一般不会等下学。

2. 区间预测

设 e。是 Y。与 Y。之差:

$$\varrho_0=Y_0-\hat{Y}_0$$

 $e_0$  是 - 項隨机变量,可以证明  $e_0$  服从均值为零,方差为  $\sigma^2(e_0)=\sigma^2_*[1+X_0(X^\intercal X)X^\intercal X_0^\intercal]$  的正态分布。即

$$e_0 \sim N(0, \sigma_\pi^2[1 + X_0(X^TX)X^TX_0^T])$$

将上式中的 எ 用它的估计值 எ 代替,则得到 e 。的标准差估计值

$$\hat{\sigma}(e_0) = \hat{\sigma}_e \sqrt{1 + X_0(XX)X^{-1}X_0}$$

其中,
$$\theta_n = S_e = \sqrt{\frac{e e}{n - k - 1}}$$
。可以证明,统计量

$$T - \frac{Y_0 - \dot{Y}_0}{\dot{\sigma}(e_0)} = \frac{e_0}{\dot{\sigma}(e_0)} \sim t(n - k - 1)$$

对于给定的显著性水平 $\alpha$ ,可以从t分布表中查得临界值 $t_{*z}(n-k-1)$ 。于是,对于给定 的置信水平 $1-\alpha$ -预测值Y。的置信区间为:

$$\dot{Y}_{0} - t_{a/2} \delta(e_{0}) < \dot{Y}_{0} < \dot{Y}_{0} + t_{a/2} \delta(e_{0})$$
 (3-15)

### 3.3.2 个值预测

对多元线性回归模型式(3 2),其样本回归方程为 Y XB,当解释变量为 X,时,由样本回归方程所决定的值 Y — X,B 也称为当解释变量取值为 X,时解释变量的点预测。同样,当解释变量取其他不同的值时,也可以通过样本同归方程得到其对应的解释变量的预测值,即能对每个个值进行预测。可见无论是均值还是个值预测、和简单线性回归模型一样,它们的预测值就其表达式而言是一样的,但含义却大不相同。

## 3.4 非线性回归模型

前面讨论的线性回归模型式(3-1)

$$Y_1 = b_0 + b_1 X_{1i} + b_2 X_{2i} + \cdots + b_k X_{ki} + u_i$$
  $i = 1, 2, \cdots, n$ 

具有两个特点:

- (1)被解释变量 Y 是解释变量的线性函数。即关于解释变量线性。
- (2)被解释变量Y也是参数的线性函数。即关于参数线性。然而。在复杂的实际问题中, 情况并非如此简单。

在实际的经济问题研究中,经济变量之间大多数是非线性关系,由此所建立的经济模型 也就往往不符合线性关系,即模型是非线性的,条件非线性固匀模型,对于非线性模型,通常 是将其转化为线性模型进行估计,但并非所有的非线性模型都可以转化为线性模型,而是根 据其是否能够通过简单代数变换或变量替换转化为参数线性。非线性同归模型可分为可线 性模型和不可经性化糠即期举。

### 3.4.1 可线性化模型

在非线性回归模型中,有一些模型经过适当的变量变换或函数变换可以转化成线性回 归模型(即非线性回归模型的线性化),从而将非线性回归模型的参数估计问题转化成线性 回归模型的参数估计,这类模型新为可线性化模型。在计量起济分析中经常使用的可线性化模型有

1. 多项式函数模型

对于多项式函数模型

$$Y_{i} = b_{0} + b_{1}X_{1} + b_{2}X_{2}^{2} + \cdots + b_{k}X_{k}^{k} + u_{i} \quad i = 1, 2, \cdots, k$$
 (3 16)

 $Z_i = X_i, i = 1, 2, \cdots, k$ 

则模型(3·16)可以转化成多元线性回归模型

# 计量经济学理论与应用

$$Y_{i} = b_{0} + b_{1}Z_{1} + b_{2}Z_{2} + \cdots + b_{k}Z_{k} + u_{i}$$
  $i = 1, 2, \cdots, k$ 

对此模型即可利用多元线性回归分析的方法进行处理。

2. 双曲函数模型(倒数变换模型)

双曲函数模型的一般形式为:

91

$$\frac{1}{y_i} = b_b + b_1 \frac{1}{x_i} + u \qquad (3-17)$$

$$y_i^* = \frac{1}{w_i} x_i^* = \frac{1}{x_i}$$

则模型(3-17)可转化成标准形式:

$$y_i^* = a_0 + a_1 x_i^* + u_i$$

对此模型即可利用一元线性回归分析的方法进行处理。

3. 半对数函数模型

半对数函数模型的一般形式为:

$$y_c = b_0 + b_1 \ln x_c + u_c$$
 (3 - 18)

胶

$$lny_i = a_0 + a_1x_i + u_i (3-19)$$

由于模型中只有一个变量为对敷形式,所以称为半对敷模型。显然,经简单的线性变换 就可以将其转化为线性回归模型。

$$\Rightarrow x_i^* = \ln x_i, y_i^* = \ln y_i$$

则模型式(3-18)和式(3-19)分别可以转化成以下标准的线性形式;

$$y_i = b_0 + b_1 x_i^* + u_i$$
  
 $y_i^* = a_0 + a_1 x_i + u_i$ 

戚

对此模型即可利用一元线性回归分析的方法进行处理。

坐对数模型中的同归系数有得百强的含义。

$$b_1 = \frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d} \ln x} = \frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x/x} \approx \frac{\Delta y}{\Delta x/x} = \frac{y}{x}$$
 的增长幅度

即 x 增加 1% 时, y 将增长 0.016; 个单位。

$$a_1 = \frac{d \ln y}{dx} = \frac{dy/y}{dx} \approx \frac{\Delta y/y}{\Delta x} = \frac{y \, \text{的增长速度}}{x \, \text{的增长幅度}}$$

即x增加1个单位时。y将增长100a,%。特别地。若x为时间变量(如年份),则系数a,衡量f y的年均增长速度。

4. 双对数函数模型

双对数函数模型的一般形式为:

$$lny = b_0 + b_1 lnx + u$$
 (3 20)

$$\phi$$
  $v^* = \ln v, x^* = \ln x$ 

则模型式(3-20) 可以转化成标准的线性形式:

$$y^* = b_0 + b_1 x^* + u$$

对此模型即可利用—元线性回归分析的方法进行处理。

其中,回归系数

$$b_1 = \frac{d \ln y}{d \ln x} = \frac{dy/y}{dx/x} \approx \frac{\Delta y/y}{\Delta x/x} = \frac{y \text{ in } \# \text{ Kin } \#}{x \text{ in } \# \text{ Kin } \#}$$

这表明双对数函数模型中的间口系数 6. 为被解释变量对于解释变量的典性。 佛性是经 济分析中的一个十分重要的指标(如价格弹性,收入弹性,交叉弹性等),如果所研究的经济 问题可以用双对数函数模型指述,则估计模型之后就可以直接利用回归系数进行弹性分析。 因此,双对数函数模型是人们经常采用的一类非线性回归模型。

### 5. 指数函数模型

指数函数模型的一般形式为:

$$y = Ae^{b_1 + \epsilon} \qquad (3-21)$$

两边取对数,得,

$$lny = lnA + b_1x + u$$

$$y^* = \ln y \cdot b_0 = \ln A$$

则模型式(3-21)转化成标准的线性形式。

$$y^* = b_0 + b_1 x + u$$

对此模型即可利用---元线性回归分析的方法进行处理。

#### 6. 黑函数模型

幕函数模型的一般形式为:

$$y = A_x i_1^{b_1} x_1^{b_2} \cdots x_l^{b_l} e^*$$
 (3 - 22)

两边取对数,得:

$$\ln y = \ln A + b_1 \ln x_1 + b_2 \ln x_2 + \dots + b_k \ln x_k + u$$

$$y^* = \ln y, b_0 = \ln A, x_i^* = \ln x_i, i = 1, 2, \dots, k$$

则模型式(3-22) 可以转化成标准的线性形式:

$$y^* = b_0 + b_1 x_1^* + b_7 x_2^* + \cdots + b_k x_k^* + u$$

对此模型即可利用多元线性回归分析的方法进行处理。

### 3.4.2 不可线性化模型

在非线性回归模型中。有些无法通过变量变换或函数变换的方法转化成线性模型,这类 模型称为不可线性化模型。对于不可线性化模型。一般采用高斯 牛顿迭代法进行估计,即将

## 计量经济学理论与应用

其展开成泰勒级数之后,再利用迭代估计方法进行估计。

模型  $y = a^{x}$ ,  $\frac{b}{c} + u$  是一个不可线性化模型,现以该模型为例说明迭代估计法的原理 和具体步骤,模型的估计过程如下。

- (1) 根据经济理论和所掌握的资料,先确定 组数据  $a_0$  ,  $b_0$  ,  $c_0$  作为参数  $a_1b_2c$  的初始估计值;
  - (2) 将模型在点(a。,b。,c。) 处展开成泰勒级数,并取 · 阶近似值:

$$y = f(a_0,b_0,c_0) + \frac{\partial f}{\partial a}(a-a_0) + \frac{\partial f}{\partial b}(b-b_0) + \frac{\partial f}{\partial c}(c-c_0) + \hat{x} + u$$

$$p \ f(a_0,b_c,c_0) + \frac{\partial f}{\partial a}a_0 + \frac{\partial f}{\partial b}b_0 + \frac{\partial f}{\partial c}c_0 - a \frac{\partial f}{\partial a} + b \frac{\partial f}{\partial b} + c \frac{\partial f}{\partial c} + V$$

其中, V 县会项与随机误差项的和。本例的具体结果为:

$$y - a_0 \frac{x - b_0}{x + c_1} + a_0 \frac{x - b_0}{x + c_1} - b_0 \frac{a_0}{x + c_0} - c_0 \frac{a_0(x - b_0)}{(x + c_1)^2}$$
  

$$= a \frac{x - b_0}{x + c_0} - b \frac{a_0}{x + c_0} - c \frac{a_0(x - b_0)}{(x + c_1)^2} + V$$

整理得:

$$y - \frac{a_0(b_0 + c_0)x}{(x + c_0)^2} = a \frac{x - b_0}{x + c_0} + b \frac{-a_0}{x + c_0} + c \frac{a_0(b_0 - x)}{(x + c_0)^2} + V$$

(3) 做变量变换,设:

$$\begin{cases} y^* = y - \frac{a_5(b_1 + c_2)x}{(x + c_2)^2} \\ Z_1 = \frac{x - b_2}{x + c_2}, Z_2 = \frac{a_2(b_1 - x)}{(x + c_2)^2} \end{cases}$$
(3-23)

则模型转化成三元线性回归模型:

$$y^* = aZ_1 + bZ_2 + cZ_2 + V$$
 (3 - 24)

因此,可以利用最小二乘法估计模型,得到参数的第一组估计值 4,, b,, c,。

- (4) 将 $a_1$ , $b_1$ , $c_1$ 代人式(3-23) 取代参数的上一组估计值,计算出  $y^*$ , $Z_1$ , $Z_2$ , $Z_3$ ,的一组 新观察值,进而得到  $a_1b_2$ c 的第二组估计值。
- (5) 氫复第(4) 步,逐次估计下去,直到第t+1次估计值的估计误差小于事先确定的误差精度 $\delta(\delta>0)$  时为止,即满足:

$$\left|\frac{a_{r+1}-a_{t}}{a_{r}}\right|<\delta\cdot\left|\frac{b_{r-1}-b_{t}}{b_{t}}\right|<\delta\cdot\left|\frac{c_{r+1}-c_{t}}{c_{r}}\right|<\delta$$

并以第 t+1 次的计算结果作为参数 a,b,c 的估计值。

从上述估计过程可以看出。对于不可线性化模型。将其展开成泰勒级数一阶项并经过适 当的变量变换之后,也可以将其转化或线性回归模型。因此。仍然可以采用 OLS 方法估计其 中的参数、需要指出的是。上述进代估计过帮的收敛性及收敛速度;参数初始值的选取密切 相关。若选取的初始值与参数的真实值比较接近。则收敛速度较快,反之。则收敛缓慢甚至炎 散,因此,估计模型时最好依据参数的经济衰义和有关先验信息,设定好参数的初始值。

## 3.5 参例分析

### 3.5.1 模型设定

改革开放以来,随着经济体制改革的深化和经济的快速增长,中国的刺政收支收况发生 了很大变化,中央和地方的税收收入 1978 年为 519.28 亿元,到 2006 年已增长到 34809.72 亿元,29 年间增长 76 代。为了研究影响中国税收收人增长的主要原因,分析中央和地方税 收收入的增长规律,预测中国税收未来的增长趋势,需要建立计量经济模型。

影响中国稅收收人增长的因素何級。但据分析主要的因素可能有。① 从宏观经济者。经 济整体增长是稅收增长的基本源原。② 公共財政的需求。稅收收人是財政收入的主体、社会 经济的发展和社会保障的完善等都对公共財政機出要求。因此对质算支出所表现的公共財 政的需求对当年的稅收收人可能会有一定的影响。③ 物价水平。我国的稅制结构以流转稅 为主,以现行价格计算的 GDP 等指标和经营者的收入水平都与物价水平有关。④ 稅收政策 因業。我國自 1978 年以来经历了两次大的稅制改革。一次是 1984 年 ~ 1985 年的國有企业利 政稅、另一次是 1994 年的全国花图内的新稅制改革、稅制改革对稅收会产生影响,特别是 1985 年稅收能增 215、42%。但是第二次稅制改革对稅收增长速度的影响不是非常大。因此、 可以从以上几个方面分析各种因素对中间稅收增长的良体影响。

为了全面反映中回视收增长的全貌,选择包括中央和地方税收的"国家财政收人"中的 "各项税收"(简称"税收收人") 作为被解释变量。以反映国家税收的增长,这择"国内生产总 值((GDP)"作为经济整体增长水平的代表,选择中央和地方"财政支出"作为公共财政需求 的代表,选择"商品零售物价指数"作为物价水平的代表,由于财税体制的改革难以量化。而 且 1885 年以后财税体制改革对税收增长影响不是很大,可暂不考虑税制改革对税收增长的 影响,所以解释变量设定为可观测的"国内生产总值"、"财政支出"、"商品零售物价指数"等 审量。

从《中国统计年鉴》收集到以下数据(见表 3-1);

表3 I 中國代权权八及和大政场				
年份	税收收人(亿元) (Y)	国内生产总债(亿元) (X <sub>1</sub> )	財政支出(亿元) (X <sub>1</sub> )	商品零售价格指数(%) (※x)
1978	519. 28	3624. 1	1122. 09	100.7
1979	537. 82	4038. 2	1281. 79	102.0
1980	571.70	4517. 8	1228. 83	106. 0
1981	629. 89	4862. 4	1138. 41	102. 4
1982	700. 02	5294. 7	1229. 98	101.9

表 3-1 中国税收收入及相关数据

年份	税收收人(亿元)	国内生产总值(亿元)	财政支出(亿元)	商品零售价格指数(%)	
4-117	(Y)	(X <sub>1</sub> )	(X <sub>2</sub> )	(X <sub>1</sub> )	
1983	775. 59	5934. 5	1409. 52	101.5	
1984	947. 35	7171.0	1701.02	102. 8	
1985	2040. 79	8964. 4	2004. 25	108 8	
1986	2090. 73	10202. 2	2204.91	106.0	
1987	2140. 36	11962. 5	2262.18	107.3	
1988	2390. 47	14928. 3	2491.21	118. 5	
1989	2727.40	16909. 2	2823.78	117.8	
1990	2821.86	18547. 9	3083.59	102.1	
1991	2990. 17	21617.8	3386. 62	102.9	
1992	3296, 91	26638. 1	3742. 20	105.4	
1993	4255. 30	34634. 4	4642.30	113. 2	
1994	5126. 88	46759. 4	5792. 62	121.7	
1995	6038.04	58478- 1	6823.72	114.8	
1996	6909, 82	67884. 6	7937.55	106.1	
1997	8234. 04	74462.6	9233.56	100.8	
1998	9262. 80	78345. 2	10798- 18 97- 4		
1999	10682.58	82067. 5	13187.67	97.0	
2000	12581. 51	89468. 1	15886.50	98. 5	
2001	15301.38	97314. 8	18902. 58	99. 2	
2002	17636. 45	104790.6	22053. 15	98. 7	
2003	20017. 31	117390. 2	24649.95	99.9	
2004	24165, 68	159878. 3	28486. 89 102. 8		
2005	28778. 54	182321	33930. 28	100.8	
2006	34809. 72	210871	40422.73	101.0	

# 数据来源《中国统计年鉴》

设定的线性回归模型为:

$$Y_t = b_0 + b_1 X_{1t} + b_2 X_{2t} + b_3 X_{3t} + u_t$$

### 3.5.2 参数估计

利用 EViews 估计模型的参数,方法是:

(1) 建立工作文件: 启动 EViews. 点击 File/New/Workfile, 打开对话程"Workfile Range", 在"Workfile frequency"中选择"Annual"(年度), 并在"Start date"中输入开始时间 1978", 在"end date"中输入是后时间"2006", 表击"OK", 出现"Workfile UNTITLED" 工 作框。其中已有变量: "c" - 截距项。"resud" 剩余项。在"Objects" 集单中点击"New Objects", 在"New Objects" 对话框中选"Group", 并在"Name for Objects" 上定义文件名。 点击"OK", 出来数据编辑度

(2)输入数据。点击"Quick"下拉来单中的"Empty Group",出现"Group"窗口数据编辑框,点第一列写"obs"对应的格,在命令栏输人"Y",点下行键"↓",即将该严列命名为 Y,并依比输入 Y 的数据。用同样方法在对应的列命名 X, X, X, 并输入相应的数据。或者在EViews 命令框直接键人"data Y X, X, X,",回车出现"Group"窗口数据编辑框,在对应的 Y. X, X, 下输入相应的数据。

(3) 估计参数:点击"Procs"下拉菜单中的"Make Equation",在出现的对话框的 "Equation Spec.fication" 栏中键入"Y C X, X, X,",在"Estimation Settings" 栏中选 係"Least Squares"(最小二乘法).点"(NK",即出现回到结果,或者在 EViews 命令框中直接 键入"1.S Y C X, X, X,"命令后核回车键,也可得到回归结果,见图 3-1);



图 3-1 回归结果

### 根据表3 1中数据,梅型估计的结果为,

 $\hat{Y} = 3813.346 + 0.018122X_1 + 0.756707X_2 + 34.19613X_1$ (1175.587) (0.006698) (0.0035948) (11.03181)

# 计量经济学理论与应用

t = (3.243781) (2.705604) (21.05027) (3.099774)  $R^2 = 0.998731$   $\overline{R}^2 = 0.998579$  F = 6561.104 df(自由度) = 25

## 3.5.3 模型检验

### 1. 经济意义检验

模型估计结果说明,在假定其他变量不变的情况下,当年GDP 每增长1亿元,税收收人 就会增长0.018122亿元;在假定其他变量不变的情况下,当年财政支出每增长1亿元,税收 收入会增长0.755707亿元;在假定其他变量不变的情况下,当年零售商品物价指数上涨---个百分点,极收收入数会增长34.19613亿元;这与理论分析和经验判断相一致。

### 2. 统计检验

- (1) 拟合优度检验:由图 3-1 中數据可以得到: $\mathbb{R}^2=0$ . 998731, 修正的可决系数为 $\mathbb{R}^2=0$ . 99879,这说明模型对样本的拟合银好。
- (2)F 検验:针对 H,  $:b_1=b_2=b_3=0$ , 给定显著性水平a=0.05, 在 F 分布表中查出自由度为 k-1=3 和 n-k=25 的临界值 F, (3.25)=2.99, 由图 3-1 中得到 F=6561.104 ) F, (3.25)=2.99, 应拒绝原假设  $H_3$ ,  $b_1=b_2=b_3=0$ , 证明回归方程显著,即"国内生产总值"、"财政支出"、"商品零售物价指数"等变量联合起来确实对"税收收人"有显者影响。
- (3) / 检验,分别针对  $H_i$  ·  $b_i$  · 0 · 0 · (j-0,1,2,3) · 给定显著性水平 a=0.05 · &t 分布表得自由度为n-k-05 的临界值  $t_{a+1}$  (n-k) · 2.060 ·  $t_{a+1}$  · t

### 思考与练习

- 什么是多元线性回归模型?多元线性回归模型与一元线性回归模型有哪些区别?
   现察下列方程并判断其变量是否呈线性,系数是否呈线性,或都是,或都不是。
- (1) $Y_1 = b_0 + b_1 X_1^3 + u_1$
- $(2)\log Y_{\cdot} = b_0 + b_1 \log X_{\cdot} + u_1$
- $(3)Y_1 = b_0 + b_1(b_2X_1) + u_1$
- $(4)Y_{i} \frac{b_{0}}{b_{i}X_{i}} + u_{i}$
- (5) $Y_1 = b_0 + b_1 X_1 + b_1 X_2 / 20 + u_1$
- (6)  $y_i = 1 + b_0(1 x_i^{b_2}) + u_i$
- 3. 对于多元线性回归模型,证明:
- (1)  $\sum e_i = 0$

(2) 
$$\sum_i \hat{y}_i e_i = \sum_i (\hat{b}_0 + \hat{b}_1 x_{1i} + \cdots + \hat{b}_k x_{ki}) e_i = 0$$

4、多无线性回归模型

$$Y_1 = b_1 + b_1 X_1 + b_2 X_2 + \cdots + b_k X_k + u$$
,  $i = 1, 2, \cdots, n$ 

的矩阵形式是什么?其中每个矩阵的含义是什么?熟竑地写出用矩阵表示的该模型的普通最小二乘参数估计量。

5. 集人该围建立或国牒奥行业生产方程、以楼展产量为被解释变量。经过理论和经验分析、确定以固定资产原值、取工人般和电力消耗量变量作为解释变量、变量的选择是压确的、于是建立了加下形式的理论摄型。

煤炭产量 =  $\alpha_0 + \alpha_1$  固定资产原值 +  $\alpha_2$  职工人数 +  $\alpha_3$  电力消耗量 +  $\alpha_4$ 

选择 2000 年全国 60 个大型国有煤炭企业的被据为样本现制值:国定资产原值用资产 形成年出年价计算的价值量,其他采用实物量单位;采用 OLS 方法估计参数,指出该计量级 济学问题中可能存在的主要错误,并简单证明理由。

- 6. 在多元线性四归分析中,为什么用修正的样本决定系数衡量估计模型对样本观测值的拟合优度?修正的样本决定系数 ₹ 有哪些作用?
  - 7. 非线性回归模型可分为哪凡要?常见的非线性回归模型有哪些?
- 8. 计算下面三个自由度调整后的决定系数。这里,R<sup>2</sup> 为决定系数,n 为料本数目,k 为解释室量个数。

$$(1)R^2 = 0.75$$
  $n = 8$   $k = 2$ 

$$(2)R^2 = 0.35 \quad n = 9 \quad k = 3$$

$$(3)R^{i} = 0.95 \quad n = 31 \quad k = 5$$

9. 设有模型  $y_1 = b_0 + b_1 x_{11} + b_2 x_{21} + u_1$ , 试在下列条件下:

 $\bigcirc b_1 + b_2 = 1$ ;  $\bigcirc b_1 = b_2$ , 分别求出  $b_1$ 、 $b_2$  的最小二乘估计量。

10. 假定以校园内含堂每天卖出的盒饭般童作为被解释灾量。盒饭价格、气温、附近餐厅的盒饭价格。学校当日的学生数量(单位:千人)作为解释变量,进行回归分析。假设不管是否有假期,食堂都营业。不幸的是,食堂内的计算机有一次被病毒侵犯。所有的存储数据丢失,无法恢复,你能不能说出效立变量分别代表着哪一項?下面是回归结果(括号內为标准盖);

$$\hat{Y}_{i} = 10.6 + 28.4X_{1i} + 12.7X_{2i} + 0.61X_{3i} - 5.9X_{4i}$$

(2.6) (6.3) (0.61) (5.9) 
$$\overline{R}^2 = 0.63 \quad n = 35$$

要求:(1) 试判定每项结果对应着哪一个变量。

(2) 对你的判定结论做出说明。

11. 经研究发现,学生用于购买书籍及课外读物的支出与本人受教育年限和其家庭收入水平有关,对18 名学生进行调查的统计资料如表3-2所示:

表 3-2 调查统计资料表

	购买书籍及课外	受教育年限	家庭月可支配	
学生序号	塘榆支出 Y(元/年)	X1(件)	收入 X2(元/月)	
1	450.5	4	171. 2	
2	507.7	4	174. 2	
3	613.9	5	204.3	
4	563. 4	4	218. 7	
5	501.5	4	219. 4	
6	781. 5	7	240. 4	
7	541.8	4	273. 5	
8	611.1	5	294. 8	
9	1222. 1	10	330. 2	
10	793. 2	7	333. 1	
11	660.8	5	366. 0	
12	792.7	6	350.9	
13	580. 8	4	357.9	
14	612.7	5	359.0	
15	890. 8	7	371.9	
16	1121.0	9	435.3	
17	1094. 2	8	523. 9	
18	1253.0	10	604.1	

### 要求:

- (1) 试求出学生购买书籍及课外读物的支出Y与受教育年限X,和家庭收入水平X。的估计的回归方程。 $Y=\hat{B}_{0}+\hat{B}_{1}X$ ,十 $\hat{B}_{1}X$ 。
  - (2) 对β, β, 的显著性进行 ε 检验;计算 R<sup>2</sup> 和 R̄<sup>2</sup>;
- (3) 假设有一学生的受赦育年限  $X_1 = 10$  年,家庭收入水平  $X_2 = 480$  元 / 月,试預测该学生全年购买书籍及课外读物的支出。并求出相应的预测区间( $\alpha = 0.05$ )。
- 12. 以企业研发支出( $\mathbb{R}^{\&}$ D) 占销售额的比重为被解释变量(Y),以企业销售额( $X_{1}$ ) 与利润占销售额的比重( $X_{2}$ ) 为解释变量,一个有 32 容量的样本企业的估计结果如下:

 $Y = 0.472 + 0.32 \log(X_1) + 0.05 X_2$ 

(1.37) (0.22) (0.046)

 $R^2 = 0.099$ 

## 其中括号中为系数估计值的标准差。

- (1)解释 log(X<sub>1</sub>)的系数。如果 X<sub>1</sub>增加 10%,估计 Y 会变化多少个百分点?这在经济上 是一个很大的影响吗?
- (2) 針对 R & D 强度随销售额的增加而提高这一备择假设, 检验它不随  $X_1$  变化而变化的假设。分别在 5% 和 10% 的显著性水平上进行这个检验。
  - (3) 利润占销售额的比重 X<sub>2</sub> 对 R&D 强度 Y 是否在统计上有显著的影响?

# 第四章 异方差性

但现实生活中遇到的问题往往要比古典模型复杂得多。如果线性同归模型不能满足那 些基本假设,普通量小:果坛获得的模型参数是否还会具备线性,无偏性,有效性等优良性 原?如果不能,应该用什么方法来估计模型参数才能获得参数的一个优良估计量?这是本章 和以下几章要讨论的内容。

本章我们将讨论"异方整性" 问题。异方整性是指模型违反了古典假设中的同方差性假设、古典线性回归模型的一个需要假设是总体问则方程的随机致动项(u,)同方差,即它们具 有相同的方差。d,如果随机较动项的方差随观察值不同而异。即u,的方差为of,就是异方差。 用符号表示异方等为。E(u,2) = d.

本章将在认识异方差性基本意义的基础上,分析异方差性产生的原因及其引起的后果, 讨论怎样发现异方差性和修正异方差性的基本方法。

# 4.1 异方差性及其产生的原因

#### 4.1.1 异方差性的定义

设线性回归模型为:

$$Y_1 = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \cdots + \beta_t X_b + u, \quad i = 1, 2, \cdots, n$$
 (4-1)

经典回归模型中的同方差性假设为:

$$Var(u_i) = g^2$$
  $i = 1, 2, \dots, \pi$  (4-2)

即对于不同的样本点,随机误差项的离散程度是相同的;如果出现。

$$Var(u_i) = \sigma_i^2$$
  $i = 1, 2, \dots, n$  (4 - 3)

即随机误差项的方差不是常数,则称模型出现了异方差性(Heteroscedasticity)。

对于采用截面数据作样本的计量经济学问题,由于在不同样本点上解释变量以外的其 他因素的影响差异较大,所以往往存在异方差性。

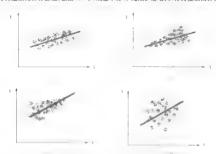


图 4-1 异方差性在散点图上的反映 (a) 阿方差 (b) 連環异方差 (c) 建碱异方差 (d) 复杂型

由于经济现象的精综复杂性.在实际经济现象中异方差问题是大量存在的、例如、利用 模載面数器研究消费和收入之间的关系时.对收入较少的家庭.在满足基本消费支出之后的 剩余收入已经不多.用在临职实生活必需品上的比例较大.消费每分散幅度不大.而收入较多 的家庭,有更多可自由支配的收入.使得这些家庭的消费支出选择范围更大.又因为个性、爱 好、储蓄心理、消费习惯和家庭成员构成等因素的不同,造成消费分散幅度较大,可以说低收 人家庭消费的分散度小于高收入家庭消费的分散度。

又如,以总产值作为解释变量建立企业的成本函数时,由于管理水平、生产技术等条件 的影响,使得同一生产规模的企业有不同的生产成本。但生产规模较小的企业,其生产成本 的影异,不会很大,而生产规模较大的企业则可能会产生较大的差异,即随机误差项的方差是 不同的。这种变化反映在概型中,即异方表性。

### 4.1.2 异方差性产生的原因

在计量经济研究中,异方差性产生的原因主要有以下四个方面:

1. 模型中溃漏了某些解释变量

如果模型中只包含所要研究的几个主要因素,而将其他影响解释变量的因素都归入随

机误差项中,则可能使随机误差项产生异方差性。

例如,用横截面数据研究消费函数,根据绝对收入消费原理,设消费函数为;

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 X_i + u_i \qquad (4-4)$$

其中.Y. 为家庭消费支出.X. 为家庭可支配收入。在该模型中。物价水平变量没有包括 在解释变量中。但它对消费支出是有影响的。该影响因素却被放在腿机装差项中。如果物价 水平是影响消费的重聚部分。则可能会使随机误差项的方差变动是现异方差性。另一方面。 如果以.X. 办。表示不同家庭收人组的数据来研究消费函数。不同收人组的消费支出差异是不同 的。高收人组的消费支出差异应该很大。而低收人组的消费支出差异很小。所以,不同收人组 的家庭消费支出将会早规异方声性。

### 2. 模型函数形式的设定误差

在一般情况下,輔釋变量与被解釋变能之间的关系是比較复杂的非线性关系。在构造模型时,为了简化模型,用线性模型代替非线性关系,或者用简单的非线性模型代替复杂的非线性类系,可能会造成模型关系不准确,产生误差。如果将指数曲线模型设设了线性模型,则误差有增大趋势。

### 3. 样本数据的测量误差

这方面误差的产生,一方面,样本敷罄的测量误差常随时间的推移而逐步积累,从面会引息随机误差项的方差增加,另一方面,随着时间的推移。抽样技术和其他收集资料的方法 的改进,也使得样本测量误差逐步减少,从而引起随机误差的方差减小。因此在时间序列资料中,因为不同时期搜载误差大小的不同,随间装差项券不具有同方差性。

### 4. 随机因素的影响

经济变量本身受很多随机因素影响,比如政策、自然灾害、金融危机等,因而不具有确定性和重复性。同时,社会经济问题不仅涉及人的思维和行为。还涉及各阶层的利益。而人的行为具有很多不确定性因素。

因此,经济分析中经常公遇到异方差性问题,而且经验表明,利用横截面数据建立模型 时,由于在不同样本点上解释变量除外的其他因素影响的差异较大,所以比时间序列资料更容易产生异方差性。

在实际经济计量分析中,绝对严格的同方差性几乎是不存在的,异方差性可以说是一种 普遍现象,基于此,我们将在以下几节作专门讨论。

# 4.2 异方差性的后果

如果线性回归模型的随机误差项存在异方差性,就会对模型的参数估计、模型检验及模型应用带来重大影响。现以一元线性回归模型为例,对异方差性产生的后果进行分析。

#### 4.2.1 对模型参数估计信无偏性的影响

设一元线性回归模型为 $_{1}Y_{i}$  -  $\beta_{i}$  +  $\beta_{i}$   $X_{i}$  +  $\mu_{i}$  ,随机误差项 $u_{i}$  的方差隨解释变量的变化而变化,即  $Var(u_{i}) = \sigma_{i}^{a}$  ,其他条件不变,所以, $u_{i} \sim N(0,\sigma_{i}^{a})$  ,在高斯-马尔可夫定理验证过程

# → 计量经济学理论与应用

中曾经得到过: $\hat{\beta}_i$   $\beta_i$  +  $\sum k_i u_i$ ,  $\gamma \neq k_i E(\hat{\beta}_i) = \beta_i$  -  $\sum k_i E(u_i) = \beta_i$  。该等式表明  $\beta_i$  禰足 无偏性。同理可证  $\hat{\beta}_i$  也是  $\beta_i$  的无偏估计量。

由此可见,随机误差项存在界方差性时,不影响模型参数最小二乘估计值的无确性。得 出这、结果是因为。在推导过程中,只对解释变量与随机误差项的相互独立做了假定、而未 用刻酷机混差或的同方差性。

### 4.2.2 对模型参数估计值的有效性的影响

·继续推导,因为参数 ß 的估计值 ß 的方差为:

$$Var(\hat{\beta}_i) = Var(\beta_i + \sum k_{H_i}) = Var(\sum k_{H_i})$$
  
 $= \sum k_i^t Var(u_i)$  (機攝非自相美假定)  
 $= \sigma^2 \sum k_i^t = \frac{\sigma^2}{\sum (X_i - \overline{X})^2}$  (機獨例方差假定) (4-5)

其中、 $k = \frac{(X_s - \overline{X})}{\sum (X_s - \overline{X})^s}$ ,这样,如果再以 $\sigma'$ 的无偏估计量 $\sigma' = \frac{\sum c'}{n-2}$ 估计 $\sigma'$ ,就可以得到  $\Delta$ 。 的标准参为,

$$S(\hat{\beta}_1) = \sqrt{\frac{\hat{\sigma}^2}{\sum (X_i - \overline{X})^4}} = \sqrt{\frac{\hat{\sigma}^2}{\hat{S}_{zz}}}$$
(4-6)

但是,在吳力差的情况下。引是一些不同的數、只有估计出每一个。引之后才能得到系数 的标准差。这在只有一组样本观察值的情况下是无法做到的,假设此时参数估计值为 $\beta_i$ ,并  $\mathfrak{Y}_i z_i^i = \lambda \beta^i$   $(\lambda_i, i = 1, 2, \cdots, n)$ 

则在异方惹情况下,系数的标准差为:

$$S(\hat{\beta}_i^*) = \sqrt{\sum k_i^2 \sigma_i^2} = \sqrt{\sum k_i^2 \lambda_i \beta^2} - \sqrt{\sum \frac{(X_i - \overline{X})^2}{S_{ir}^2}} \cdot \lambda \beta^2$$
  
 $= -\sqrt{\frac{\delta^2}{S_a}} \cdot \sqrt{\sum \frac{\lambda_i (X_i - \overline{X})^2}{S_{ir}}}$ 
(4. 7)

因此,如果仍然用 $\sqrt{s^2}$  计算系数的标准误差。将会产生估计偏差。并且偏差的大小取决于第二个因子值的大小、当其值大于 1 时,则会过低估计系数的误差;反之,则做出过高估计。由此可见,当线性回归模型的随机误差项存在另方差时,最小二乘估计量方。不再具有最小方差。同理,点也有类似结果,所以,参数的最小二乘估计量不是一个有效的估计量。

### 4.2.3 对模型参数估计值显著性检验的影响

对线性回归模型的显著性检验,--是要通过计算参数估计值的标准差,用以判断参数估计值与真实值的差异;二是要通过:统计量的计算,判断参数估计值在多大程度上代表真实

参数: 正是過过计算真实参数的变动区间, 用以判断参数估计值代表真实参数的精确程度和 可信度, 由前面推导可知, 在异方差情况下, 无法正确估计系数的标准误差 S(点), 这直接影 响到: 统计量值的正确确定: 从而盗战: 检验的可靠性降低, 因为在点 = ○ 成立的条件下;

$$t(\hat{\beta}_1) = \frac{\hat{\beta}_1}{s(\hat{\beta}_1)} \tag{4-8}$$

当随机误差项存在异方差时。OLS估计不再具有有效性。所以用 t 检验来判断解释变量 影响的显著性将失去意义。

### 4.2.4 模型的预测失效

另方差性的存在。一方面使模型失去了良好的统计性质,另一方面由于随机误差项的方 差与模型的预测区间有关,在心。逐新增大的情况下,模型的负测误差也随着增大,从而造成 参数区间的估计失高,进一步影响了的预测区间,使其降低预测精度。

上述分析表明、实际经济问题中经常会出现异方美性,这将直接影响回归概型的估计、 检验和运用。因此,在建立计量经济模型的过程中,应该检验模型是否存在异力差性,如果不 存在异方差性(当然要求其他假定也同时成立),则可以用回归分析方法建立模型,否则,应 该采用其他的参数估计方法。

如前所述,"当樣呢不満是同方差假定时,普遍量小二葉法是不適用的。因而,我们在确定 用什么方法来估计模型时,首先要判断模型的随机误差项是否存在异方差性,即要对异方差 現象是否显著地存在做出检验。

# 4.3 异方差性的检验

关于异方差性的检验方法。是计量经济学中一个重要的课题。在一些计量经济学教科书 和文献中,可以见到17几种检验方法。例如图示法、支德菲尔德-[其特检验、戈里塞检验、怀特 检验、等级相关系数法。等等,但很难说哪一种方法是最好的。这些方法尽管不同,但存在一 个共同的思路。正如上面所指出的,异方差性,即相对于不同的样本点,也就是相对于不同项 解释变量观测值,随机误差项具有不同的方差,那么检验异方差性,也就是检验随机误差项 的方差与解释变量观测值之间的相关性。各种检验方法或是在这个思路下发展起来的。

问题在于用什么来表示隨机误差项的方差。由于隨机误差项的变化是由模型之外其他 因素的综合影响来决定。其取值情况是无法观测的、因此。在实际研究中、一般是通过对残差 分布情况的分析来推测随机误差项的分布特征,因为残差项 a, 描述的也是解释变量之外其 他因素的综合影响。可以将其作为随机误差项 u, 的估计量。这样我们就可以用残差的平方 来去水随机调差项的方差。

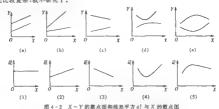
#### 4.3.1 图示检验法

异方差是指随机误差项 u, 的方差随着 X 的变化而变化。根据 X 与随机误差项 u, 的方差 的关系,一般认为异方差可以分为二种类型;递增异方差、递减异方差和复杂异方差。

故可以根据X-Y的散点图,或者残差平方 $a^2$ 与X的散点图,对异方差是否存在及其类

恐作出判断。

由图  $4 \cdot 2$  可以作出直观判断。图 (a) 和图 (1) 表示同方差。图 (b) 和图 (2) 表示递增异方差。图 (c) 和图 (3) 表示递减异方差。图 (a) 和图 (4) 表示方差先减后增。图 (e) 和图 (5) 表示方差先减后增。图 (e) 和图 (e) 和图 (e) 两种情况下的异方差。而图 (d) 和图 (e) 的物况比较复杂。就不得农 (f)



(a)~(e)为X-Y的数点图 (1)~(5)为我办平方与X的数点形

### 4.3.2 G-O検験

这种方法是由戈德菲尔德(Goldfeld)和医特(Quandt)于1965年提出的,称为戈德菲尔德-医特检验。检验的基本思想是将样本按解释变量排序后,分为两个部分 - 样本1和样本2. 然后分别对样本1和样本2. 进行同日分析,分别求出它们的搜差平方和RSS,及RSS,如果随机误差项是同方差的,则RSS,和RSS,的值应该大致相同,如果是异方差的,则两者参别分大,以此来判断是不存在导方,这份验有几个前提条件。

- (1) 样本容量较大;
- (2) 异方差是递增或递减型的,这里讨论递增型的异方差;
- (3) 4. 服从正态分布,除异方参之外,满足其他假定条件。

戈德菲尔德-医特检验的基本步骤和具体做法为:

- (1) 排序。将n 对样本观测值(X, Y,) 按解释变量 X 的大小顺序排列(X 与Y 的对应关系不能改变)。
- (2) 数据分组。将排列中间的约 1/4 的观测值去掉,除去的观测值的个数记作 c,将其余的观测值分为两部分,尽量使剩余两部分样本相等,每部分的观测值为(n-c)/2。
  - (3)提出假定。Н。: и, 为同方差性, Н, 1 и, 为异方差性。
- (4) 构造统计量,分别对两个样本进行间归分析,计算相应的残差平方和,RSS,表示 X,较小值 F 样本的残差平方和,RSS。表示 X,较大值 F 样本的残差平方和,它们的自由度为  $\frac{n-c}{2}$  · k, k 为估计参数的个数,于是可以构造统计量

$$F - \frac{\text{RSS}_t/(\frac{n-\epsilon}{2} - k)}{\text{RSS}_1/(\frac{n-\epsilon}{2} - k)} = \frac{\text{RSS}_t}{\text{RSS}_t} \sim F(\frac{n-\epsilon}{2} - k, \frac{n-\epsilon}{2} - k)$$

(5) 判断,在上式中,晚差平方相除以自由度得到隨机项 u,的方差的两个估计值。简单 地讲,若两个方差估计值相同,表明同方差,则 F 的值就接近 1.若不相同,由于假定为递增 异方差, RSS, 应该大于 RSS,则 F 的值大于 1. 差给定显著水平 a,利用 F 分布的临界值 F, 进行显著性检验,当 F > F,时,应拒绝 H。接受 H,则存在异方差;当 F < F,时,应接受 H,则存在同方差。

### 4.3.3 White 检验

White 检验由 White 1980 年提出, Goldfeld-Quandt 检验必须先把数据按解释变量的值 从小到大排序。White 检验不需要对度测值排序。也不依赖于随机误差项服从止态分布。它 是通过一个辅助回归式构造 Z<sup>\*</sup>统计量进行异方差检验。White 检验要求在大样本情况下进行,以二元线性同日分别,设其解现为。

$$Y_{i} = \beta_{0} + \beta_{1}X_{1} + \beta_{2}X_{2} + u_{i}$$
 (4 - 9)

White 检验的具体步骤如下:

- (1) 用 ()LS 估计模型。计算减差序列 a . 并求出相应的确差平方 a2.
- (2) 做如下辅助问归去。

$$a_1^2 = a_0 + a_1 X_{11} + a_2 X_{21} + a_3 X_{11}^2 + a_4 X_{21}^2 + a_5 X_{12} X_{21} + v_1$$
 (4 - 10)

其中 v. 为随机误差项。即求  $a^1$ , 对  $X_1, X_2, X_1^2, X_1^2, X_1, X_2$ . 的线性回归估计式(辅助回归函数),注意,上式中要保证常数项。

- (3) 计算统计量 nR<sup>2</sup>。n 为样本容量,R<sup>2</sup> 为辅助回归方程的可决系数。
- (4) 提出原假定  $H_c: a_1 = a_2 = a_3 = a_4 = a_5 = 0$ ,在此假定下  $\pi R^2$  服从自由度为 5 的  $\chi'$  分布。给定挂著水平。,在表得  $\chi'$  (5),有  $\pi R^2 > \chi'$  (5),则拒绝原假设  $H_o$ ,表明式中的随机 项 u. 存在异方差。反之,则认为不存在异方差。

利用 EViews 软件可以直接进行 White 檢验。

### 4.3.4 帕克岭验和戈里聚岭验

前面研究的戈德菲尔德-医特检验只能检验计量模型的异方差是否存在。不能找出异方 差性的具体表现形式,帕克检验(Park Test)和戈里瑟检验(Glejser Test) 法是帕克和戈里 恶提出的异方差的检验方法。它不但可以检验另方是是否存在,而且可以近似探测随机误查 项的方差是怎样脑解释变量的变化而变化的。其基本思路是用残差平方。或残差的绝对值 。a. 对每个解释全量建立各种形式的回归模型。通过模型检验。d. 或 (a.) 与各解释变量 否存在高度的相关关系从而判定随机误差项的方差是否会随着解释变量的变化而变化。

帕克检验的模型形式为:

$$a_i^2 = a_0 X_i^{q_1} e^{q_2}$$
 (4 - 11)

即

$$\ln a_i^2 = \ln a_0 + a_1 \ln X_i + v_i$$
 (4 - 12)

或者

$$a_i^2 = a_0 + a_1 X_i + v_i$$
 (4-13)

帕克检验的步骤如下:

- (1) 运用原始数据作普通最小二乘回归,不考虑异方差问题。
- (2) 从原始回归方程中得到残差,并求其平方,再取对数形式。
- (3)利用原始模型中的一个解释变量作如式(4-12)的回归;如果有多个解释变量,则对 每个解释变量都作如式(4-12)的回归,或作对Y,的估计值Y,的问归。
- (4) 檢驗原假设。,一0,即不存在异方差,如果 lm/ 和 ln X, 间是统计显著的,则拒绝原假设、表明存在异方差,这种情况下我们需求取 生朴教辨施、随后讨论,如果 ln al n X, ln n A g ki ls 基的。则结乎原假设,表明施模形不存在身方差。

戈里瑟检验实质上与帕克检验很相似。戈里瑟提出如下的假定函数形式;

$$|a_i| = a_0 + a_1 X_i^2 + v_i$$
  $h = \pm 1, \pm 2, \pm 1/2, \cdots$  (4-14)

其中, v. 是随机误差项。

利用样本决定系数 R<sup>2</sup>、e 统计量进行显著性检验,若有通过检验的模型,则说明原计量 经济模型存在该种形式的异方差,如果认为随机误差项的方差与多个解释变量有关,可以用 1 a. l 作为被解释变量。以这些相关的变量为解释变量。构造多元的戈県恶检验模型。利用样 本决定系数 R<sup>2</sup>、e 统计量和 F 统计量检验同归式是否是著。若显著。说明随机误差项存在异 方卷性。

这网种检验的优点是.不仅检验了异方差性是否存在.同时也输出了异方差存在时的具 体表现形式,为克眼异方差提供了方便,但是,由于构造。i;或 i, a, l 与解释受量的回归式是 接现性的,如系试验模型选得不好,则检验心显否存在异方差性。

#### 4.3.5 ARCH #010

界方差是计量经济分析过程中经常遇到的问题。而且人们通常认为模裁面资料容易产 生异方差性。时间序列资料容易产生自相关性,那么。时间序列数据是否也会出现异方差性? 具体又最什么形式?

一些从事股票价格。通货膨胀率、外汇汇率等企驗时间序列预测的研究工作者,发现这 些室畫的预測精度随时期的不同而有很大的差异、基一中时期预测误差相对较小,另一个时 期则相对较大,而且检查是较大误差与较小误差或群出现。这种差异特征很可能由于金融市 场的被动易受消息、战局变动、政府货币与财政政策变化等因素的影响。这些现象同时也表 明。时间序列数据的误差项也不是同方差的。而且是一种特殊的并方差形式 一 误差项的 方差主张依据于100股时间,

· 个被广泛采用的这类异方差模型是由罗伯特·恩格尔(Robert Engle)于 1982 年提出 的"自回归条件异方要性模型"(Autoregressive Conditional Heteroscedasticity Model, 简称 ARCH模型)。这种检验方法不是把原回归模型的醣机误差项。"看做是X,的函数。而是把of 看作误差滞后项。of, of, or, or, or on函数。ARCH是误差项二阶矩的自回归过程。恩格尔(1982) 针对 ARCH 过程提出上M 检验法,辅助回归式定义为:

$$a_{i}^{2} = \alpha_{0} + \alpha_{1}a_{i-1}^{2} + \cdots + \alpha_{p}a_{i-p}^{2}$$
 (4-15)

LM 统计量定义为:

$$ARCH = (n - p)R^2 \sim \gamma_{(p)}^2$$

其中  $R^2$  是辅助回归式(4 15)的可决系数。在  $H_0: a_1 - \cdots - a_p = 0$  成立的条件 F,ARCH 渐近服从  $\chi^2_{tot}$  分布。ARCH 检验的最常用形式是一阶自回归模型(p=1)

$$g_{\cdot}^{2} = a_{0} + a_{1}g_{rr}^{2}$$
 (4 - 16)

在这种情形下,ARCH 新沂服从长方 x2(1) 分布。

综上所述,导方遊性的检验上要是適过隨机误差項 u, 的估计值税差 u, 的分析,判斷隨 机接上项的方差与解失变量成例值之间的大馬來檢驗,很难追應。种方法接有效。在计量经 济分析中,逐漸計检验判斷回向權助存在异方於,不能直接進行 OLS 估计。必須进行处理。

上面只讨论了检验异方差的。她常用方法,另外还有其他的一些方法,例如斯皮尔曼 (Spearman) 积相笑检验,布旁珠-帕干-克弗雷 (Breusch-Pagan-Godfrey) 检验、巴特利特 (Bartlett) 产业间质检验电等。有兴趣的读者可念未相关文献和容线,

## 4.4 异方差性的解决方法

### 4.4.1 加权最小二乘法

当。「已知或能够估计时、处理异方差性的方法一般采用加权最小二乘法(Weighted Least Squares, WLS)。首先,我们看一下一元线性回归模型的例子。设问归模型为;

$$PRF_{z}Y_{i} = \beta_{0} + \beta_{1}X_{i} + u_{i} \qquad (4-17)$$

$$SRF_1Y_i = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1X_i + \alpha_i \qquad (4-18)$$

1. 加权最小二乘法(WLS) 的基本原理

在运用最小二乘法(OLS) 时,利用残差平方和最小的条件来确定参数  $\beta$ 。 $\beta$ 。的估计值。 即利用 $\sum a_i^* - \sum (Y, \hat{\beta}, \hat{\beta}, X_i)^* = \min 来求出<math>\hat{\beta}, \hat{\beta}_i$ ,在上述过程中,对每个 $a_i^*$ 都给予了相同的权数。这就说明在同方差假定条件满足的情...

但在异方差条件下,不同的X,对应的u,偏离均值 的离散程度不一样,这时仍用 OLS 估计,异方差对参 数估计值的影响是肯定存在的。设异方差是递增型的, 如图4-3所示,有A,B,C三点,它们的残差分别是a,, a,a,样本或器值较小的X,由于随机项方差较小使



• 57 •

# 计最经济学理论与应用

得我差 a。在计算 $\sum a^i$  过程中提供的信息较少。要给予重视,而极值 C 点由于方差较大,使得我差  $a^i$  在拟章 运引,过程中提供的信息较多。要给予必要的折扣,否则,在拟章 回归直线 过程中,由样本信息所确定的回归直线会不精确。加权量小二乘法主要是带较小  $a^i$  (如 C 点)给予较大的权数,而将较大的 $a^i$ (如 C 点)给予较小的权数,对残差所提供的信息的重要 稠度做一番调整,以提高参数估计的精确度。

### 2. 加权最小二乘法的权数的选取

设取总体方差的倒数为权数,即

$$W_i = \frac{1}{2}$$
  $(i = 1, 2, \dots, n)$ 

权數 W. 变化脑势与异方差变化的脑势相反。d. 能大、W. 越小。d. 越小、W. 越小、B.大、经过加权处理使得异方差经过某种均匀的"压缩"和"扩张"过程。变异方差为同方差或接近同方差。因此称

$$\sum W_{i} a_{i}^{2} = \sum W_{i} (Y_{i} - \hat{\beta}_{0} - \hat{\beta}_{1} X_{i})^{2} \qquad (4-19)$$

为加权的残差平方和,运用极值方法得到参数估计式

$$\hat{\beta}_1 = \frac{\sum \mathbf{W}_i \hat{\mathbf{y}}_i^* \hat{\mathbf{x}}_i^*}{\sum \mathbf{W}_i \hat{\mathbf{x}}_i^{*2}} \tag{4-20}$$

$$\hat{\beta}_0 = \overline{Y}^* - \hat{\beta}_1 \overline{X}^*$$
 (4-21)

其中

$$\overline{X}^* = \frac{\sum W_i X_i}{\sum W_i}, \quad \overline{Y}^* = \frac{\sum W_i Y_i}{\sum W_i}$$

$$x_i^* = X_i - \overline{X}^*, \quad \dot{y}_i^* = Y_i - \overline{Y}^*$$

这种求解参数估计的方法称为加权最小二乘法。

同时可以看出, ${\ddot{a}}W_1 = W_2 = \cdots = W_n$ ,即每个蔑测值具有相同的权数,则加权最小二乘法与普通最小二乘法是一致的。

### 4.4.2 模型变换法

### I. 模型变换法的概念

模型变换法是对存在异方差的总体回归方程作适当的变换,使之满足同方差的假定,然 后再运用 OLS 估计。

对未知的。'作出一定的假定,这些假定主要是对具体的问题进行经验分析,或者采用 其他检验结果来确定的。

以一元回归模型为例,设原模型为:

• 58 •

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 X_i + u_i$$
 (4 - 22)

其中, u, 具有异方差性, 其表现形式为:

$$Var(u_i) = \sigma_i^2 = \sigma^2 f(X_i) \quad (\sigma^2 \ \text{hrm} \ \text{s}, f(X_i) > 0)$$
 (4-23)

2. 模型变换法的一般处理方法

用 $\sqrt{f(X)}$  未除式(4-22) 両边,可得:

$$\frac{Y_i}{\sqrt{f(X_i)}} = \beta_0 \left( \frac{1}{\sqrt{f(X_i)}} \right) + \beta_1 \frac{X_i}{\sqrt{f(X_i)}} + \frac{u_1}{\sqrt{f(X_i)}}$$
(4-24)

记  $v_i = \frac{u_i}{\sqrt{f(X_i)}}$ ,则变换后的模型的随机项  $v_i$  具有同方差性。因为

$$\operatorname{Var}(v_i) = \operatorname{Var}\left(\frac{u_i}{\sqrt{f(X_i)}}\right) - \frac{1}{f(X_i)}\operatorname{Var}(u_i) - \sigma^i - 2$$

故对变换后的模型式(4-24) 可以进行 OLS 估计。

函数  $f(X_i)$  可以有不同的形式,Glejser 检验提供了相应的信息。一般情况下, $f(X_i)$  有以下几种形式;

- $(1) f(X_i) = X^2$
- $(2) f(X_i) = X_i$
- $(3) f(X_1) = a_0 + a_1 X_1$

因此,根据  $f(X_i)$  的不同形式,对原模型  $Y_i = \beta_i + \beta_i X_i + u_i$  可以有以下变换形式;

(1) 当  $f(X_i) = X_i^2$  时。 $Var(u_i) = \sigma^2 X_i^2$ ,則原模型  $Y_i = \beta_0 + \beta_1 X_i + u_i$  变换为:

$$\frac{Y_i}{X_i} = \frac{\beta_0}{X_i} + \beta_1 + \frac{u_r}{X_i}$$

此时

$$\operatorname{Var}\left(\frac{u_i}{X_i}\right) = \frac{1}{X_i^2} \operatorname{Var}(u_i) = \frac{1}{X_i^2} \sigma^2 X_i^2 = \sigma^2$$

由式可以看出,变换后的模型式的随机蛋  $\frac{u_i}{X_i}$  是同方差的。注意:在这种变换中, $\beta_i$  成 f 截距,在对模型式进行 OLS 估计时的估计值更和原模型的参数的估计值对应,也就是要知 遺对空换后的各个参数的估计。应注意在原模型中的意义。

(2) 当  $f(X_i) = X_i$  时, $Var(\epsilon_i) = \sigma^2 X_i$ ,頻原模型  $Y_i$  β<sub>0</sub> + β<sub>1</sub>  $X_i$  +  $u_i$  变换为

$$\frac{Y_i}{\sqrt{X_i}} = \frac{\beta_0}{\sqrt{X_i}} + \beta_i \sqrt{X_i} + \frac{u_i}{\sqrt{X_i}}$$

此时,

$$\operatorname{Var}\left(\frac{u_{\epsilon}}{\sqrt{X_{\epsilon}}}\right) = \frac{1}{X_{\epsilon}} \operatorname{Var}(u_{\epsilon}) = \frac{1}{X_{\epsilon}} \sigma^{2} X_{\epsilon} = \sigma^{2}$$

# 计量经济学理论与应用

$$Y_i = \beta_0 X_{t_i} + \beta_t X_{t_i} + v_i$$

实际上,变成了二元回归,这时可以进行 OLS 估计, 但要注意的是, 根据式估计出的参 数估计值要和原模型的参数估计值对应起来。

(3) 当  $f(X_i)$   $a_0 + a_1 X_i$  时, $Var(u_i)$   $\sigma^2(a_0 + a_1 X_i)$ ,则原模型  $Y_i = \beta_i + \beta_i X_i - u_i$  变换为:

$$\frac{Y_{i}}{\sqrt{\alpha_{0}+\alpha_{1}X_{i}}}=\frac{\beta_{0}}{\sqrt{\alpha_{0}+\alpha_{1}X_{i}}}+\beta_{i}\frac{X_{i}}{\sqrt{\alpha_{0}+\alpha_{2}X_{i}}}+\frac{u_{i}}{\sqrt{\alpha_{0}+\alpha_{1}X_{i}}}$$

181:81

$$\operatorname{Var}\left(\frac{u_i}{\sqrt{\alpha_0 = \alpha_1 X_i}}\right) = \frac{1}{a_0 + \alpha_1 X_i} \operatorname{Var}(u_i) = \sigma^2$$

可以看出变换后的模型的随机项 $\frac{u_i}{\sqrt{a_0 + a_i X}}$ 是同方差的。

### 4.4.3 模型的对数变换

在经济意义成立的情况下,如果对线性模型作对数变换,其变量均用对数代替。如在式(4-22)中,变量 Y 和 X 分别用 In Y 和 In X 取代,则对

$$lnY_i = \beta_0 + \beta_1 lnX_i + u_i \qquad (4-26)$$

进行回归,通常可以降低异方差性的影响。

其原因在于,首先,对敷变换能使测定变量值的尺度缩小,它可以将两个数值之间原来 10 倍的差异缩小到只有 2 倍的差异,真水,经过对敷变换后的线性模型,如式(4-26) 其残差 表示为相对设势。而相对理单往往比绝对设势是有较小的差异。

我们把式(4-26) 又称为全对数模型,式中斜率系数A 可以看成作为反映变量 Y 对变量 X 的弹性,即 Y 相对于 X 的百分比变化,这在实际分析中有较强的应用食义。

但是需要注意的是。对变量取对数虽然能够减少异方差对模型的影响、但应注意取对数 后变量的经济意义。如果变量之间在经济意义上并非是对数线性关系。则不能简单地对变量 取对数、次对只能用基体的方法对导方参进行能正。

## 4.5 专例分析

根据表42分析205年中國各地区城镇居民平均每人全年家庭可支配收人(X,单位, 万设通和通讯发出(Y,单位;元)的关系;来预测随着人们收入的增加,对交通、通讯的需 束(數據基礎;中国接近年報至2005)。

表 4-2 2005年中国各地区城镇居民平均每人全年家庭可支配收入及交通和通讯支出 单位:人民币 元

地	K	可支配收入 (※)	交通和通讯 支出(Y)	18	Ø	可支配收入 (X)	交通和通讯 支出(Y)
北	京	17652. 95	1943. 48	潮	北	8785. 94	649.87
夫	*	12638, 55	998. 01	柳	W	9523. 97	801. 27
河	北	9107.09	772.34	r	东	<b>4</b> 14769, 94	2333. 05
Ш	西	8913.91	604.35	1	西	9286.70	703. 39
内蒙	古	9136. 79	755. 51	*	甪	8123.94	728. 29
iΣ	宁	9107.55	744.02	11	庆	10243.46	929. 92
官	林	8690- 62	733, 50	15	]1]	8385.96	827.66
黑 发	江	8272. 51	596. 97	费	州	8151.13	625. 44
Ŀ	海	18645. 03	1983. 72	声	湘	9265. 90	930. 59
ïL	苏	12318. 57	1050. 88	西	雍	9431.18	1309.95
浙	江	16293. 77	2097. 41	陕	西	8272 02	630.16
安	徽	8470. 68	676.86	Ħ	肃	8086. 82	638 63
摄	建	12321. 31	1048 71	*	推	8057. 85	691.25
Œ	西	8619.66	567. 52	Ť	X	8093. 64	705.69
山	东	10744. 79	902. 32	新		7990. 15	757.09
河	南	8667.97	636. 57				

#### 注,资料来源于《中国统计年警 2006》

由數据可以看出,隨著人均家庭可支配收入的增加,人均交通和通讯支出也表現出增加 的趋勢,而且增加的速度加快,如果做減額居民平均每人全年家庭交通和通讯支出与可支配 收入的回归,很难保证同方差假定,其原因是不同收入水平家庭的边际交通和通讯支出倾向 不同,而且这种边际消费倾向也受本地区经济发达程度的影响,例如;新江省人均家庭可支 配收人为16293.77.47,大均家庭交通和通讯支出为2097.41元/年;而上海市人均家庭 可支配收入为18645.03元/年、人均家庭交通和通讯支出为1983.72元/年。

### 1. 用普通最小二乘法(OLS) 估计参数

设模型为  $Y_i = \beta_0 + \beta_1 X_i + u_i$ , 运用  $EV_{lews}$  软件操作过程如下:

首先建立工作文件,输入样本数据,然后在"Quick" 票单中选"Estimate Equation" 明, 在 OLS 对话框中键入 Y C X,用氦标点击"OK",或者键人命令;LS Y C X,即得估计结果, 规图 4-4。



图 4-4 同白钴果

回归结果如下。

$$\hat{Y}_{\star} = -563.5647 + 0.148210 X_{\star}$$
 (4 - 27)   
 SE (134.5313) (0.012697)

 $R^{z} = 0.824521$   $R^{z} = 0.818469$  DW = 1.890233 F = 136.2615

(-4, 189097) (11, 67311)

### 2. 异方差检验

(1) 限示检验法,我们利用 X - Y 散点阻进行判断,在 E V<sub>tews</sub>中的操作为,在"Quick" 菜 单中选"Graph" 项里的 Scatter,在对话帐里键人 X Y ,用鼠标点击"OK"或者键人命令: SCAT X Y, 闭路割 X ja V 的龄后树加了"属 4 - 5)。

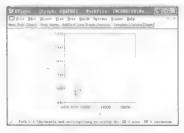


图 4 5 微点图

从图 4-3 可以看出,平均而言,機械居民平均每人全年家庭交通和通讯支出随可支配收 人的增加而增加,但是,值得注意的是,随着嫌慎居民人均年可支配收入的增加,交通和通讯 支出的变动幅度也增大了。可能存在异方差。如果我们把回归方程中得到的我差对各个规制 值作图,则也可以清楚地看到这一点。

(2)Goldfeld Quandt 檢驗:样本數据个數 n = 31, c = n/4, 为了使两个子样本的容量相等, 从中去掉 7 个数据(即取 c = 7)。利用 EViews 进行戈德菲尔德 医特检验的具体步骤为:

SORI X	将杆本数据天 J A 排戶
SMPL 1 12	确定子样本1
LSYCX	求出 RSS, = 52031.04
SMPL 20 31	确定子样本 2

SMPL 20 31 确定子样本 2 LS Y C X 求出 RSS<sub>2</sub> = 1064106

计算出 F = 1064106/52031.04 = 20.4514。

取  $\alpha = 0.05$  时。 查第一个自由度和第二个自由度均为 12 - 2 = 10 的 F 分布表,得  $F_a(10,10) = 2.98$ ,而  $F - 20.4514 > F_a(10,10) = 2.98$ ,而以存在递增的异方差。

从检验过程可以看出, 2. 德菲尔德 [ [ 特检验适用于检验样本容量较大、异方差性呈递 增或递减的情况, 而且检验结果与数据剔除个数 c 的选取有关。

(3) White 檢验,在 f.式(4-27) 回刺的基础 f.做 White 檢檢,在 方程窗口中依次点击, View\Residual Tests\White Heteroskedasucity,此时可以选择在辅助回归模型中是否包含 安义樂根項(Cross terms). 本例为--元何归模型,辅助回归模型中只有 X 和 X<sup>2</sup> 两项,不存在交叉乘积项,如图 4-5 所示。



图 4-6 While 检验窗口

执行命令之后,屏幕将显示回归模型的估计结果及以下信息(见图 4-7);

其中 F 值为回红機型的 F 练計 截。取 墨 著性水 F  $\alpha$  = 0.05.由于  $\alpha$  2 - 7.883705 >  $\chi_{col}(2)$  = 5.99.所以存在 异方疹。实际 E - 由始出结果的概率值  $\rho$  可以看出,只要 显著性水  $\Psi$   $\alpha$  > 0.022554. 就可以认为存在 异方差。

在实际应用中,一般直接观察 p 值的大小,若 p 值较小,则拒绝不存在异方差性的假设, 认为模型存在异方差性。



图 4-7 White 检验结果

(4) 帕克检验和戈里瑟检验:利用 EViews 软件进行帕克检验的步骤为:

LSYCX

GENR LNE2  $= log(RESID^2)$ 

生成 lnat 序列

GENR LNX = log(X)

LS LNE2 C LNX

问样,进行戈里瑟检验的具体步骤为:

LSYCX

GENR E = abs(RESID)

生成 | a, | 序列

然后利用 GENR 命令依次生成 X,1/X,X,1/X, $\sqrt{X}$ ,1/ $\sqrt{X}$ 等序列,再分别建立规差绝对值  $\mid$  a,  $\mid$  与这秩序列的回归方程。

利用帕克检验,运行结果见图 4-8 所示。



图 4 8 帕克检验结果

回归方程为:

$$\ln a_i^2 = -37.51571 + 5.022687 \ln X$$
SE (14.17430) (1.540548)
 $t$  (-2.646741) (3.260325)

 $R^2 = 0.268226, F = 10.62972, p = 0.002843$ 

上述回归方程表明,存在异方类性。

同样,利用**义**里瑟检验(Glejser Test),我们把回归模型中的残差绝对值与  $X, X^2, \sqrt{X}$ 等作回扫模型可以得到以下结果;

$$a$$
,  $|=-120.8545+0.024924X$ 
 $t$   $(-1.402597)$   $(3.064961)$ 
 $R^2 = 0.2444673, F = 9.393984, p = 0.004673$ 
 $|a$ ,  $|=32.40551+8.98  $\times 10^{-7} X^2$ 
 $t$   $(0.737815)$   $(2.744035)$ 
 $R^2 = 0.206126.F = 7.529727, p = 0.010302$ 
 $|a$ ,  $|=-437.016+5.695612  $\sqrt{X}$ 
 $t$   $(-2.436829)$   $(3.206853)$ 
 $R^2 = 0.261784, F = 10.28391, p = 0.003261$$$ 

上述几个方程都表明。原回归方程(4-27)存在异方差。

- 3. 异方差的修正
- (1) 加权最小二乘法

在 EViews 数件中可以直接进行加权量小二乘估计。但是需要事先确定很微变景。这可 以通过的克检验、戈里瑟检验等判断异方差的具体形式。也可以选取某个与异方差变动趋势 反向空动的变量序列,如 1/1 a, | 1/1a<sup>2</sup>等。

EViews 软件的具体执行过程为:

- ① 生成权数变量。
- ② 使用加权最小二乘法估计模型:

[命令方式]:LS(W = 权数变量)YCX

- [樂華方式]。在方程窗口中点击 Estimate 接個。在樂出的方程说明对話框中点击 "Option"进人参數设置对话框。在參數設置对话框中选定"Weighted LS"方法,并在权數变 盤栏中輸入权數变量,然后点击"OK"返回方程说明对话框;点击"OK",系统将采用 WLS 方法估计模型。
  - ③ 对估计后的模型,再使用 White 检验判断是否消除了异方差性。
  - 在戈里瑟检验中,我们对回归模型中的残差绝对值与 $X,X^2,\sqrt{X}$ 等作回归发现回归系

数显然不为 0,表示存在异方差性,所以可以取权数变量为  $W_1 = 1/X$ , $W_2 = 1/X^2$ , $W_3$  $1/\sqrt{X}$ , 另外的  $W_{*}=1/g^{2}$ , 且体先要加下(以权勤帝晋  $W_{*}=1/X^{2}$  和  $W_{*}=1/g^{2}$  为例). 在方程窗口中点击"Estimate"。会出现如图 4 9 所示窗口。



图 4-9 方程窗口

点"Options" 按钮,并在权数对话框里输入权数 1/X-2(图 4-10),点击"()K",或言接在 命今窗口罐人命今:LS(W-1/X-2)YCX,得WLS的回归结果,如图 4-11 所示。

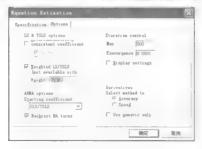


图 4-10 使用加权最小工套法



图 4-11 WLS的回归结果

#### 根据图 4-11 得 WLS 回归结果

 $\hat{Y}_{c} = -456.3893 + 0.136688 X_{c}$ 

SE (181, 4656) (0, 020362)

(-2,515018) (6,713030)

R' = 0.291923  $\overline{R}^2 = 0.267506$  F = 45.06478 b = 0.00000

为了分析异方差的校正情况、利用 WLS 估计出每个概型之后, 还需要利用 White 檢验 市次判斷模型是否存在异方差。在方程窗口中依次点击; View\Residual Tests\White Heteroskedstritiv, 結果如图 4 - 12 所示。

取显著性水平α=0.05·由于nR2-1.320708 < χ (2)-5.99·所以不存在异方差。



图 1-12 White 异方共检验结果

同样。点"Option" 按钮、并在权数对话框里输入权数 1/result 2. 往意这里的观点是原国 同样。点"Option" 按钮、并在权数对话框里输入权数 1/result 2. 往意这里的观点是原国 以为 00 现为 00 现态。点击"(NK"、成直接在命令窗口键人命令; LS(W = 1/result 2) Y (X, X) 得 WLS 的回归结果,如图 4 - 13 所示。



图 4-13 WIS的回归结果

 $\hat{Y}_{.} = -528,6184 + 0,144343X$ 

SE (25, 993

(25. 99328) (0. 003205)

I

( 20.33673) (45.03908)

 $R^2 = 0.999887$   $\bar{R}^2 = 0.999887$  F = 2028, 518 b = 0.00000

利用 White 检验再次判断模型是否存在异方差性。结果表明模型不存在异方差性。 (2) 对数变换法

第二种方法是用 GENR 生成序列 LNY 和 LNX,即在光标处键人

GENR LNY = log(Y)

GENR LNX = log(X)

然后,用()LS方法求 LNY 对 LNX 的回归,其结果见图 4 14。



图 4 14 对数回归结基图

根据图 4-14 得回归结果。

 $ln\hat{Y}$ . = -6.748391 + 1.469292 $\hat{X}$ .

(-5, 911697) (11, 84259)

 $R^2 = 0.828653$   $R^2 = 0.822744$  F = 140.2469 p = 0.00000

利用 White 檢驗再次判斷模型是否存在异方皮性,結果表明模型不存在异方整性。 回归结果表明,在对數模型中,邻庭人均交通通讯支出与人均可支配收入是著正相关。 由回归系数可知,人均可支配收入每增加1%。家庭人均空通通讯支出会增加1,469%。

应当特别指出。模型随机误差项存在界方定性,不仅可以由模型变量的观测值引起,也可以由于模型遗漏了重要的解释变量。或者模型的函数形式设置不当引起。对于前一种原因引起的模型随机误差项的异方差问题。用变换模型法或加权最小 ... 乘法进行修正才会有效。

对于后一种原因引起的异方差问题,则只能通过纠正建模错误才能解决。

#### 思考与练习

- 1. 什么是异方差性?异方差性对模型的 OLS 估计有何影响?
- 检验方差性的G-Q检验和White 检验的原理是否相同?试述White检验、Park 检验和Glejser 检验的异同之处。
  - 3. 利用 WLS 估计消除异方差性的不同影响。为什么要构造多个权数变量进行调试?
- 4. 表4-3中的数据是美國1998年工业部门研究与开发(R&D)費用Y、销售額S和销售利润P的统计资料。试择据表中数据:
- (1)分别利用线性模型和双对数模型建立研发費用模型,比较模型的統計检验结果和 异方差性的变化情况;
  - (2) 检验模型的异方差性;
- (3) 对于双对数模型,分别取权数变量为 $W_1 = 1/P_*W_2 = 1/RESID^2$ ,利用WLS方法重新估计模型,分析模型中异方差性的校正情况。

表 4-3 基地区统计资料

# 15	R&D 費用	销售额	41 91
容器与包装	62. 5	6375. 3	185. 1
非银行业金融	92. 9	11626.4	1569.5
服务行业	178. 3	14655. ?	276.8
金属与汞矿	258. 4	21869. 2	2828. 1
住房与建筑	494-7	26408. 3	225. 9
一般制造业	1083. 0	32405. 6	3751. 9
体崩蜒系	1620. 6	35107. 7	2884. 1
纸张与林木产品	421.7	40295.4 .	4645. 7
食品	509. 2	70761.6	5036. 4
卫生保健	6620. 1	80552.8	13869, 9
字航	3918. 6	95294.0	4487.8
消费者用品	1595.3	101314.1	10278.9
电器与电子产品	6107.5	116141.3	8787.3
化工产品	4454. 1	122315.7	16438.8
五会	3163.8	141649.9	9761.4
办公设备与计算机	13210.7	175025.8	19774.5
燃料	1703. 8	230614.5	22626. 6
汽车	9528. 2	293543.0	18415. 4

- 5. 异方差的存在对下面各项有何影响?
- (1)OLS 估计量及其方差;
- (2) 置信区间:
- (3) 显著性 t 检验和 F 检验的使用。
- 6. Gold feld-Quandt 检验是什么?其适合条件有哪些?
- ?. 在一元线性回归函数中,假设误差方差有如下结构:

$$E(u_i^2) = \sigma_i^2 X$$
,

如何变换模型以达到同方差的目的?我们将如何估计变换后的模型?请列出估计步骤。 8.1964年,对9966名经济学家的调查数据如下:

	年數 一 中催工资								#	位: 美元	14						
年龄	20	24	25	29	30	34	35	39	40-44	4549	50	54	55	-59	60 ~ 64	65 - 69	70 +
中值工资	78	00	84	00	97	00	115	00	13000	14800	150	900	15	000	15000	14500	12000

青井 4. 第、"The Structure of Economics" Employment and Salaries"、Committee on the National Science Foundation Report on the Economics Profession、American Economics Review、vol. 55. No. 4, December 1965.

- (1)建立适当的模型解释平均工资与年龄间的关系。为了分析的方便,假设中值工资是 年龄区间中点的工资。
  - (2) 假设误差与年龄成比例,变换数据求得 WLS 回归方程。
  - (3) 现假设误差与年龄的平方成比例,求 WLS 回归方程。
  - (4) 哪一个假设更可行?

## 第五章 自相关性

在第四章,我们已经知道界方差性是一种随机误差现象,同样自相关性也是随机误差现 象,当时间序列间则模型没有被完整地定义时。它的误差项就会产生自相关性。此外,静态模 型和有限分布滞后便型的误差也会产生自相关性。本章将在自相关性定义基础上,介绍模型 中存在自相关的原因及组织的解除方法。

## 5.1 自相关性及其产生的原因

#### 5.1.1 自相关性的含义

对于模型

$$Y_{t} = \beta_{0} + \beta_{1} X_{1t} + \beta_{2} X_{2t} + \cdots \beta_{k} X_{kt} + u_{t}$$
  $t = 1, 2, \cdots, n$  (5 - 1)

如果随机误差项的各期值之间存在着相关关系,即:

$$Cov(u_i, u_j) = E(u_i, u_j) \neq 0$$
  $i \neq j, i, j = 1, 2, \dots, n$  (5-2)

则称模型存在着自相关性(Autocorrelation)。自相关意味着不同观察值之间存在着某种相 关性。

自相关又称序列相关、原格一随机变量在时间上与其滞后项之间的相关、这里主要是指回归模型中随机误差项。。与其滞后项的相关关系。根据随机误差项与其停滞项期收入同。由相关分为一阶自相关和高阶自相关,其中一阶自相关和首以差项。4. 只与其滞后一期值  $u_{i-1}$ ,有关时。即 $u_i - f(u_{i-1})$ ,进一步,如果 $u_i = \mu u_{i-1} + v_i$ ,其中 $\rho$ 是 $u_i$ ,可由,的相关系数、 $v_i$ ,是满足回归模型基本假定的随机误差项,现象。4. 是一粉线性自相关,而离阶自我关节当误 表项  $u_i$ ,不仅早就一个服存者,并与其第字平期的信能有等,即 $u_i = f(u_{i-1}, u_{i-2}, u_{i-1}, u_{i-2}, u_{i-2})$ 

#### 5.1.2 自相关性产生的原因

模型误差项的自相关在计量经济学研究中是 -种普遍现象。其产生原因表现在:

1. 模型中遗漏了重要的解释变量

模型设计时,将对被解释变量有影响的因素并入到随机误差项之中,如果这些被遗漏的解释变量的作用成为误差项的主要成分。它们会产生出系统性的、一贯性的作用。从前造成随机误差项前后期之间存在相关性,例如。以中度变料建立的居民消费函数Y, 一点,A, B民的消费 Y, 除了受收人水平X 的影响之外,还受消费为惯、家庭财产等归款的影响就也因素的影响就会现在的影响在人员,是我们就有我的影响就表现在随机误差项中,从而使随机误差项的各期值之间是现相关关系,再如,在商品需求函表或在随机误差项中,从而使随机误差项的各期值之间呈现相关关系,再如,在商品需求函

数中,如果解释变量只要收入和商品的自价格,则随机误差项中将包含其他商品价格对该商品需求的影响,价格变动、般是逐期相关的,从前便模型产生自相关性,各丢掉了应该列入模型的带有自相关的重要解释变量,那么它的影响必然归并到误差项。以中,从而使误差项显现自相关。当然,略去多个带有自相关的解释变量,也许因互相抵消并不使误差项呈现自相关。

#### 2. 梅型函数形式的设定误差

者所用的數學模型与愛饈同的真实关系不一張,误差項書賽現出自相关,例如,平均成 者數成是,次多项式模型,者設成了直线形式,開隨机误差项是自相关的。因为误差项 中旬起了产值的平方班 X1.产值的各數與光性熱分學会隨相误差率的自相差性。

#### 3. 经济惯件

由于就发展的连续性所形成的惯性(或黏性),使得许多经济变量的前后期之间是相互 关联的,其本期值往往受滞后值影响,突出特征就是惯性与低灵敏度,若被解释变量相关,那 么随机误差项的前后期之间也必定相关,例如,本期的投资规模,往往与前,年甚至前几年 的投资有关,受消得或销售影响,居民的本期消费水平在很大程度上还受到原有(上期)消 费水平的制约。在生产技术条件相对稳定的时期,各期的产量也是新切相关的,因此,利用时 间序列答料律力模型以分济发展的惯件使得模型存在自相关性。

#### 4、随机因素的影响

偶然性冲击对变量的长期影响,例如自然灾害。会融危机、世界经济环境的变化等随机 因素的影响,往往要持续多个时期,使得随机误差项呈现出自相关性。这类自相关是随机项 业。车等的自相关——"直自相关"。

#### 5. 资料加工问题

在经验分析中,许多数据是经过加工间成的。例如,在用颈等度数据的时间序列但归中,季度 数据通常由月度数据加起间成,这种平均的计算破弱了每月的波动而引进了数据的勾潜性。此 外,根据某种假定获得未调度数据,都会引息自相关,这变自相关类们要尽量地避免。

## 5.2 自相关性的后果

古典回归模型中曾要求隨机误差項是非自相关的,若模型存在自相关性,将会产生以下 不利影响;

## 1. 最小二乘估计就不再是有效估计

从高斯-马尔可夫定理的证明过程可以看出。只有在同方差和非自相关性的条件下、 OLS 估计才具有最小方差的特定。"模型存在自相关性时、OLS 估计仍然是无偏估计。但不 再具备有效性。这和异方差时的情况一样,说明其他的参数估计方法,其估计误差小于 OLS 估计的误差。也就是说。对于存在自相关性的模型。应该改用其他方法估计模型中的参数。

### 2. - 般会低估 OLS 估计的标准误差

例如,对于一元线性回归模型,如果模型存在一阶自相关性,可以证明:

$$D(\hat{b}) = \frac{\delta^{\epsilon}}{\sum (x_{\epsilon} - x)^{\epsilon}} + \gamma(\rho, \phi_{\epsilon}) \qquad (5-3)$$

## 计量经济党现役与应用

上式中,右端鄉 -項是不存在自相关性时 $\delta$ 的方差,第 -項是一个关于 $\rho$ 和 $\delta$ ,的乘积函数,其中 $\rho$ 是髓机误差项的自相关系数。 $\delta$ ,是一名期值之间的相关系数。在大多数情况下,随机误差项以及下的各期值之间都是正相关的。 $\mathbb{H}_{\rho} \geq 0$ , $\delta$ , $\geq 0$ ,人从而 $\gamma(\rho,\delta,) \geq 0$ 。因此,当模型存在自相关性时。OLS·估计的方差格大于 $\delta'/\sum(x_i-x^j)^2$ ,不仅如此。受自相关性的影响。 $\delta'$ 的无偏估计 $\sum' \epsilon'/(n-2)$  电全低于真实的  $\delta'$ ,所以,OLS·估计的滤券

$$S(\hat{b}) = \sqrt{D(\hat{b})} \geqslant \sqrt{\frac{\delta^2}{\sum (x_i - x)^2}} \geqslant \sqrt{\frac{\delta^2}{\sum (x_i - x)^2}}$$
 (5-4)

若依然按照原来的公式计算  $S(\hat{b})$ ,则会得到一个偏低的估计。真实的标准误差可能会比它大得多。

3. T 检验的可靠性降低

在自相关性的影响下,S(b)的估计偏低将直接导致 t 统计量值的增大,这很可能使原来 不曼著的 t 值变为显著的,即容易将不重要的因素误认为是有显著影响的变量而引人権利。

4. 降低榫型的预测精度

模型的预测区间与参数估计量的方差密切相关,系数估计误差的不准确,会直接影响模型的预测精度。

## 5.3 自相关性的检验

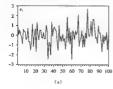
### 5.3.1 弹差限分析法

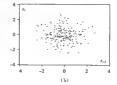
图示法就是依据规差 e, 对时间 t 的序列图作出判断。由于残差 e, 是对误差项 u, 的估计, 所以尽管误差项 u. 观测不到。但可以通过 e, 的变化判断 u, 是否存在自相关。

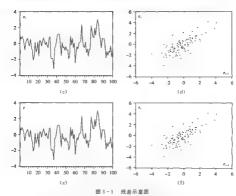
图示法的具体步骤县,

- 1. 用给定的样本估计回归模型,计算残差  $e_i(t-1,2,\cdots,n)$ ,绘制残差图。
- 分析残差图。若残差图与图5-1(a)类似,则说明 u, 不存在自相关; 若与图5-1(c)类似,则说明 u, 存在正自相关; 若与图5-1(e)类似,则说明 u, 存在位自相关。

经济变量由于存在惯性。不可能表现出如图 5 1(e) 那样的震荡式变化。其变化形式常与图 5-1(c) 相类似。所以经济变量的变化常表现为正自相关。







(a) 非自相关的序列图 (b) 非自相关的数点图 (c) 正自相关的序列图 (d) 正自相关的数点图 (e) 负自相关的表图 (l) 负自相关的数点图

#### 5.3.2 DW 检验法

DW 检验是J. 杜尔宾(J. Durbin)和G.S. 沃特森(G.S. Watson)于1950、1951年提出的。它是利用残差。, 构成的统计量推断误差项 u, 是否存在自相关。使用DW 检验,应首先满足以下四个条件。

- (1) 误差项 u, 的自相关为一阶自回归形式,即 u,  $= \rho u$ ,  $_1+\epsilon$ ,  $_2$ , 为误差项,且满足古典假  $\psi$   $_1$ 
  - (2) 因变量的滞后值 y, , 不能在回归模型中作解释变量;
    - (3) 样本容量应充分大(T>15);
  - (4) 截距项不为零,且数据无缺失项。
  - DW 检验步骤如下:给出假设

 $H_{0:\rho} = 0$  (u, 不存在自相关)  $H_{1:\rho} \neq 0$  (u, 存在 - 阶自相关)

用残差值 e; 计算统计量 DW,

$$DW = \frac{\sum_{i=1}^{r} (\epsilon_i - \epsilon_{r-i})^2}{\sum_{i}^{r} \epsilon_i^r}$$
 (5 - 5)

其中,分子是残差的一阶差分平方和,分母是残差平方和,把上式展开,

$$DW - \frac{\sum_{i=1}^{n} e_i^2 + \sum_{i=1}^{n} e_{i-1}^2 - 2\sum_{i=1}^{n} e_i e_{i-1}}{\sum_{i} e_i^2}$$
(5-6)

因为有

$$\sum_{i=1}^{n} e_i^2 \approx \sum_{i=1}^{n} e_{i-1}^2 \approx \sum_{i=1}^{n} e_i^2$$
 (5 - 7)

代人式(5-6),则

$$DW \approx \frac{2\sum_{i=1}^{n} \epsilon_{i-1}^{2} - 2\sum_{i=1}^{n} \epsilon_{i} \epsilon_{i-1}}{\sum_{i=1}^{n} \epsilon_{i}^{2} \epsilon_{i}} = 2(1 - \sum_{i=1}^{n} \epsilon_{i} \epsilon_{i-1}) = 2(1 - p)$$
 (5-8)

因为 $\rho$ 的取值范围是[-1,1],所以 DW 统计量的取值范围是[0,4], $\rho$ 与 DW 值的对应关系见表 5-1。

ρ	DW	4, 的表现
$\rho = 0$	DW = 2	14. 非自相关
$\rho = 1$	DW = 0	4、完全正自相关
$\rho = -1$	DW = 4	14, 完全负自相关
$0 < \rho < 1$	0 < DW < 2	14, 有某种程度的正自相关
$-1 < \rho < 0$	2 < DW < 4	u, 有某种程度的负自相关

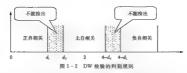
表 5-1 ρ与 DW 值的对应关系及意义

实际上 DW - 0.2.4 的情形是很少见的,当 DW 取值在(0.2),(2.4) 之间时,怎样判别 误差项。是否存在自相关呢?棒导统计量 DW 的精确抽样分布是困难的,因为 DW 是依据残 意。计算的,而。的值又与ェ,的形式有关。DW 检验与其他统计检验不同,它没有唯一的临 界值用来制定判别规则,然而 Durbun Wasson 根据样本容量和被估参数个数,在给定的显著 性水平下,给出了检验用的上、下两个临界值 d<sub>v</sub> 和 d<sub>v</sub>。

- (1) 若 DW 取值在(0,d<sub>r</sub>) 之间,拒绝原假设 H<sub>0</sub>,认为 u, 存在一阶正自相关,
- (2) 若 DW 取值在 $(4-d_L,4)$  之间,拒绝原假设  $H_o$ ,认为 u, 存在  $\cdot$ 阶负自相关;
- (3) 若 DW 取值在(d1,4-d1)之间,接受原假设 H1,认为 u, 无自相关;
- (4)若DW取值在(d<sub>1</sub>,d<sub>2</sub>)或(4-d<sub>2</sub>,4-d<sub>4</sub>)之间,这种检验没有结论,即不能判别 u, 提否存在一阶自相关。判别规则可用图 5 2 表示。

当 DW 值落在"不确定"区域时,有两种处理方法:

- (1) 加大样本容量或重新选取样本,重做 DW 检验。有时 DW 值会离开不确定区。
- (2) 选用其他检验方法。



DW 检验表 5-1 给出 DW 检验临界值。DW 检验临界值与三个参数有关。

- (1) 检验水平 @1
- (2) 样本容量 T:
- (3) 原回归模型中解释变量个数 k(不包括常数项)。

注意:① 因为 DW 统计量是以解释变量非随机为条件得出的,所以当有滞后的内生变管作解释变量时,DW 检验无效;

- ② 不适用于联立方程模型中各方程的序列自相关检验:
- ③ DW 统计量不适用于对高阶自相关的检验。

#### 5.3.3 回归检验法

回归检验法的步骤如下:

- (1) 用给定样本估计模型并计算残差 er。
- (2) 对残差序列  $e_c$ ,t=1,2,…,n。用普通最小二乘法进行不同形式的回归拟合。如:

$$\epsilon_{r} = \rho \epsilon_{r-1} + v_{t}$$

$$\epsilon_{s} = \rho_{t} \epsilon_{r-1} + \rho_{t} \epsilon_{r-t} + v_{t}$$

$$\epsilon_{s} = \rho \epsilon_{r-1}^{2} + v_{t}$$

$$\epsilon_{s} = \rho \sqrt{\epsilon_{r-1}} + v_{t}$$
(5 - 9)

(3) 对上述各种报合形式进行显著性检验,从而确定误差项 u, 存在哪一种形式的自相关。

回归检验法的优点是:适合于任何形式的自相关检验;若结论是存在自相关,则同时能 提供出自相关的具体形式与参数的估计值。缺点是计算量大。

#### 5.3.4 高阶自相关性的检验

1. 偏相关系数检验

偏相关系数是衡量多个变量之间相关程度的指标,可以用它来判断自相关性的类型。利 用 EViews 软件计算偏相关系数,具体方式是:

【命令方式】IDENT RESID

或【菜单方式】在方程窗口点击:

View \ Residual Test \ Correlogram Q statistics

屏幕将会输出e, 与 $e_{r-1}$ ,  $e_{r-2}$ ,  $\cdots$ ,  $e_{r-p}$ (p是事先指定的滯后期长度)的偏相关系數和相关系數,我们可以直現維看到殘差图序列的相关情况。

2. 布罗斯-艾弗雷检验(Breusch-Godfrey Test), 简称为 BG 检验或是拉格朗日乘數检验。

对干概则:

$$Y_{.} = g_{0} + g_{1}X_{1} + g_{2}X_{2} + \cdots + g_{n}X_{n} + u_{n}$$
 (5 - 10)

设自相关形式为
$$_{1}v_{s} = a_{1}v_{s} + a_{2}v_{s} + \cdots + a_{n}v_{n-n} + v_{n}$$
 (5-11)

假设  $H_{0:p_1}-p_2-\cdots-p_p$  即不存在自相关性。对该假设的检验过程如下:

(1) 利用 OLS 法估计模型, 得到残差序列 u,;

(2) 将 u, 关于所有解释变量和残差的滞后值  $e_{r-1}$ ,  $e_{r-2}$ ,  $\cdots$ ,  $e_{r-p}$  进行回归, 并计算辅助回 归植到的判定系数  $R^2$ :

布罗斯和戈弗雷证明在大祥本的情况下,斯进的有:

$$nR^{\pm} \sim \chi^{\pm}(p) \tag{5-12}$$

因此,对于显著水平 $\alpha$ ,若有 $nR^2$ 大于临界值。则拒绝原假设,即认为至少存在一个 $\rho$ 值。思著不为0。

利用 EViews 軟件可以直接地进行 BG 檢驗;在方程會口点击 View \ Residual Test \ Serial Correlation LM Test,屏幕将显示辅助回归模型的有关信息,BG 検验需要输入滞后 期的长度,在实际应用中,一般是从低阶的 $\rho=1$  开始,直到 $\rho=10$  左右,若检验结果均不显著,则可认为不存并自相处件。

## 5.4 自相关性的解决办法

前面我们讨论了白朝关性产生的原因,存在的危害及检验的方法,那么,如果模型经过 核型存在自相关性,该如何解决呢?解决的基本思路,就是通过一定的手段(如差分法)将模型中的自相关性消除,然后对模型中的未知参数进行估计。

#### 5.4.1 广义差分法

设原线性回归模型: $Y_t = a + bx_t + u_t$ 存在一阶自相关性: $u_t = au_{t-1} + v_t$  (5 - 13)

其中, v, 为满足古典回归模型基本假定的随机误差项。将模型滞后一期, 得:

$$y_{r-1} = a + bx_{r-1} + u_{r-1}$$

在方程两边同时乘以ρ,并与原模型相减,得:

$$y_t - \rho y_{t-1} = a(1-\rho) + b(x_t - \rho x_{t-1}) + (u_t - \rho u_{t-1})$$
 (5-14)

定义变量变换:

$$y_i^* = y_i - \rho y_{i-1}$$
  
 $x_i^* = x_i - \rho x_{i-1}$  (5 - 15)

侧模型式(5-13)可以表示成。

$$y_i^* = A + bx_i^* + v_i$$
 (5 - 16)

其中, $A = a(1-\rho)$ 。变换后模型的随机误差项v。满足回归模型的基本假定,所以可以用 OLS 法估计参数 A. $\delta$ .讲而得到。

$$a = A/(1-\rho) \tag{5-17}$$

在式(5-15)中,若p=1,则

$$y_i^* = y_i - y_{i-1} = \Delta y_i$$
  
 $x_i^* = x_i - x_{i-1} - \Delta x_i$  (5 - 18)

称为差分变换,而 $\rho$ 的值介于 -1 与 1 之间,所以称式(5 -15) 为广义差分变换。经广义差分 亦格得到的權利称为广义差分權利。

**若模型为多元线性回归模型。同理可以进行类似的广义差分变换**。

$$y_{i}^{+} = y_{i} - \rho y_{r-1}$$
 $x_{i}^{+} = x_{1i} - \rho x_{1i-1}$ 
 $x_{i}^{+} = x_{0} - \rho x_{2i-1}$ 
 $\vdots$ 
 $x_{i}^{+} = x_{v} - \rho x_{k-1}$ 
(5 - 19)

仍然可以得到満足基本假定的广义差分模型。

$$y = A + b_1 x_{1t}^* + b_2 x_{2t}^* + \cdots + b_k x_{k}^* + v_t$$
 (5 - 20)

如果自相关举型为高阶自回归形式,

$$\epsilon_t = \rho_1 \epsilon_{t-1} + \rho_2 \epsilon_{t-2} + \cdots + \rho_t \epsilon_{t-1} + v_t \qquad (5-21)$$

则广义差分变换为(以一元线性回归模型为例):

$$y_i^* = y_i - \rho_i y_{i-1} - \rho_i y_{i-2} - \cdots - \rho_i y_{i-i}$$
  
 $x_i^* = x_i - \rho_i x_{i-1} - \rho_i x_{i-2} - \cdots - \rho_i x_{i-i}$  (5 - 22)

同理得到满足基本假定的模型:

$$y_i^* = A^* + bx_i^* + v_i$$
 (5 - 23)

因此,只要存在自相关性的模型进行广义差分变换。就可以消除原模型中的自相关性、 然后再对变换后的模型进行 OLS 估计,得到的仍然是最佳估计量,由于估计过程中使用了 广义差分变换,所以转效体参数估计方法为广义差分法。

#### 5.4.2 自相关系数ρ的估计方法

进行厂义意分变换的前摄是已知 $\rho$ 的值。由 $F \rho$ 是随机误差项的相采系数、u值的不可观测性使得 $\rho$ 的值也是未知的。利用厂义差分法处理自相关性时,需要事先估计出 $\rho$ 的值。 $\alpha$ 售用的估计方法有以下几种。

1. 近似估计法

在大样本( $\pi \ge 30$ ) 的情况下,因为 DW  $\approx 2(1 \rho)$ ,所以可以用 DW 值近似估计  $\rho$ :

$$\hat{\rho} = 1 - DW/2$$
 (5 - 24)

对于小样本则使用泰尔近似公式:

$$\hat{\rho} = \frac{n^2(1 - DW/2) + (k+1)^2}{n^2 - (k+1)^2}$$
(5-25)

其中, k 为解释变量, 当  $n \to \infty$  时,  $\delta = 1 - DW/2$ ,

这样得到的。的估计值。相度不高,原因在于对有自相关的问过模型使用了普通最小二条法、为了得到。的思精确的估计值。可采用特克伦-模克特(Cochrane-Orcut) 选代法、它的 基本思想是通过逐次迭代。求定更为满意的。的估计值。然后再采用广义差分法。具体进、该 方法是利用规差。来估计未知的。EViews数件就是采用这种方法来估计自相关性模型的。 并输出。的估计值、标准差以及 t 统计值等。【命令方式】LS Y C X AR(1)、如果模型为高阶 自相关形式、再加上 AR(2)、AR(3)……等等。根据 AR项的 t 统计值是否显著。可以进一步确定自相关性的具体形式。

2. Durbin 两步法

Durbin 两步法的步骤如下:

- (1) 通过广义差分回归式中的括号求ρ的估计值ρ:
- (2) 利用 p 进行广义差分变换,再对原模型求广义最小二乘估计值。
- 以一阶相关形式为例具体介绍如下:

将原模型做广义差分变换后得到式(5-14),再将其变换后得:

$$y_t = a(1-\rho) + \rho y_{t-1} + b(x_t - \rho x_{t-1}) + (\epsilon_t - \rho x_{t-1}) + v_t$$
 (5 - 26)

这是一个满足基本假定的三元线性回归模型,其中解释变量  $y_r$ ,的回归系数恰好为  $\rho$ 。因此 OLS 估计出  $\rho$  的估计值  $\rho$ 。

可以转换得:
$$y_i - \rho y_{r-1} = a(1-\rho) + b(x_i - \rho x_{r-1}) + (u_i - \rho u_{r-1})$$
 (5-27)

定义变量变换:

$$y_i^* = y_i - \hat{\rho}y_{i-1}$$
  
 $x_i^* = x_i - \delta x_{i-1}$  (5 - 28)

则模型式(5-27)可以表示成:

$$y_t^* = A + bx_t^* + v_t$$
 (5 - 29)

其中、 $A = a(1-\hat{\rho})$ 。变换后模型的随机误差项  $v_i$  满足回归模型的基本假定,所以可以  $\bullet$  80  $\bullet$ 

用 OLS 法估计参数 A,b,进而得到:

$$a = A/(1 \cdot \hat{\rho}) \tag{5-30}$$

## 5.5 兼例分析

居民消费模型是研究居民消费行为的常用 L 具、通过对中国农村居民消费模型的分析可 用的成本招层的边际消费模向。也能用于农村居民消费水平的预测 影响居民消费核型的分析可 用的成本招层的边际消费模向。也能用于农村居民消费水平的预测 影响居民消费的因素 报 。但由于罗条条条件的解制。通专口引入民党成一个安置做解释受量,即消费模型设定为

$$Y_r = \beta_1 + \beta_2 X_r + u_r \qquad (5-31)$$

其中,Y,为农村居民人均消费支出,X,为农村居民人均纯收人,u,为随机误差项。表5-2是《中国统计年鉴》收集的中国农村居民 1985年~2006年的收入与消费数据。

表 5-2 1985年 ~ 2006年农村居民人均收入和消费 单位:元 全年人均纯收入 全年人均消费性支出 消费价格指数 人均实际纯收入 人均变际消费性支出 年份 (理价) (理价) (1985 - 100) (1985 年可比价格) (1985 年 可 比 价 格) 317, 42 397, 60 317, 40 1985 397, 60 100.0 423.80 357.00 106. 1 399.43 336. 48 112.7 410.47 353, 42 1987 462, 60 398, 30 1988 544.90 476, 70 132.4 411.56 360, 05 1989 601, 50 535, 40 157.9 380.94 339, 08 415, 69 354, 11 1990 686, 30 584, 63 165.1 1991 708.60 619.80 168.9 419.54 366.96 1992 I 784,00 659, 80 176.8 443, 44 373, 19 1993 921.60 769.70 201.0 458.51 382.94 1016, 81 248.0 492: 34 410.00 1994 1221.00 1995 1577.70 1310.36 291.4 541, 42 449, 69 1996 1923, 10 1572, 10 314.4 611, 67 500.03 322, 3 648, 50 501, 77 1997 2090, 10 1617, 15 1998 2162.00 1590.33 319.1 677.53 498.28 2214.30 1577, 42 314.3 704.52 501,75 1999 2000 2253.40 1670.00 314.0 717.64 531.85 2366, 40 1741,00 316.5 747.68 550.08 2001 2002 2475.60 1834.00 315.2 785.41 581.85 2003 2622, 24 1943.30 320. 2 818, 86 606.81 855, 98 2004 2936 2185 343 637, 03 2005 3255 343 948, 98 744, 90

注,答料来激于《中国统计年鉴》(1986 2007)。

2829

#### 5.5.1 参数估计

3587

2006

为了消除价格变动因素对农村居民收入和消费支出的影响,不宜直接采用现价人均纯

348, 1

1030, 45

812.70

收入和现价人均消费支出的敷据。而需要用经需费价格指敷进行调整后的 1985 年可比价格 计算的人均纯收入和人均消费支出的敷据帧回归分析。

根据表5 2中调整后的1985年可比价格计算的人均纯收入和人均消费支出的数据。在 EViews中点击 New J. 建立 Workfile,输入X. Y. 的数据。点击 Quick,选 Estimate Equation 项。在 OLS 对话框中,镰人 Y C X. 编化如下结果 《服 5 3)。

Tre Tre phase										
Dependent Variable Y Melhod Lasat Squares Date 0/1/1/08 Time D0 44 Sample 1965-2006 included observations 22										
√enable	Coefficient	Std Error	t Statistic	Prob						
		17 28430 0 027035	3 386239 25 42379	0.0000						
R squared Adjusted R squared	0 969987 0 968486	Mean dependent var S D dependent var		477 7441 136 9261						
Sum squared resid Log likel hood Durbin-Watson stat	11816 99 100 3654 0 959528	Schwarz chi F statistic Prob(F stati		9 405132 646 3690 0 000000						

图 5-3 EViews 输出的回归结果

则消费模型 $\hat{Y}_i = 58.52877 + 0.6873X_i$ SF = (17.2843) (5 - 32)

t = (3, 3862)

(0.0270)

 $R^2 = 0.9700$ , F = 646.3690, df = 22, DW = 0.9595

#### 5.5.2 分析

该回归方程可决系敷较高。回归系数均显著。对样本量为 22、一个解释变量的模型、5% 显著水平,在 DW 统计表可知。 $d_i = 1.239$ 。 $d_{ii} = 1.429$ 。模型中 DW  $< d_i$ 。虽然消费模型中 有自相关,这一点从残差图中也可看出。点击 EV sews 方程输出窗口的按钮 Resids 可得到现 养阳,如阳 5-4 所示。



图 5-4 残差

图 5 4 残差图中,残差的变动有系统模式,连续为正和连续为负,表明残差项存在一阶 正自相关,模型中 4 统计量和 F 统计量的结论不可信,需采取补救措施。

#### 5.5.3 自相关问题的处理

为解决自相关问题。选用科克伦-典克特志代法。由模型式(5-32) 可得我差序列。。在 EViews中,每次回归的我差存放在 resid 序列中,为了对我差进行回归分析。需生成命名为e 的残差序列。在主渠 地选择 Quack/Generate Series 成点击 工作文件窗口工具栏中的 Procs/Generate Series。在弹出的对话框中输入 e - resid、点击 OK 得到我差序列。。使用 e, 进行滞后—期的自回归、在 EViews 命令栏中输入 ls e e(-1) 可得回归方程

$$e_i = 0.5139e_{-1}$$
 (5 - 33)

由式(5.33) 可知 $\rho = 0.5139.$ 对原模型进行广义差分,得到广义差分方程

$$Y_{-} = 0.5139Y_{-1} = 8.(1 - 0.5139) + 8.(X_{-} = 0.5139X_{-1}) + \mu$$
 (5 - 34)

对式(5-34)的广义差分方程进行回归。在 EViews 命令栏中输入 ls Y-0.5139 \* Y(-1)c X-0.5139 \* X(-1),回车后可得方程输出结果,如图 5-5 所示。



图 5-5 广义参分方程输出结果

中图 5-5 可得回向 お殺为

 $Y^* = 31.2526 + 0.6842X^*$ 

SE = (15, 1037) (0, 0453)

t = (2,0692) (15, 11947)

 $R^{z} = 0.9233$  F = 228.5983 df = 21 DW = 1.7151 (5 - 35)

 $\vec{x} + \vec{y}' = \vec{y}$ , 0, 7991 $\vec{y}$ ,  $\vec{x}' = \vec{x}$ , - 0, 7991 $\vec{x}$ , . .

由于使用 f广义 差分數据,样本容量減少了 1 个、为 2 1 个、查 5 5 显著水平的 DW 统计 表 可知 d, = 1, 2 2 1, d<sub>1</sub> — 1, 4 2 0 , 懷型中 d<sub>1</sub> < DW、说明广义 差分 模型 中已 无自相关,不必再进行 造代。同时可见,可决系数 K"、t F 竣计量 也均达到理想水平。

对比模型(5-35)和(5-32),很明显普通最小二乘法低估了回归系数点的标准误差。原

模型中 SE(g) - 0.0270。广义差分模型中为 SE(g) - 0.0453。

經广义整分后样本容量会減少 1 个,为「保证样本數不減少,可以使用著某所一攝斯腾空換补光第一个混測值。方法是  $X_i$   $X_i$   $X_j$   $D_i$  和  $Y_i$   $P_i$   $Y_i$   $P_i$   $P_i$  在  $P_i$  和  $P_i$   $P_i$  P

$$Y^* = 31,3577 + 0.6850 X^*$$

$$t = (2.1239)$$
 (15.5001)

$$R^{2} = 0.9232$$
  $F = 240.2545$   $df = 22$   $DW = 1.7072$  (5 - 36)

对比模型式(5-36)和式(5-35)可发现,两常的参数估计值和各检验统计量的几乎没有差异,说明在本例中使用管票斯-温斯舞变换与直接使用科克伦-奥克特两步法的估计结果无显著差异,这是因为本例中的样本比较大,如果实际应用中样本较小,则两者的差异会较大,通常对于小样本,应采用普票斯-温斯舞变换补充第一个观测值。

由差分方程(5-34)有

$$\hat{\beta}_1 = \frac{31.3577}{1 - 0.5139} = 64.5087 \tag{5 - 37}$$

由此,我们得到最终的中国农村居民潜费模型为

$$Y_t = 64.5087 + 0.6850X_t$$
 (5 - 38)

由式(5-38)的中国农村居民消费模型可知,中国农村居民的边际消费倾向为 0.6850,即中国农民每增加收入 1 元,将增加消费支出 0.6850 元。

#### 思考与练习

- 1. 什么是序列自相关?计量经济模型产生自相关的原因有哪些?
- 2. 怎样认识用一阶自回归表示序列自相关?简述 DW 检验的应用条件。
- 3. 对于线性回归模型

$$Y_t - b_0 + b_1 X_t + u_t$$
, 已知  $u_t$  为一阶自回归形式。

证明:0的估计值

$$\hat{\rho} \approx \frac{\sum_{i=2}^{n} e_i e_{i-1}}{\sum_{i=1}^{n} e_{i-1}^2}$$

#### 4. 表 5-3 是某市文娱消费支出 Y 与生活费收入 X 的资料。

表 5-3 草市文能消费专出与生活费收入情况

华份	文娱消费支出Y	生活费收入 X	年份	文级消费支出Y	生活费收入 X
1	1137. 8	11617	7	207.4	21512
2	1301.2	13297	8	2143.9	23124
3	1526. 3	15790	9	2283. 3	24724
4	1687.3	18017	10	2420.5	26175
5	1776. 4	19314	11	2530. 7	27219
6	1885. 7	20198	12	2702.0	28915

#### 要求:

(1) 用 OLS 法估计消费函数

$$Y_1 = b_0 + b_1 X_1 + u_1$$

并检验自相关性(分别用图示法和分析法);

- (2) 用杜宾两步法估计模型。并将所得的结果与原结果进行比较。
- 5. 彙例分析,收集中國儲蓄存款总额(Y,亿元)与GDP的历年数据,研究两者之间的关系,具体要求;
  - (1) 以 GDP 为解释变量,以 Y 为被解释变量建立一元线性回归模型;
  - (2) 计算 DW 统计量的值:
  - (3) 用广义差分法建立模型消除自相关。

## 第六章 多重共线性

在第四章和第五章,我们讨论了线性回归模型随机误差项选背同方差性假设和互相独立假设时的榜翰方法和估计方法,称为异方差性问题和自相关性问题,异方差性和序列相关 但我表现于模型的随机误差项,在本章,我们将讨论计量模型中肾通存在的一种解释变量进 皆古典假设的问题,即多章生线性。

## 6.1 多重共线性及其产生的原因

#### 6.1.1 多重共线性的含义

对于多元线性间归模型

$$Y_{i} = \beta_{0} + \beta_{1}X_{1} + \beta_{2}X_{2} + \dots + \beta_{k}X_{k} + u_{i} \quad (i = 1, 2, 3, \dots, n)$$
 (6-1)

其基本假设之 · 是解释变量 X<sub>1</sub>, X<sub>2</sub>, · · · · , X<sub>3</sub> 是互相独立的,如果模型的解释变量之间存在较强的线性关系,或者说,存在 · 组不全为零的常数项 λ<sub>1</sub>, λ<sub>2</sub>, · · · · λ<sub>4</sub>, 使得;

$$\lambda_1 X_{i_1} + \lambda_2 X_{i_2} + \cdots + \lambda_k X_{i_k} + v_i = 0 \qquad (6-2)$$

其中,v. 是一个隨机误差項,则称该模型存在着多重共线性(Multillinearity)。"共线性" 表示存在着线性相关关系。"多重"意味着相关关系的多种组合。

多重共线性根据共线程度分为两类: 一类层完全多重共线性, 就是解释变量 X, X, · · · · · X, 之间相关关系等于 1. 也就是式(5-2) 中 v, = 0, 另 · 类是不完全多重共线性(也称近低的多重共线性),就是解释变量 X, · X, · · · · · X, 之间相关关系趋近于 1. 完全多重共线性的情况并不多见,般出现的大都是不完全多重共线性。

#### 6.1.2 名雪井线件产生的原因

客電共线性本质上是样本現象、風熱、样本来自息体、样本中包含有总体信息、当总体密切相关时、多重共线性就很严重。但是、即使总体并非密切相关、样本数据间也会存在线性相关、過常、機型产生多重块线性的原因上要有。

#### 1. 经济变量之间的内在联系

这是产生多重共线性的根本原因。例如,工业生产函数中劳动投入量与资金投入量、需 來感数中商品自身价格·与其互补品价格·消费函数中收入与财产、农业生产函数中耕地面积 与施肥量等。都存在者一定的相互关系、事实上。经济系统中各要素之间是相互依存、相互制 约的,在数量关系上必然有一定的联系。因此,从这个意义上讲,多重共线性是计量经济模型 , 88. 中不可避免的问题,只是影响程度有所不同而已。

#### 2. 经济变量变化趋势的共向性

有些经济变量并没有明显的内在联系,但由于在考察的样本期内,其变化方向的一致性 (同开或同降) 使得样本数据高度相关,例如,在经济需染时期,各项经济变量,如收入、消 旁,投资、价格、該业人数等等都趋向下增长;而在经济衰退时期,又几乎一致地放慢增长速 审,如果把改准有相关共同趋勢的变量作为解释变量,被会产生多重共线性。

#### 3. 解释变量中引入滞后变量

目前在计量经济模型中。正絕来越多地使用滯后变量作为解释变量来反映真实的经济 关系。例如,在消费函数中不仅要有本期的可支配收入,还应该考虑以往各期的收入,固定资 产存量变动的影响因素不仅有本期投资,还应该考虑以往若干期的投资,等等。同一变量的 的后期值从经济性质上看,只是时间上不同,从经济意义上看,这些变量间是高度线性相关 的。因此,模型中引人滞后变量,多需共线性鼓难以避免。

#### 4、 样本资料的原因

完全符合理论模型的样本數据是难以收棄的,因此,整模时,对现有的數据资料往往只 有號功接受,当特定样本存在某种程度的多重共线性时,由于样本信息的匮乏,往往也只有 采用,

-- 般經驗告訴我们,对于采用时间序列數据做样本,以簡单线性形式應立的计量经济学模型,從往存在多重共线性。以機面數据作样本时,问题不那么严重,但仍然是存在的。例如, 研究企业生产函数,资本投入和劳动力投入、几乎就是高度相关的。因为大企业资本和劳动力投入载少,分企业资产和劳动力投入载少。

需要指出的是,建立计量模型时多重共线性是不可避免的。我们要做的是如何把多重共 线性产生的影响降到最低。而不是消除它。

## 6.2 多重共线性的后果

古典回归模型要求不存在完全的多重并线性,所以即使概型存在严重的多重并线性, OLS估计仍然是最佳线性无偏估计。但在计量经济学模型中一旦出现多重并线性,如果仍 采用普通量小二条法估计模型参数。合产生下列不良后果。

#### 6.2.1 增大 OLS 估计的方差

假定二元回归權型

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 X_{1i} + \beta_2 X_{2i} + u_i$$
 (6-3)

可证明,β, β, 的方差为:

$$D(\hat{\beta}_{1}) = \frac{\delta^{2}}{\sum_{i}(X_{1i} - \overline{X}_{1})^{2}} \circ \frac{1}{1 - r_{12}^{2}}$$
(6-4)

$$D(\hat{\beta}_t) = \frac{\delta^2}{\sum_{i} (X_{ti} - \overline{X}_t)^2} * \frac{1}{1 - r_{11}^2}$$
(6-5)

其中 $_{r_1}$ , 为 $_{X_1}$ , 的相关系数。式了第二项因子称为方差膨胀因 $_{r_1}$ , 记成 VIF $_{r_2}$ VIF $_{r_3}$  明,OLS估计量的方差因多重共线性的存在而变大。当 $_{r_1}$ ,  $_{r_2}$ , 高度相关时、VIF $_{r_3}$   $_{r_4}$   $_{r_5}$  (A) 随着多重共线性程度的增强。OLS估计量的方差会增大并趋向无穷大。表 6-1 直观地反映了 VIF 的变化情况。

表 6-1 多重共线性对参数估计方差的影响

$r^2$ ?	0	0.5	0.8	0. 9	0.95	0. 96	0. 97	0 98	0.99	0.999
VIF	1	2	5	5	10	25	33	50	100	1000

当  $r_{1z}^2=0.8$  时, $D(\hat{b}_1)$  5 倍  $F_1r_{1z}^2=0$  时的方差,当  $r_{1z}^2>0.9$  时,方差呈现出急剧增大的 趋势。

#### 6.2.2 每个解释变量的单独影响难以区分

例如,假定农业生产函数为:

$$Y = b_0 + b_1 X_1 + b_2 X_2 + b_3 X_3 + u \qquad (6-6)$$

其中 Y 为产量、X 、 X<sub>2</sub>、X<sub>3</sub>、X<sub>3</sub>分别为劳动力、土地面积和化配使用量、A 配使用量 X<sub>4</sub>、和土地面 积 X<sub>3</sub>、之同存在者一定的技术关系、设 X<sub>1</sub> = AX<sub>3</sub>、又设 k 为任意常数、则模型的回归系数应该 是唯一确定的。但由于 k 是任意常数、使得 X<sub>2</sub> 和 X<sub>3</sub> 的系数都不能唯一确定。因此,在多重共 线性的条件下、同归系数无法唯一确定。

#### 6.2.3 / 检验的可靠性会下降

一般利用 t 统计量  $:t-\frac{b_s}{S(b_s)}\sim t_s(n-k)$  来考察变量 X, 的重要性。在多重共线性的影响下,系数估计误差  $S(b_s)$  的增大将会导致 t 统计量值的减小,这可能使得原来显著的 t 值变为不思 x 的,因此容易然有重影影响的查量设认为基不思事的变量。

#### 6.2.4 回归模型缺乏稳定性

从同一总体中抽取不同的样本估计模型,得到的估计值不会完全相同,但不应该有显著 差异,这时模型称为是稳定的,但是一模型存在着多重共线性时,样本数据即使有微小的变 化,也可能导致系数估计值发生明显的变化,参数估计对样本的变化比较敏感,这实际上是 OLS 估计方券等大的另外一个表现。

## 6.3 多重共线性的检验

在多元线性同归模型中,由于多重共线性是普遍存在的,查戒的后果也比较复杂,有些 后果可能来自于其他因素的影响,因此对于多重共线性的检验缺少统一的原则。 般可以从 88。 解释变量相关性和 OLS 估计量的结果等方面进行研究,即计算参数估计量的标准差、解释 变量之间的偏相关系数,做出综合判断。

#### 6.3.1 样本决定系数检验

多重共线性可用线性回归方程表示。对 K 个解释变量  $X_1, X_2, \cdots, X_s$ , 分别以其中一个对其他所有的解释变量回归,得到 K 个辅助回归方程式;

$$X_i = f(X_1, X_2, \dots, X_{i-1}, X_{i+1}, \dots, X_k)$$
  $i = 1, 2, \dots, k$  (6-7)

算出 K 个判定系数,其中判定系数很大且接近于10,表明对应的辅助回归方程拟合程 度最高,则相应的 X,可用其他解释变量的线性组合表示,即 X,与其他解释变量多重块线 性,下面我们以含有两个解释变量或多个解释变量的模型为例,了解如何检验模型中的多重 技线性。

- 1. 榔型中只有两个解释变量
- (1) 利用解释变量样本观测值的散点图来考察项者是否存在思茎的线性关系。
- (2) 计算两个解释变量之间的相关系数 r, | r 被接近 1, 二者线性关系被强;
- (3) 可以建立两个解释变量之间的线性回归模型。拟合优度 R<sup>3</sup> 越接近 1。解释变量之间 的物性关系被忌害。
  - 在 EVtews 软件中可以直接计算解释变量的相关系数。

【命今方式】COR 解释变量名

或【菜单方式】将解释变量输入数组窗口,并在窗口中点击 View \ Correlations。

- 2. 權刑中有三个以上解释变量
- (1) 计算解释变量回归的 R<sup>2</sup>

可以分别用其中的一个解释变量对其他所有的解释变量进行线性回归,并分别计算拟 合优度 Ri,Ri,····,Ri,其中拟合优度最大且接近 1 的,说明对应的解释变量 与其他所有的解 解变量之间线性关系尽著。

- (2) 计算相关系数
- 也可以计算两两解释变量的相关系数,其值接近 1 或一 1。说明相应解释变量之间的线 性关系显著。
  - (3) 方萘膨胀因子检验

对于多元线性回归模型, 总的方差可以表示成:

$$D(\hat{\beta}_{i}) = \frac{\delta^{2}}{\sum (X_{ij} - \overline{X}_{i})^{2}} \cdot \frac{1}{1 - R_{i}^{2}} = \frac{\delta^{2}}{\sum (X_{ij} - \overline{X}_{i})^{2}} \cdot VIF_{i}$$
 (6-8)

其中, R' 为X、 关于其他解释变量辅助回归模型的判定系数 VIF, 为方差攀张因子,随着多重 共线性的增强, VIF 以及估计系数都在增大, 因此,可以用 VIF 作为衡量多重共线性的,一个 指标,一般当 VIF > 10 化时 R' > 0.9 ), 认为模型存在较为严重的多重共线性。

另一个与 VIF 等价的指标是容许度 TOL(Tolerance),其定义为:

$$TOL_s = (1 - R^2) = 1/VIF.$$
 (6 · 9)

显然, $0 \le TOL \le 1$ ,当 z,高度相关时, $TOL \rightarrow 0$ 。因此,一般当 TOL < 0.1时,认为模

现存在较为严重的多重共缓性。

#### 6.3.2 参数估计值的经济检验

考察参数 OLS 估计值的符号和大小,如果不符合经济理论或者实际情况的,则说明该 模型可能存在着多重共线件。

#### 6.3.3 参数估计值的统计检验

若多元线性回归模型的拟合优度 R<sup>2</sup> 较大,但回归系数在统计上均不显著(或者同归系数没有办法合理解释),即 1 检验值绝对过小,就说明模型存在多重共线性。

## 6.4 多重共线性的解决方法

设定计量经济模型时,为全面反映各国套的影响。总是尽量选取被解释变量的所有因 索,但这样又容易产生多重共线性。因此必须采取措施进行解决。在解决多重共线性时,首先 应该明确以下两点。

- (1)多重共线性的主要后果是无法区分每个解释变量的单独影响,因此,如果建立模型的目的是进行预测,只要模型的拟合优度较高(即能正确反映所有解释变量的总影响),并且解释变量的相关类型在预测期内保持不变,则可以忽略多重共线性的问题。
- (2)引起多重共线性的原因是模型中存在相关解释变量,所以消除多重共线性的根本方法只能是从模型中剔除这些变量。但直接剔除变量会产生新的问题;
- ① 模型的经济意义不合理。例如,生产函数中资金与劳动者人数通常是高度相关的,但 从中剔除任何一个要素都不太合适;
- ② 如果剔除的是重要解释变量,则这些变量的影响将反映在随机误差项中,使模型产生异方差性或自相关性;
  - ③ 若馴除不当还会产生设定误差问题。
  - 因此,处理多重共线性问题需谨慎,下面介绍几种常用的方法。

## 6.4.1 直接剔除次要或可替代变量

根据经济理论和实际经验设定计量模型易考虑过多的解释变量,其中可能有一些无显 着影响的比赛变量,还有一些变量的影响可用模型中的其他变量来替代,所以,在估计模型 之前,为了是我多账其线性的影响,应剔除这样的变量。

次要变量可通过被解释变量与届时变量的相关系敷检验。相关图分析等方法加以鉴别; 利用辅助回归模型检验多重共线性时,又可以提供解释变量之间相互替代的信息。

#### 6.4.2 间接剔除重要的解释变量

1. 利用附加信息

例如,在Cobb-Douglas 生产函数中:

$$Y = AL^{\epsilon}K^{\beta} \tag{6-10}$$

劳动投入量 L 与资金投入量 K 之间通常是高度相关的。若用附加信息: $a+\beta=1$ (规模招酬不变)、则。

$$Y = AL^{1-\beta}K^{\beta} = AL(\frac{K}{L})^{\beta} \overrightarrow{x} \frac{Y}{L} = A(\frac{K}{L})^{\beta}$$
 (6-11)

记成

 $y = Y/L, k = K/L \tag{6-12}$ 

则 C-D 函数可表示为:v = Ak\*

此时:元模型转成一元模型,当然不存在多重共线性的问题,可用 OLS 估计  $\hat{A}$  ,  $\hat{\beta}$  , 进而 得出  $\alpha=1-\hat{a}$  .

又如。设工业能源需求函数为 $_{1}$  y  $_{2}$   $_{3}$   $_{4}$   $_{5}$   $_{5}$   $_{1}$   $_{5}$ 

#### 2. 空換線型形式

对原定的模型进行适当的变换。也可以消除或削弱原模型中解释变量之间的相关关系。 具体有三种变换方式,

- (1) 变换模型的函数形式。如将线性模型转换成双对数模型、半对数模型、多项式模型等。
  - (2) 变换模型的变量形式。如引入差分变量、相对数变量等;
- (3) 改变变量的统计指标,如将生产过程中的资金投入量取成固定资金或流动资金(或 两者之和),劳动投入量取成职工人数或工资总额,经济增长指标取成 GDP、GNP、国民收入 等。

例如,若将需求函数取成:

$$Q = \beta_0 + \beta_1 Y + \beta_2 P_0 + \beta_1 P_1 + u \qquad (6-13)$$

则商品自价格  $P_o$  与互价格  $P_t$  之间往往是高度相关的,此时可以用相对价格  $P_o/P_t$  综合反映价格因素的影响,而将需求函数设成:

$$Q = a_0 + a_1 Y + a_2 (P_0/P_1) + u ag{6-14}$$

#### 3. 综合使用时序数数据与横截面数据

如果能同时获得变量的时序数据和模截面数据,则先利用某类数据估计出模型中的部分参数,再利用另一类数据估计模型的其余参数。

例如,设某类商品的需求函数为:

$$\ln y = b_0 + b_1 \ln x + b_2 \ln P + u \qquad (6-15)$$

其中 y 为商品需求量,x,P分别为居民收入和该商品价格。并且已知在时序样本数据中 x与P高度相关,为此。

(1) 收集最近一年的该商品的销售量和居民收入的统计资料。由于商品价格在一年中

的变化幅度不大,所以将需求函数取成:

$$\ln y_i - a_0 + a_1 \ln x_i + u_i$$
 (6 - 16)

利用横截面资料估计该模型,得到需求的收入弹性 a1。

(2) 原需求函數中的 $b_1$  也是需求的收入弹性。所以 $b_1 \approx a_1$ (此时实际上假设历年的平均收入弹性与近期的弹性近似相等)。将原模型变换成:

$$y_i^* = b_0 + b_1 \ln P_i + u_i$$
 (6-17)

其中 $y_i^* = \ln y_i - a_i \ln x_i$ 。在利用历年商品的销售量、居民收入和价格的统计资料估计模型,得到 $b_0, b_1$ 从而消除多重共线性的影响下。估计需求函数,

$$\ln \hat{y} = \hat{b}_0 + \hat{b}_1 \ln x + \hat{b}_2 \ln P \qquad (6-18)$$

上述几种方法的处理原理是.通过減少模型中解释变量的个数的方式来消除多電共线 作的影响,但并不是直接解除有重要影响的解释变量,模型中还是保留了这些变量的影响。 所以称为间接剔除。

#### 6.4.3 逐步回归法

建立计量经济模型的时候、一般是将解释变量全部引入模型,然后再模据统计检验和定性分析从中逐个剔除次要的或产生多重长线性的变量。选择变量是一个由多到少的过程。而 逐步回归选择变量时。却是一个由少到多的过程。即从所有解释变置中间先选择影响最为显 着的变量建立模型,然后洱将模型之外的变量逐个引入模型、每引人一个变量,就对模型中 的所有变量进行一次是看性检验,并从中剔除不显著的变量。逐步引入 剔除——引 人,直到模型之外所有变量均不显著时为止,许多统计分析数件都有遂步回归程序,但根据 计算机软件自动批选的模型往往统计检验合理。经济意义并不理想,因此,实际应用中一般 是依据逐步回归的原理。结合主观分析来筛选变量。

具体步骤为:

- (1) 利用相关系数从所有解释变量中选取相关性最强的变量建立一元回归模型。
- (2)在 -元同四模型中分别可人第二个变量。共建立 K 1 个二元同归模型(设共有 K 个解释变量)。从这些模型中再洗取一个较优的模型。选择时要求模型中每个解释变量影响 县套。参数符号正确。P 信有所提高。
- (3) 在选取的二元回归模型中以同样方式引人第一个变量。如此下去,直至无法引人新的变量时为止。

### 6.5 景例分析

近年來,中国旅游业 · 直保持高速发展,旅游业作为国民经济新的增长点,在整个社会 经济发展中的作用日益显视,为了规划中国未来旅游产业的发展,需要定量地分析影响中国 旅游市场发展的主要因素,经分析,影响国内旅游市场收入的主要因素,除了国内旅游人数 和旅游支援的上于现金。  $X_1$ ,城镇居民人均旅游支出  $X_1$ ,农村居民人均旅游支出  $X_1$ ,并以公路里程  $X_1$ ,和铁路里程  $X_2$ ,作为相关基础设施的代表。为此设定了如下对数形式的计量经济模型:

$$Y_{t} = \beta_{1} + \beta_{2} X_{2t} + \beta_{3} X_{3t} + \beta_{6} X_{4t} + \beta_{5} X_{3t} + \beta_{6} X_{6t} + u_{t}$$
 (6 - 19)

其中:Y,--- 第 : 年全国旅游收入;

 $X_2$  — 国内旅游人数(万人);

X, --- 城镇居民人均旅游专出(元):

X, - 农村居民人均旅游支出(元);

X<sub>5</sub> — 公路里程(万公里);

X<sub>4</sub> — 佚路里程(万公里)。

为估计模型参数。收集旅游事业发展最快的 1994 年  $\sim 2006$  年的统计数据。如表 6-2 所示:

表 6-2 1994年~ 2006年中国旅游收入及相关数据

年份	国内旅游收人 Y(亿元)	国内旅游人数 X <sub>2</sub> (万人次)	城镇居民人均旅游 支出 X <sub>1</sub> (元)	农村居民人均旅游 支出 X <sub>4</sub> (元)	公路里程 Xs(万公里)	铁路里程 X <sub>4</sub> (万公里)
1994	1023. 5	52400	414.7	54.9	111.78	5, 90
1995	1375.7 62900		464.0	61.5	115.70	5. 97
1996	1996 1638. 4 63900		534. 1	70.5	118, 58	6. 49
1997	1997 2112.7 64400		599. 8	145. 7	122. 64	6. 60
1998	2391.2	69450	607. 0	197. 0	127.85	6. 64
1999	2831. 9	71900	614.8	249. 5	135, 17	6.74
2000	3175. 5	74400	678. 6	226. 6	140. 27	6. 87
2001	3522. 4	78400	708. 3	212. 7	169.80	7. 01
2002	3878. 4	87800	739. 7	209.1	176.52	7, 19
2003	3442. 3	87000	684. 9	200.0	180. 98	7.30
2004	4710. 7	110200	731. 8	210. 2	187. 07	7.44
2005	5285. 9	121200	737. 1	227. 6	334. 52	7.54
2006	6299. 7	139400	766.4	221. 9	345.7	7. 71

教权来源《中国统计年等 2007》

#### 1. 输入数据

利用 EViews 软件,输入  $Y_*X_2_*X_3_*X_4_*X_5_*X_6$  等數据,采用这些數据对模型进行 OLS 回归,结果如图 6 1 所示。



图 6-1 EViews 输出的回归结果

#### 2. 分析

该模型  $R^z=0.9954$ 、 $R^z=0.9921$  可决系数很高,F 检验值 300.6845,明显显著,但是当a=0.05 时  $t_{-2}(n-k-1)=t_{0.05}(10-6)=2.776$ ,不仅  $X_5$ 、 $X_6$  系数的 t 检验不显著,而且 X、系数的符号与预期的相反,这表明很可能存在严重的多重共线性。

#### 3. 检验

计算各解释变量的相关系数。选择  $X_1,X_2,X_4,X_5,X_6$  数据。点"view/correlations" 得相 关系数矩阵(如表 6 – 3 所示):

		表 6-3 首要:	量的相关系数表		
	X <sub>r</sub>	Х,	Х,	X3	X,
X:	1,000000	0.918851	0.751960	0.947977	0.941681
Χ,	0.918851	1.000000	0.865145	0.859191	0.963313
$X_1$	0.751960	0.865145	1.000000	0.664946	0.818137
$X_3$	0.947977	0.865145	0.664946	1.000000	0.897708
Χ,	0.941681	0.963313	0 818137	0.897708	1 000000

由相关系数矩阵可以看出。各解释变量相互之间的相关系数较高,证实确实存在严重多 章共线性。

#### 4、清除多重共线件

采用逐步回归的办法、检验和解决多重共线性问题。分别作 Y 对  $X_2$ 、 $X_3$ 、 $X_4$ 、 $X_5$ 、 $X_6$  的 -元回归,结果如表 6 - 4 所示。

麦 6	8		

变量	$X_t$	X,	Х,	X <sub>5</sub>	X <sub>6</sub>
参数估计值	0. 0593	12. 7558	16. 902	18.096	2641.99
/ 统计量	13, 6099	7. 1132	3.7176	7. 0190	10.5253
R <sup>2</sup>	0.9439	0.8214	0.5568	0.8175	0.9097

按  $R^2$  的大小排序为: $X_1, X_2, X_3, X_4, X_5, X_4$ 。

以 X, 为基础, 顺次加入其他变量逐步回归。首先加入 X。回归结果为:

$$\hat{Y}_t = 7892.99 \pm 0.0363X_2 \pm 1165.377X_6$$
 (6 - 20)

$$t = (5.6446)$$
 (3.9974)  $R^t = 0.97842$ 

当取 a = 0.05 时,  $t_{xz}(n-k) = t_{0.015}(10-3) = 2.265$ ,  $X_t$  参数的 t 检验显著, 不予以剔除, 加人  $X_t$  回归得

$$\hat{Y}_{*} = -1316,92 + 0,04604X_{*} - 540,555X_{*} + 6,9144X_{*}$$
 (6 - 21)

$$t = (9, 3579)$$
 (-1, 1091) (3, 8021)  $R^1 = 99, 1721$ 

当取 a=0.05 时, $t_{s/2}(n-k)=t_{0.005}(10-4)=2.447$ , $X_6$  参数的 t 检验不显著,予以剔除,加入  $X_5$  回归得

$$\hat{Y}_1 = -3452.787 + 0.03572X_2 + 5.27746X_1 + 1.8398X_5$$
 (6-22)

$$t = (4.9585)$$
  $(6-9413)$   $(0.9343)$   $R^2 = 0.99142$ 

 $X_t$ 、 $X_t$  参数的 t 检验显著。剔除  $X_t$  再加人  $X_t$  回归得

$$\hat{Y}_{s} = -2961.623 + 0.04385X_{s} + 3.19427X_{s} + 2.762X_{s}$$
 (6 - 23)

$$t = (15, 466)$$
 (2. 9896) (2. 5436)  $R^2 = 99, 38$ 

$$\overline{R}^2 = 0.987186$$
  $F = 231.7935$   $DW = 1.952587$ 

当取  $\alpha = 0.05$  时, $t_{s/2}(n-k) = t_{0.055}(10-4) = 2.447$ , $X_2$ , $X_3$ , $X_4$  系數的 t 检验都显著,报合程度也好,这是最后消除多重共线性的结果。

5 643

在其他因業不变的情况下,当城镇居民人均旅游支出 X,和农村居民人均旅游支出 X, 分别增长1元时,国内旅游收入 X,络分别增长3.19亿元和2.76亿元,在其他因素不变的情 况下,国内旅游、数每世加1万人次,因内旅游收入 Y 終增长0.044亿元.

#### 思考与练习

- 为什么说从本质上线性回归模型的多重夹线性是一种样本现象?举例说明经济变量之何的多重夹线性。
  - 2. 造成多重共线性的原因有哪些?会造成哪些不良的后果?
  - 3. 检测多重共线性有哪些常用的方法?
  - 4. 对于线性回归模型:Y XB + u 的最小 OLS 估计向量  $B = (X'X)^{-1}X'Y$ 。
  - (1) 当 X 之间完全共线时, B 会出现什么情况?
  - (2) 根据什么判断存在完全共线性?
  - 5. 家庭消費支出不仅取决于可支配收入,还取决于个人财富。设定模型:

#### $Y_1 = \beta_0 + \beta_1 X_{11} + \beta_2 X_{21} + u_1$

其中,Y 为消費支出、 $X_1$  为可支配收入。 $X_2$  为财富。试用表 6 5 的数据进行回归分析:

表 6-5 相关数据资料

	-		
稿号	Y	X,	$X_t$
1	70	80	810
2	65	100	1009
3	90	120	1273
4	95	140	1425
5	110	160	1693
6	115	180	1876
7	120	200	2052
8	140	220	2201
9	155	240	2435
10	350	260	2686

- (1) 对所得结果进行 R2 检验。F 检验。I 检验;
- (2) 所估计模型是否可靠?理由是什么?
- 6. 表 6-6 是某种商品的需求量、价格以及消费者收入的统计量:

表 6-6 装商品的需求量、价格及消费收入情况

牛份	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
常单量Y	3.5	4, 3	5.0	6.0	7.0	9.0	8. 0	10	12	14	
价格 X,	16	13	10	7	7	5	4	3	3.5	2	
收入 X2	15	20	30	42	50	54	. 65	72	85	90	

- 要求,(1) 检验 X, 和 X, 是否存在严重的多重共线性。
  - (2) 如何解决或减轻多重共线性的影响?并给出这一问题的回归方程。
- 7. 彙例分析,搜集数据研究或固钢软产量Y(万吨)与生缺产量X((万吨)、发电量X<sub>1</sub>(亿千瓦小时)、阅定费产投资X<sub>1</sub>(亿元)、国内生产总值X<sub>4</sub>(亿元)、铁路运输量X<sub>1</sub>(万吨)之间的关系。分析多重关线性的可能类型、并根据逐步回归原理、建立该国钢软产量预测模型。
- 8. 服装的需求品数,根据理论和起验分析影响居民服装需求的主要因素有;可支配收入 X,流动资产拥有量 K, 服装价格指数 P, 和总物价指数 Po, 搜集相关年鉴贵料充成表6 7,

表 6~7 服装需求函数的有关统计资料

年份	服装需求	可支配收入	抗动资产拥有量	展装价格指数	总物价指数
1995					
1996					
1997					
1998					
1999					
2000					
2001					
2002					
2003					
2004					
2005					
2006					

- (1) 计算各个变量之间的相关系数。分析多重关线性的可能的类型;
- (2) 根据逐步回归原理,建立我国服装消费的预测模型。

## 第七章 虚拟变量回归

## 7.1 虚拟变量及其作用

#### 7.1.1 虚拟变量

前面所研究的回归模型,其变量都是在取一些实际的数值,一般是连续的。实际工作中 经常遇到变量取离散数值的情形。它的回归模型需要给予特殊考虑,在经济分析中还经常遇 到因变量不是数值的情况。比如买与不买,升与降、有与无等,这些选择可以给予一个虚拟变 量并联于数值代表,这样的回归当然数更有转色了。

在回归模型中。因变量不仅受到那些取实际数值的自变量(如价格、工资收入、产量、温度、距离、重量等等)的影响。而且受到---世不取实际数值的自变量(如性别。国籍、种族、颜色、学位、地震、罢工、政治动乱、政府更善等等)的影响、要在模型中反映这种影响。可以引进虚拟变量。人为给予这些因素一定数值。如果某因素只有两种选择(如性别)。可以引进虚拟变量

当然也可以给  $D_c$  赋值(1,-1) 或(1,2),怎样赋值要看实际问题表示与是否计算方便。

如果某因素有多项选择,如学位,你可以引进虚拟变量 D. = 2 硕士

像上述这样一类用来描述经济观象的定量属性(类别)的变量称之为虚拟变量(Dummy Variables)。

### 7.1.2 引入虚拟变量的必要性及作用

現实经济生活错综复杂。要求人们按照经济变量的质或量的不同。分别进行处理。因此。 在回归模型中。有必要引入虚拟变量。以表示这些质的区别。例如,消费重数。在平时与战争 时,经济萧条与繁荣时,乃至性别、数育程度、季节性等不同时。都会因质的不同表现出不同 的参导。

- (1) 计量经济学模型。需要经常考虑属性因素的影响。例如,职业、战争与和平、繁荣与 费条、文化程度、灾害、季节。
  - (2) 属性因素往往很难直接度量它们的大小,只能给出它们的"Yes -D=1"或"No D 98 •

= 0",或者它们的程度或等级。

- (3)为了反映属性因素和提高模型的精度,必须将属性因素"量化",通过构造0-1型的 人工变量来量化属性因素。
  - 引入虚拟变量的作用主要有以下三个方面。
- (1)分离异常因素的影响。例如分析我国 GDP 的时间序列。必须考虑"文革"因素对国民经济的破坏性影响。剔除不可比的"文革"因素;
- (2)检验不同属性类型对因变量的作用,例如工资模型中的文化程度、季节对销售额的影响。
- (3)提高模型的精度,相当于将不同属性的样本合并,扩大了样本容量(增加了误差自由度,从而降低了误差方差)。

#### 7.1.3 虚拟变量的设置

1. 虚拟变量的设置

虚拟变量是用以反映质的属性的一个人工变量,通常记为 D(Dummy)。虚拟变量 D 只取 0 或 1 两个值,对基础举利或肯定举现设 D = 1,对比较举现或否定举现设 D = 0.

虚拟变量的赋值是任意的(一般取整数序列 0.1.2,….d);虚拟变量赋值为 0 的类别称 之为募准类,或对比类,或控制类,或遗漏类(根据研究习惯而约定的)。虚拟变量 D 的系数 (回归系数) 称之为差别截距系数,它表明取值为1 的类别与基准类截距的差别,类别对应变 备可截的差异。

處拟变量在模型中,可以作解释变量,也可以作因变量,虚拟变量作解释变量时出现在 方程的右端,處拟变量作因变量(被解释变量)时出现在方程的左端。

引人虚拟变量后,回归方程中一般同时含有解释变量和虚拟变量,这种结构的模型被称 为虚拟变量模型或斜方差分析模型。

另外,根据處拟变量是解释变量或是被解释变量。也分为處拟自变量模型和虚拟因变量 權刑(其中。博和容量作因变量又蘇拉縣權利)。

数学意义;引人的虚拟变量和定量变量没有什么本质区别。因此, 经典线性回归计量分析方法县有效的。

经济学意义,引入"虚拟变量"是为了刻商、区分、说明经济现象的属性,仅此而已。

2. 虚拟变量的设置原则

在模型中引入多个虚拟变量时,虚拟变量的个数应按下列原则确定:

如果有m种互斥的属性类型。在模型中引入m-1个虚拟变量。否则会出现完全共线性问题,陷入虚拟变量的陷阱。

例如,性别有两个互斥的属性,引用2 1-1个虚拟变量;再如,文化程度分小学、初中、高中、大学、研究生5类,引用4个虚拟变量。

## 7.2 虚拟变量作解释变量的模型

#### 7.2.1 虚拟变量作加项

设对某种职业者的工资采集了10个样本,列于表7-1,单位略去,性别栏中1表示男性, 0 表示女件。

表 7-1 某种职业套工资资料									单位:百元	
序号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
工资	22.0	19.0	18 0	21 7	18.5	21.0	20. 5	17.0	17.5	21.2
性别	1	0	0	1	0	1	1	0	0	1

#### 我们以件别为自变量建立回归模型

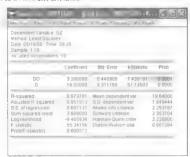
$$Y_{i} = \beta_{i} + \beta_{1}D_{i} + u_{i}$$
 (7 - 1

对于表中资料回归得:

$$Y_{-} = 18,00 + 3,28D$$

它表示,女性的平均工资为 18.男性的平均工资为 18+3. 28=21. 28。由于回归系数  $\beta$ .的  $\epsilon$ 统计量为 7. 44,远大于临界值、非常显著。故认为该项工作男女工资存在差别。

图 7-1 为 EViews 软件估计结果。



性, 空量 DD 因方程中的建模变量 D。C 为常教

图 7-1 EViews 软件估计结果

一般地,对模型式(7-1)

$$E(Y_i \mid D_i = 0) = \beta_0$$
 (7-2)

$$E(Y_i \mid D_i = 1) = \beta_0 + \beta_1$$
 (7 - 3)

若 ß, 显著性检验通过,应认为 D, 的属性集合存在显著差别。

上面的模型除了考虑性别外,没有考虑任何其他因素。如果考虑其他因素对工资的影响,比如工龄,可以取实际数值,以 X 表示,则有模型

$$Y_{-} = \beta_{-} + \beta_{1}D_{-} + \beta_{2}X_{-} + u_{1}$$
 (7 - 4)

此时

$$E(Y, | X, D, = 0) = \beta_0 + \beta_2 X,$$
 (7-5)

$$E(Y, | X_{1}, D_{1} = 1) = (g_{0} + g_{1}) + g_{0}X,$$
 (7-6)

如果系数 8. 是统计显著的,表示工资还是存在性别差异的。

如果某个因素有3个属性。能不能用这种两项选择的开关变量表示呢?可以使用两个开 关变量。比如学位分3个等级:学士,硕士,博士,就引进

$$D_{1i} = \begin{cases} 0 & \neq \pm \\ 1 & 其他 \end{cases}$$

$$D_{2i} = \begin{cases} 0 & 硕 \pm \\ 1 & = \end{cases}$$

建立加下维形

$$Y_r = \beta_0 + \beta_1 D_{11} + \beta_2 D_{20} + \beta_5 X_1 + u_1$$
 (7 - 7)

颐

$$E(Y, | D_1 = 0, D_2 = 0) = g_1 + g_2 X,$$
 (7 - 8)

$$E(Y_i \mid D_1 = 1, D_2 = 0) = \beta_0 + \beta_1 + \beta_2 X_i$$
 (7-9)

$$E(Y_t \mid D_t = 1, D_t = 1) = \beta_t + \beta_1 + \beta_t + \beta_t X_t$$
 (7 - 10)

不过更多的情况是将两个虚拟变量用来区分两个因素。如用 $D_1$ 区分性别,用 $D_2$ 区分肤色,等等。

可以使用更多的虚拟变量,如有人研究业余兼职者的工资状况,建立如下的回归方程

$$Y = 37.07 + 0.403X_1 - 90.06D_2 + 75.51D_3 + 47.33D_4 + 113.64D_5 + 2.26X_6 + u$$

(7 - 11)

式中、 $X_1$  是第一职业工资; $D_1 \sim D_0$  都是开关变量,用来区分肤色(白人、非白人),居住地(城区、非城区),地域(西部、非西部),学历(高等教育、非高等教育); $X_0$  是年龄。

上述谈到的都是虚拟变量作加项,它影响回归方程的均值,即影响模型的截距。

#### 7.2.2 虚拟变量作乘项

下面考虑虚拟变量作乘项,它影响回归方程的斜率。开始我们也看一个具体的数值例 子.表7-2 易英国 1946 年 ~ 1963 年医民储蓄与收入资料,单位县百万茶物。

	表7・2 美国 1946 年~ 1963 年辰氏雷書与収入資料										
4	き分	4136	收人	年份	储書	收人					
1	946	0.36	8. 8	1955	0. 59	15. 5					
1	947	0.21	9. 4	1956	0.90	16. 7					
1	948	0.08	10.0	1957	0. 95	17.70					
1	949	0 20	10.6	1958	0. 82	18. 6					
1	950	0.10	11.0	1959	1.04	19.7					
1	951	0.12	11.9	1960	1, 53	21. 1					
1	952	0.41	12. 7	1961	1. 94	22. 8					
1	953	0.50	13.5	1962	1.75	23. 9					
1	954	0.43	14.3	1963	1. 99	27. 20					

表 7 - 2 英国 1946 年 ~ 1963 年辰民餘蓄与收入资料

表上粗略显示,资料可以分为两个时期;1946年~1954年为战后恢复时期;1955年~1963年为振兴时期,我们可以分别建立两个回归方程

$$Y_{1i} = \beta_{10} + \beta_{11}X + u_{1i}, i = 1, \dots, n_1$$
 (7-12)

$$Y_{z_i} = \beta_{i0} + \beta_{i1} X + u_{z_i}, i = 1, \cdots, n_2$$
 (7-13)

对于本例具体资料,可以回归得:

$$Y_{1i} = -0.2663 + 0.0470 X_{1i}$$
 (7 - 14)

$$Y_{z_i} = -1.3957 + 0.1314X_{z_i}$$
 (7 - 15)

两个方程的斜率不一样,反映储蓄增长速度后来加快了。

要检验这组资料是否真的应该划分为两组,建立两个回归模型。或者说要检验这两个回 归为程是否有显著性差别。可以使用 Chow 检验法(具体方法其他章节介绍),但是,一组资 料用两个方程描述会带来请多不便,使用虚拟变量,可以用一个方程描述回归方程斜率参数 (非常数因子)的变化。

对于本例资料,可以建立如下方程

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 D_i + \beta_2 X_i + \beta_2 (D_i X_i) + u_i$$
 (7-16)

其中,Y 为储蓄;X 为收入;D 为二值虚拟变量

$$D = \begin{cases} 1 & X, 属于第一个时期 \\ 0 & X, 属于第三个时期 \end{cases}$$

61

$$E(Y, | D_1 = 0) = g_1 + \beta_1 X_1$$
 (7 - 17)

$$E(Y, | D_i = 1) = (a_1 + a_2) + (\beta_1 + \beta_2)X,$$
 (7 - 18)

对于本例资料,可以计算得回归方程

$$Y_{i} = -1,3957 + 1,1294D_{i} + 0,1314X_{i} - 0,0844D_{i}X_{i}$$
 (7 - 19)

取 D. = 0,则

$$Y_{i} = 1.3957 + 0.1314X_{i}$$
 (7 20)

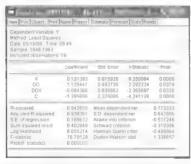
取 D. = 1.则

$$Y_{1} = (-1.3957 + 1.1294) + (0.1314 - 0.0844)X_{1}$$

与两个方程效果是一致的(末位数含有含入误差)。

 $=-0.2663 \pm 0.0471X$ 

图 7-2 为方程(7-16) 的估计结果。



注:变量 DD 即方程中的虚拟变量 D.C 为常数、DDX 表示虚拟变量 与 X 的条积。 图 7-2 方與 7-16 的 EViews 回归结果

效果是一致的,为什么要采用一个方程而不用两个方程?除了便于统一处理外,一个方程很大的优点是增加了自由度,从而增加了参数估计的精度。样本数几乎增加一倍,面因增

(7 - 21)

加变量数仅减少两个自由度。自由度 = n-m。

有人使用虚拟变量建立失业率与工作空位率之间的关系,也是有一个参数变化点:

$$UN_{i} = \beta_{0} + \beta_{1}D_{i} + \beta_{2}V_{i} + \beta_{3}(D_{i}V_{i}) + u_{i}$$
 (7 - 22)

这里UN 是失业率(unemployment rate),V 是工作空位率(job-vacancy rate),D 是二值 开关变量。

有人建立起服装消费与性别、文化教育的关系,使用两个开关变量

$$Y_1 = \beta_0 + \beta_1 D_{11} + \beta_2 D_{21} + \beta_3 X + u$$
 (7 - 23)

这里 Y 是服装的消费量、X 是收入, D, 用来区分性别, D, 用来区分受教育程度, 由于考 您女性受过高等教育者的服装消费远大于其他人, 即性别因素与受教育程度有交互作用。故 帮回口方舆改进为

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 D_1 + \beta_2 D_2 + \beta_3 X + \beta_4 (D_1 D_2) + u_1$$
 (7 - 24)

即添加一项(D<sub>1</sub>,D<sub>2</sub>,)以反映交互作用。

#### 7.2.3 蒙节分析

怎样使用虚拟变量做季节分析?

许多经济资料受季节影响,如销售旺季一般在第一季度,做季节分析有两个任务,一是 如何在回归模型中反映季节影响,二是如何在回归模型中消除季节影响,消除季节影响的任 务也是重要的,这样可以看到总的趋势,许多重要经济指针如物的指数,是消除了季节影响 的,

我们可以使用虚拟变量来达到上述双重目的。设建立如下回归季节分析模型

$$Y_i = \alpha_1 + \alpha_2 D_{2i} + \alpha_3 D_{2i} + \alpha_4 D_{4i} + X\beta + u_i$$
 (7 - 25)

其中

这里假定第一季度为基准。如果系数 e<sub>1、e2、e3</sub>、n,为统计显著的,则表示存在显著的季节因 赛斯· 而且 可以定出各季节的单独回归方程,最后的系数 g 是对非季节因于作响应的,它 或影响了专节影响,下面以具体资料本作说明。

## 【算例 7.2.3】 季节分析模型

表7-3 是美国制造业在1965 年至1970 年利润与销售额的资料。每年分4个季度统计、单位为亿美元。

• 104 •

表 7 3 美国制造业利润销售额数据

年度	季度	利润	销售额
1965	I	10. 503	114.862
	II	12. 092	123, 968
	п	10.834	121. 454
	EV.	12. 201	131. 917
1966	I	12, 245	129. 911
	п	14.001	140. 976
	10	12. 213	137. 828
	IV	12. 820	147.465
1967	I	11.349	136. 989
	II.	12. 615	147, 26
	ш	11.014	141.536
	IV .	12. 730	151.776
1968	1	12. 539	148. 862
	B	14. 849	158. 913
	ш	13. 203	155. 727
	IA.	14. 947	168, 409
1969	I	14. 151	162, 781
	п	15. 949	176.057
	m m	14. 024	172. 419
	ĮV	14. 315	183, 327
1970	I	12. 381	170. 415
	п	13.991	181, 313
	ш	12. 174	176. 712
	W	10. 985	180. 370

建立式(7~25)的季节分析模型,调用本例数据使用计量软件回归得;

 $Y = 6.68 + 1.309D_t$  0.218 $D_t + 0.170D_t + 0.038X$ 

对于回归系数的显著性 r 检验,在 0.10 显著性水平下, r 统计量分割为 3.88.2.04, 0.34,0.26,3.31,可见第 :李度 D, 的系数通过 10% 显著性水平检验。显者: 俯傳额 X 的 系数显著: 而第 - 、第四季使的系数不显著, 回自方程中 X 的系数 0.38 就是消除了季节影

响的,它表示销售额每增加1美元,平均利润将增加约3.8美分。

图 7-3 为方程(7 25) 的 EViews 估计结果。

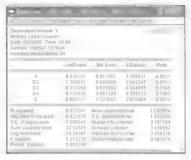


图 7-3 方程 7-25 的 EViews 估计结果

既然只有第二季度显著.则可以考虑建立简化的季节分析模型

$$Y = \alpha_1 + \alpha_2 D_2 + X\beta + u \qquad (7-26)$$

这在我们的程序里很容易办到。回归得:

 $Y = 10.71 + 1.311D_2 + 0.0122X$ 

## 7.3 虚拟因变量的模型

上一节介绍的虚拟变量都是作自变量,在经济工作中还经常遇到因变量是虚拟变量或 离散变量的情形。比如、统计居民有无住房与收入关系、则可以建立模型

$$Y_{\epsilon} = \beta_{\epsilon} + \beta_{\epsilon} X_{\epsilon} + u_{\epsilon} \qquad (7 - 27)$$

$$Y_{\epsilon} = \begin{cases} 1 & \text{ $\hat{\eta}$ $\hat{\Pi}$ $\hat{\theta}$} \\ 0 & \text{ $\hat{\tau}$ $\hat{\Pi}$ $\hat{\theta}$} \end{cases}$$

研究股市涨落:

$$Y_i = X_i \beta + \epsilon_i$$
 (7 - 28)  

$$Y_i = \begin{cases} 1 & \text{iff} \\ 0 & \text{ord} \end{cases}$$

诸如此类的 : 值选择问题还有很多很多。

可能有人会说,这样的回归有什么问题吗?是的,是有些问题。本节将逐步揭示和解决这 类回归模型存在的问题。

### 7.3.1 二值选择的线性概率模型

我们考虑住房与收入关系的二值选择模型(7 27)。线性回归模型

$$Y = X\theta + u \quad E(u) = 0, \quad Var(u) = \sigma^2 I.$$
 (7 - 29)

经常可以写成等价形式

$$E(Y) = X\theta, \quad Var(Y) = \sigma^{2}I, \qquad (7-30)$$

因此式(7-1)也可以写为:

$$E(Y, \mid X_i) = g_i + g_i X, \qquad (7-31)$$

不讨方券我们暂不作假定。

由于 Y, 取值非 0 即 1, 如设 Y, 取 1 的概率为 P, 则它取 0 的概率为 1 - P, 并且

$$E(Y_i) = 0 \cdot (1 - p_i) + 1 \cdot p_i = p_i$$
 (7 - 32)

所以自然有

$$0 \leqslant E(Y, \mid X_i) \leqslant 1 \tag{7-33}$$

这是一个应有的限制,但是普通最小二乘结果很难保证遵守这一限制。这是第一个特殊点。 考虑我差

$$u_i = Y_i - \beta_0 - \beta_1 X_i \qquad (7 - 34)$$

由于Y,非0即1,故

$$u_i = \begin{cases} 1 - \beta_0 - \beta_1 X_i & \stackrel{\triangle}{=} Y_i = 1 \\ -\beta_0 - \beta_1 X_i & \stackrel{\triangle}{=} Y_i = 0 \end{cases}$$
 (7-35)

故这个二值选择模型的残差难以服从正态分布,而是服从二项分布。这是与普通最小 二 棄相比的第二个特殊点。

既然 u, 服从二项分布,就有二项分布的方差:

$$Var(u_i) = P_i(1 - P_i) = E(Y_i \mid X_i)[1 - E(Y_i \mid X_i)]$$
 (7 - 36)

可见残差项的方差不是常数,而与Y,的条件期望值有关,即它是异方差的。这是第三个 特殊点。

尽管如此,对于二值选择模型还是可以试一试线性回归模型。当对应Y, = 1 的 X, 比较 集中于一点,对应于Y, = 0 的 X, 比较集中于另一点时,回归效果可能是好的。

【算例 7.3.1】 有无住房与收入关系模型

设对住房与收入有如表7 4的调查资料

表 7-4 住房与收入调查资料

序号	Y	X	序号	Y	X				
, 1	1	. 8	21	1	22				
2	1	16	22	1 .	16				
3	1	18	23	0	12				
4	0	11	24	0	11				
5	0	12	25	1	16				
6	1	19	26	0	11				
7	ι	20	27	1	20				
8	0	13	28	1	18				
9	0	9	29	0	11				
10	0	10	30	0	10				
11	1	17	31	1	17				
12	1	18	32	0	13				
13	0	14	33	1	21				
14	1	20	34	1	20				
15	0	6	35	0	11				
16	1	19	36	0	8				
17	1	16	37	1	17				
18	0	10	38	1	16				
19	0	8	39	٥	7				
20	1	18	40	1	17				

## 建立二值选择回归模型

$$Y_{\scriptscriptstyle 1} = \beta_{\scriptscriptstyle 0} + \beta_{\scriptscriptstyle 1} X + u_{\scriptscriptstyle 1}$$

$$(7 - 37)$$

Y. = 
$$\begin{cases} 1 & 有住房 \\ 0 & 无住房 \end{cases}$$

作 OLS 得:

$$Y_{i} = -0.8009 + 0.0938X_{i}$$

$$(7 - 38)$$

$$R^z - 0.6842$$

这里 ß,可以解释为:收入每增加1个单位,有住房的概率就会增加9.38%,而不能解释 成收入每增加1个单位,Y增加0.0938个单位。因为因变量是非连续的,即非0即1变量。

#### 7.3.2 二值选择因变量模型

上述該到:備选排模型存在二个特殊点,其中方差非正态问题可以通过大样本衡近分 布为正态来弥补,异方签问题可以用广义最小二乘方法弥补,而要求 $0 \leqslant \hat{Y}, \leqslant 1$ 则用普通线 性概率回归难以做到。

$$Y_{-} = -0.8009 + 0.0938X_{-}$$
 (7 - 39)

当收入为 10 时,有住房的可能性是 0.127;当收入提高到 20 时,有住房的可能性为 1.065,已超过 100%;当收入为 30 时,则为 2.013,等等,显然,这个模型需要改进。

改讲的目标可以用图 7-4 表示。

如果有一个这样的模型函数,则它满足 $0 \le Y_i \le 1$ ,同时变化越来越镬,比较符合实际。 亿万富裁与百万富裁,尽管收入相差百倍,但有住房的可能性应该是差不多的,一年旷课 800天的学生与旷课 200天的学生不及格的可能性差不多,每天抽1包烟与每天抽3包烟的人得肺癌的可能性也差不多。

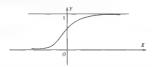


图 7-4 住房-收入権型的改讲目标

怎样找到这样--个函數呢?

假设有一个未被观察到的潜在变量 y; ,它与 z, 之间具有线性关系,即

$$y_i^* = x_i \beta + u_i \qquad (7-40)$$

其中, u, 是扰动项。y, 和 y, 的关系如下:

$$y_{i} = \begin{cases} 1 & y_{i}^{*} > 0 \\ 0 & y_{i}^{*} \leq 0 \end{cases}$$
 (7-41)

当 y, 大于临界值 0 时, y, 1;当 y, 小于等于 0 时, y, 0,这里把临界值选为 0,但事实上只要 z, 包含有常数项,临界值的选择就是无关的,所以不妨设为 0,这样

$$\begin{split} &P(y_i = 1 \mid x_i, \beta) - P(y_i^* > 0) = P(u_i^* > -x\beta) = 1 - F(-x\beta) \\ &P(y_i = 0 \mid x_i, \beta) = P(y_i^* \leqslant 0) = P(u_i^* \leqslant x\beta) - F(-x\beta) \end{split} \tag{7-42}$$

其中,F是u,的分布函數,要求它是一个连续函數,并且是单调递增的。因此,原始的回 归模型可以看成如下的一个回归模型:

$$y_i = 1 - F(-x_i\beta) + u_i$$
 (7-43)

即 y, 关于它的条件均值的一个回归。

分布函數的类型决定了二元选择模型的类型。根据分布函數F的不同,二元选择模型可以有不同的类型,常用的二元选择模型如表7-5所示。

	表 7-5 常用的二元选择模型	
4, 对应的分布	分布函数 F	相应的二元选择模型
标准正态分布	<b>⊕</b> (x)	Probit 模型
逻辑分布	e*/(1+e*)	Logit 模型

事 7 - 5 常用的二元後搭載号

### 7.3.3 二元选择模型的估计问题

除了二元线性概率模型外,其他二元选择模型一般均采用极大似然估计。似然函数为:

$$L = \prod_{x_i=0} [1 - F(x_i \beta)] \prod_{x_i=1} F(x_i \beta)$$
 (7 - 44)

110

$$L = \prod_{i=1}^{N} [F(x_{i}\beta)]^{s_{i}} [1 - F(x_{i}\beta)]^{1-s_{i}}$$
 (7 - 45)

对数似然函数为:

$$\ln L = \sum_{i=1}^{N} \{y_i \ln F(x_i \beta) + (1 - y_i) \ln [1 - F(x_i \beta)]\}$$
 (7 - 46)

对数似然函数的 -阶条件为:

$$\frac{\partial \ln L}{\partial \beta} = \sum_{i=1}^{N} \left[ \frac{y_i f_i}{F_i} + (1 - y_i) \frac{-f_i}{(1 - F_i)} \right] x = 0 \qquad (7 - 47)$$

其中。f,表示概率密度函數。那么如果已知分布函數和密度函數的表达式及样本值。求 解该方程组、較可以得到參數的极大似然估计量。例如、将上途两种分布函數和密度函數代 人式(7 47)中。就可以得到两种模型的參數极大似然估计。但是式(7-47)通常是非线性 的。密用液代性流并不解。

二元选择模型中估计的系数不能被解释成对因受量的边际影响,只能从符号上判断,如 無为正,表明解释变量越大,因变量取 1 的概率越大,反之,如果系数为负,表明相应的概率 將越小。

图 7-5,图 7-6 为【算例 7.3.1】的 Probit 和 Logit 估计。

dependent Variable Y dethod ML Binary Pro- vate 05/16/08 Time 1 ample 1 40 no uded observations convergence achieved lovanance matrix com-	10 22 40 after 5 iteratio	ins	ec	
	Coefficient	Std Error	z-Statistic	Prob
X	0 417469 -5 650016	0 099449	4 198023 -4 186180	0 0000
tof adden R-squared D dependent var kaske info criterion schwarz criterion tannan-Quisno criter R stabstic rob(LR stabstic)	0 657078 0 503831 0 571955 0 656399 0 602488 36 17289 0 009060	Mean depend SE of regres Sum squared Log likethoot Restring like Avg log like i	ision d resid d elihood	0 550300 0 232266 2 049999 -9 439110 -27 52555 -0 235978
bs with Dep=0 bs with Dep=1	18	Total obs		40

图 7-5 【算例 7.3.1】的 Probit 估计的 EViews 结果

ependent Variable Y				
lethod ML Binary Los	ort (Quadratic	hrt climbing)		
ate 05/16/08 Time 1	10.25			
Sample 1 40				
nc uded observations				
convergence achieved				
ovariance matrix com	puted using s	econd derivativ	8.5	
	Conficient	Std Error	z-Statistic	Prob
×	0.858143	0.254337	3.374046	0.0007
C	-11 87519		3 301602	0.0000
r Fadden R squared	0 585501			0 550000
D dependentivar	0 503831			0 211057
warke info criterion	0 532700			1 692717
ethwarz entenon		Log likelihöos		-8 853993
ramnan-Quinn criter	0 563232	Restr log ske		-27 52555
.R statistic	37 74312	Arg log I keld	nood	-0 216350
Protrice statistic)	0.0000000			
	18	Total obs		4.0
bs with Dep-0				

图 7-6 【算例 7.3.1】的 Logit 估计的 EViews 结果

Probit 模型结果。

$$Y^* = -5.65 + 0.4175X$$
 (7 - 48)

Logit 模型结果:

$$Y^* = -11.8752 + 0.8581X$$
 (7 - 49)

从 2 统计量显著性水平观察。两个模型均通过 「 95% 的显著性水平檢驗。表明两个方程回归效果较好。之所以使用 2 统计量而不是我们熟悉的 统计量。主要是因为 虽然这里的 2 统计量。但从严格意义上来说。Probit 模型和 Logit 模型并不服从真正的 1 分布。在没有更好的分布检验的情况下。仍然使用 1 分布检验。但强调并非真正的 1 分布检验,而使用 2 统计量条代卷。

由于二元选择顺即中估计的系数不能被解释成改团安置的边际影响。对系数的解释就显得 复杂,对上途 Probit 的估计结果不能解释成改人(X) 每增加1元,将导致 Y增长0.4175单位;Logit 模型的结果也不能如此解释。只能大致认为收人(X) 越高,有房屋(Y=1) 的概率越大。

解释自变量的条件概率的边际影响可由下式给出:

$$\frac{\partial E(y \mid x, \beta)}{\partial x} = f(-x\beta)\beta_j \qquad (7-50)$$

f 是 F 的密度函数、注意  $\beta$ ,用因子 f 加权、f 依赖于 x 中的所有回归项的值。还要注意 到,既然密度函数是非负的 x  $\beta$  中的 一个变化的影响方向数只依赖于系数  $\beta$  ,的符号  $\alpha$   $\beta$  。正值 意味着 x 增加格会增加反应的概率。由值意味着相反的结果。

EViews 软件不能直接给出 Probit 模型和 Logit 模型的边际效应值,需要手工计算。但另一统 计软件 Stata 可以直接给出相关边际效应值,我们可以使用此软件估计两个模型的边际效应值。

	表 7-9 L 鼻門 7.3.1 』的 LOUT 省订股票的边际双出											
variable	dy/dx	Std. Err.	*	P > z								
I	0. 2025389	0.06218	3. 26	0.001								

## 表 7-7 【算例 7.3.1】的 Probit 估计编集的边际效应

variable	dy/dx	Std. Err.	z	P>z
Z	0.156001	0. 03523	4. 43	0

Logu 结果的边际效应说明,收入每增长 1 元. 有房屋的概率就会增加 20. 25% i Probit 结果的边际效应说明。收入每增长 1 元铁。有房屋的概率就会增加 15. 60%,这样,就很好地 解释了模型条数的含义。

## 7.4 案例分析

改革开放以来,随着经济的发展中国缺多层民的收入快速增长,同时城乡层民的储蓄存款 也迅速增长,经济学界的一种成点认为,20世纪 90年代以后由于经济体制,任房、医疗、养老等 社会保障体制的变化,使居民的储蓄行为发生了明显改变,为了考察改革开放以来中国居民的

储蓄存款与收入的关系是否已发生变化,以城乡居民人民币储蓄存款年底余额代表居民储蓄 (Y),以国民总收入 GNI 代表城乡居民收入,来分析居民收入对储蓄存款影响的数量关系。

表7-8为1978年~2003年中国的国民总收入和城乡居民人民币储蓄存款年底余额及 增加额的数据。

7-8 国民总收入与居民储蓄存款

单位:亿元

		44.7	0 1000		I PURE IT IN		+ BE 1 10 70
年份	国民总收入 (GNI)	城乡居民人民 币储蓄存款年 底余額(Y)	城乡居民人民 币储蓄存款增 加额(YY)	年份	国民总收入 (GNI)	城乡居民人民 币储蓄存款年 底余额(Y)	城乡居民人民 币储蓄存款增 加额(YY)
1978	3624. 1	210.6	NA	1991	21662.5	9241.6	2121.800
1979	4038. 2	281.0	70.4	1992	26651.9	11759. 4	2517. 800
1980	4517.8	399.5	118.5	1993	34560.5	15203.5	3444. 100
1981	4860.3	532. 7	124. 2	1994	46670.0	21518.8	6315.300
1982	5301.8	675. 4	151.7	1995	57494.9	29662.3	8143.500
1983	5957.4	892. 5	217.1	1996	66850, 5	38520.8	8858. 500
1984	7206.7	1214.7	322. 2	1997	73142.7	46279.8	7759.000
1985	8989. 1	1622. 6	407. 9	1998	76967. 2	53407.5	7615 400
1986	10201.4	2237. 6	615.0	1999	80579.4	59621.8	6253.000
1987	11954. 5	3073.3	835.7	2000	88254.0	64332. 4	4976.700
1988	14922. 3	3801.5	728. 2	2001	95727. 9	73762. 4	9457.600
1989	16917.8	5146.9	1374.2	2002	103935.3	86910.6	13233, 20
1990	18598.4	7119.8	1923. 4	2003	116603.2	103617.7	16631.90

数据来源点中国统计年鉴 2004》,中国统计出版社。液中"城乡居民人民币储蓄存款年增加额"为年鉴 数值,与用年底余额计算的数值有差异。

为了研究 1978 年 ~ 2003 年期间域乡民民储蓄存款随收入的变化规律最否有变化。考 证城乡居民储蓄存款、国民总收入随时间的变化情况,如图7-7所示。

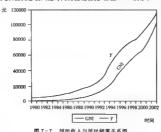


图 7-7 国民收入与居民储蓄关系图

从图 7-7中,尚无法得到民民的储蓄行为发生明显改变的世尽信息,取居民储蓄的增量 (YY),并作时序图(见图 7-8)。

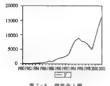


图 7-8 国民收入图

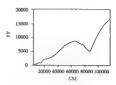


图 7-9 层层链套变化图

从图 7-8 可以看出,国民收入表现出了明显的阶段特征,在1996 年和2000 年有两个明 显的转折点。再从图 7-9 看越乡居民储蓄存款增量与国民总收入之间关系也呈现出了相同 的阶段性特征。

为了分析居民储蓄行为在 1996 年前后和 2000 年前后三个阶段的数量关系。引人虚拟 变量 D: 和 D2. D: 和 D2 的选择,是以 1996、2000 年两个转折点作为依据的,1996 年的 GNI 为 66850. 50 亿元, 2000 年的 GNI 为 8254. 00 亿元, 并设定以加法和乘法两种方式同时引入 虚拟变量的模型。

 $Y_1 = \beta_1 + \beta_2 GNL + \beta_3 (GNL - 66850.50) D_{11} + \beta_4 (GNL - 88254.00) D_{22} + \mu$ 

其中:
$$D_{1\nu} = \begin{cases} 1 & t = 1996$$
 年以后 
$$D_{2\nu} = \begin{cases} 1 & t = 2000 \text{ 年以后} \\ 0 & t = 1996 \text{ 年及以前} \end{cases}$$

对上式进行回归后。得到图 7-10 中所示估计结果。

de e				**
Method Least Square Date 05/16/08 Time sample adjusted				
nc uded observio				
		- Error	I Statistic	Prob
	3 1		3 4	0.0001
	40.0	4 12		0.0000
2 x 25 4 4' M				0.0000
GN 88254 4	4 .	4'		0.0000
- 1,.2,	41	See Jun	10.00	4158.652
45, 1 6 , 163	-		-	45 45
for gen	4	191m *	16	7 2 4.
In the d	~ 4	645 5	or.	45 4 64
Log hkehhood	- 2-	Hannan Quin	n cuter	1 449
F statistic	65 < 1	Dustrio Watso	n stat	

即有:

$$YY_{\tau} = -830.4045 + 0.1445 \text{GNI}_{\tau} - 0.2914 (\text{GNI}_{\tau} - 66850.50) D_{1t}$$
  
  $+ 0.5602 (\text{GNI}_{\tau} - 88254.00) D_{2t}$   
 $SE = (172.1626) \quad (0.0057) \quad (0.0272) \quad (0.0401)$   
 $\mathbf{t} = (-4.8234) \quad (25.1700) \quad (-10.7192) \quad (13.9581)$   
 $\mathbf{R}^{t} = 0.9895 \quad \overline{\mathbf{R}}^{t} = 0.9880 \quad \mathbf{F} = 659.5450 \quad \mathbf{DW} = 1.6777$ 

由于各个系数的 / 检验均大于 2、表明各解释变量的系数显著地不等于 0,居民人民币储 富存款年增加额的回归模型分别为。

$$YY_{,} = -830.4045 + 0.1445GNI_{,} + \epsilon_{1t}$$
  $t \le 1996$   
 $YY_{,} = 8649.8312 - 0.1469GNI_{,} + \epsilon_{2t}$   $1996 < t \le 2000$   
 $YY_{,} = -30790.0596 + 0.4133GNI_{,} + \epsilon_{2t}$   $t > 2000$ 

这表明三个时期居民储蓄增加额的回归方程在统计重义上确实是不相同的,1996年以 前收入每增加1亿元,居民储蓄存款的增加额为0.1445亿元,在2000年以后,则为0.4133 亿元,已发生了很大变化。上述模型与域乡居民储蓄存款与闽民总收人之间的散布图是吻合 的,与当时中国的实际经济运行状况也是相符的。

需要指出的是。在上述建模过程中,主要是从教学的目的出发运用虚拟变量法则,没有 考虑通价膨胀因素。而在实证分析中,储蓄函数还应当考虑通价膨胀因素。

#### 恩考与练习

- 1, 引入虚拟变量的作用是什么?
  - 2. 虚拟变量引入有几种模型,如何判断?

  - 3. 虚拟变量设置的原则是什么?
  - 4. 为什么要引入虚拟因变量?
  - 5. Logit 估计和 Probit 估计适用的范围有何区别?
- 6. 莱研究所 1999 年 50 名硕士考生的入学总分数(score) 及桑取情况见表?-9.考生考试总分数用 score表示,Y为京取状态(杂取为1,否则为0),D为应届生与柱届生的虚拟变量(应属生为1,否则为0),请用 Probit 和 Lognt 模型估计入学分数以及往,应届生对汞取与否的影响,并解释规则之。

## 表 7-9 50 名硕士考生的入学考试总分數及录取状况数据表

Obs	Y	score	D	Obs	Y	score	D	Obs	Y	score	D
3	1	401	1	18	0	355	1	35	0	332	1
2	1	401	0	19	0	354	1	36	0	332	1
3	1	392	1	20	0	354	0	37	0	331	1
4	1	387	0	21	0	353	1	38	0	330	1
5	1	384	1	22	0	350	0	39	0	328	1
6	1	379	0	23	0	349	0	40	0	328	1
7	1	378	0	24	0	349	0	41	0	321	1
8	1	376	0	25	0	348	1	42	0	321	1
9	1	371	1	26	0	347	1	43	0	318	1
10	1	362	0	27	0	347	1	44	0	318	1
11	1	362	0	28	0	344	1	45	0	316	0
12	1	362	1	29	0	339	1	46	0	308	1
13	1	361	1	30	0	338	0	47	0	308	0
14	0	359	1	31	0	338	1	48	0	304	1
15	0	358	1	32	0	336	1	49	0	303	C
16	1	356	l	33	0	334	0	50	0	302	1
17	0	356	1	34	0	332	1	Į.			

## 第八章 分布滯后模型与自回归模型

## 8.1 滞后效应与滞后重量模型

前面談论的模型都是静态模型。本章将开始学习动态模型。即描述了因变量相对于它的 过去值的时间走径。滞后变量模型考虑了时间因家的作用、使静态分析的问题有可能成为动 态分析。含有滞后解释变量的模型、又称动态模型(Dynamic Model)。因变量受到自身或另 一颗释变量的前几期信影响的现象张为挪后效应,表示前几期信的变量数为挪后令量。

### 8.1.1 经济生活中的滞后效应

在经济学中。因变量对解释变量的依赖很少是瞬时的。因变量与解释变量的回应有一个时间的延迟、选种时间延迟就是滞后。在经济运行边壁中,广泛存在时间滞后效应、某些经济变量不仅受到间期各种因素的影响。而且也受到过去某些时期的各种因素甚至自身的过去值的影响。另外,由于经济活动的惯性。一个经济指标以前的变化态势往往会延续到本期,从而形成被解释变量的当期变化同自身过去取值水平相关的情形。经济通常把这种过去时期的、具有滞后作用的变量叫做挪后变量(Lagged Variable)。含有滞后变量的模型称为滞后变量模型。

我们来看一个消费函数的例子。

通常认为:本期的前费除了受本期的收入影响之外:还受上一期或更上一期收入的影响。假定消费者将每一年收入的50%用于当年消费:30%用于第二年消费;10%用于第三 年消费:其余作为长期储蓄。这样消费函数表示为;

$$C_t = \alpha + 0.5Y_t + 0.3Y_{t-1} + 0.1Y_{t-2} + u_t$$

其中, $C_t$ , $Y_t$ 分别为第t年的消费和收入, $Y_{t-1}$ , $Y_{t-2}$ 为第t-1年,第t-2年的收入, $\alpha$ 为常数。

#### 8.1,2 产生滞后效应的原因

为什么在经济生活中会出现播后现象?本书主要从三个因素来分析。

第一,心理因素。人们的观念和习惯是长期形成的。适应新的经济环境常常需要一段时间,例如,当收人水平提高成物价降低时,人们为了维持自己的生活习惯,往往不会立即增加,商费,如果认为收入是长期增长,那么也许会增加自己的消费水平,但这仍需要判断,而判断,也悬需要时间的。

第二,核术因素。如果相对于劳动力而言,资本的价格下跌致使使用资本代替劳动力更 为经济,资本的增加必然需要时间,而且人们若预期价格下降是暂时现象,特别是在资本价

格的暂时下跌后会回到原来的水平,厂商就不会很快用资本来代替劳动力了。

第三,制度因素。劳动契约和管理制度,或者粜单效应都会造成滞后。例如工人经常受到 与企业签订的合同的约束,不能根据劳动市场行精随时调整自己的工资。

#### 8.1.3 滞后变量模型

在涉及动态数据的回归分析中,如果回归模型不仅含有解释变量的当附值,还含有它们 的滞后值,就叫它为分布滞后模型。如果模型在它的解释变量中包含有因变量的---个或多个 滞后值,就称它为自回归模型。

分布滞后模型:

$$Y_1 = \alpha + \beta_0 X_i + \beta_1 X_{i-1} + \beta_2 X_{i-2} + \cdots + \beta_i X_{i-3} + u_i$$
 (8-1)

这种模型表明 t 期的 Y 不仅受 X 当期影响,还要受 X 的过去各期的影响。我们常见到的消费函数就是一个分布滞后模型,

$$C_1 = a + b_0 Y_1 + b_1 Y_{r-1} + b_2 Y_{r-2} + u_1$$

自回归模型:

$$Y_r = \alpha + \beta_0 X_r + \gamma_1 Y_{r-1} + \gamma_2 Y_{r-2} + \cdots + \gamma_n Y_{r-n} + \mu_r$$
 (8 - 2)

模型不仅含有X的当期值。主要的是含有被解释变量Y的q个时期的滞后值。常见的例如税收函数。

$$T_t = a + bY_t + cT_{t-1} + u_t$$

其实,我们必须还要考虑一个重要的问题,就是滞后期的选款,即上面的 s 和 q · 这在下 面的估计检验中是必须要弄清楚的。根据滞后期选取是否有限,滞后模型分为有限滞后模型 和无限滞后模型。

## 8.2 分布滞后模型的估计

#### 8.2.1 分布滞后估计遇到的问题

对于模型(8-1),我们可以看到:

分布滯后模型可以分为有限分布滯后模型与无限分布滯后模型。对于无限分布滯后模型。由于滞后项无限多而样本观测总是有限的,所以不能直接对其进行估计。而对于有限分布滞后模型,如果随机统动填满足占典假定。可以考虑用最小二乘法对模型进行估计。我们可以由线以下几方面的绘绘。

- (1)自由度问题。如果有限分布滯后模型的滯后长度为5,样本观測值个数n较小,随滯后长度5的增大,有效性样本容量n-5变小,会出現自由度不足的问题。
- (2)多重共线性问题、由于经济活动的新后继起性、经济变量的海后值之问遗常存在较级的联系,所以分布海后模型中海后解释变量观测值之间往往会存在严重的多重共线性问题,养宜餐使用量小二案法进行估计,则至少有些参数的估计会有较大偏差。

(3)滞后长度难于确定。在实际经济分析中用分布模型来处理滞后现象时,模型中滞后 长度的确定较为困难,没有充分的先验信息可供参考。

基于以上原因。必須对模型进行变换。以減少被估计参数的数目。可以考慮对滯后变量 加约束。把这些滞后变量组合成新的变量。具体方法有经验加权法、阿尔蒙多项式法和卡 伸立方法等。

#### 8.2.2 有限分布滞后模型估计的处理方法

无限分布滞后模型的估计思路,转化为自同归模型进行估计

#### 1. 经验加权法

所谓经验加权估计法,是根据实际经济问题的特点及经验判断,对滞后变量赋予一定的 权数,利用这些权数构成各滞后变量的线性组合,以形成新的变量,再应用最小二乘法进行 估计.

常见的滞后结构类型有:

(1) 遠喊滞后结构。有一种分布为几何分布,这种分布假定滞后解释变量的权重都为正 数。而且随着时间按几何指数下降。模型为;

$$Y_{t} = a + \beta(X_{t} + wX_{t-1} + w^{2}X_{t-1} + \cdots + w'X_{t-t}) + u_{t}$$
  

$$= a + \beta \sum_{i=1}^{\infty} w^{i}X_{t-i} + u_{t} \quad 0 < w < 1 \quad (8-3)$$

比如,消费函数服从以一个滞后期为3期的分布滞后模型。

这个模型的滯后期为 3 · 各期权数分别是  $\frac{1}{2}$  ·  $\frac{1}{4}$  ·  $\frac{1}{6}$  ·  $\frac{1}{8}$  。近期收入对消费的影响较大,而近期收入的影响溶解来较小。

$$W_{t} = \frac{1}{2}X_{t} + \frac{1}{4}X_{t-1} + \frac{1}{6}X_{t-2} + \frac{1}{8}X_{t-2}$$
 (8-4)

假定消费函数是线性的,设以下模型:

$$C_t = \alpha + \beta W_t + u_t \qquad (8-5)$$

把式(8~4)代人式(8~5)。得

$$C_t = \alpha + \beta(\frac{1}{2}X_t + \frac{1}{4}X_{t-1} + \frac{1}{6}X_{t-1} + \frac{1}{8}X_{t-2}) + u_t$$
 (8-6)

用 OLS 估计所得的估计值为:

$$\hat{b}_c = \frac{\hat{\beta}}{2}, \hat{b}_1, \frac{\hat{\beta}}{4}, \hat{b}_2, \frac{\hat{\beta}}{6}, \hat{b}_3 = \frac{\hat{\beta}}{8}$$

(2) 不变滞后结构。滞后变量的各期影响不随时间而变化,例如估计模型为:

$$Y_t = a + bW_t + u_t$$

而假定各期权数都为2,滞后期为3

$$W_r = \frac{1}{8}Y_r + \frac{1}{4}Y_{r-1} + \frac{1}{2}Y_{r-2} + \frac{1}{4}X_{r-2} + \frac{1}{8}X_{r-4}$$

同理估计得到各参数的估计值为:

$$\hat{b}_i - \frac{\hat{b}}{2}$$
  $i = 0,1,2,3,4$ 

(3) 倒 V 型滯后结构。这种模型的各期权數呈先递增后遠藏的特点。投资函數就是一个 很好的例子。例如估计的投资模型为:

$$I = a + bW_c + u_c$$

假定滯后期为 4,各期权數分別为 $\frac{1}{8}$ , $\frac{1}{4}$ , $\frac{1}{2}$ , $\frac{1}{4}$ , $\frac{1}{8}$ ,则合成新的解释变量:

$$W_{i} = \frac{1}{8}Y_{i} + \frac{1}{4}Y_{i-1} + \frac{1}{2}Y_{r-2} + \frac{1}{4}Y_{r-1} + \frac{1}{8}Y_{r-4}$$

同珅可以估计参数值.

这种估计方法虽然操作简单,但积极设置和滞后期的选取的生现随意性较大,自由度不 足,由于在估计相键的滞后过程中,剩下的自由度愈来愈少,致使估计检验的效果不那么好, 只有获得足够多的数据,才能消除这种影响,但数弱的收集并不是我们想象中的那么简单。

多電共线性:特别基在经济时间序列数据中、相继的源后值一般都是高度相关的,因此 多重共线性将影响整个估计过程。7個后长度难于确定,没有任何先验性的指引,只能靠主观 断定。

## 2. 阿尔蒙估计对于这样的有限分布滞后模型

阿尔蒙估计原理,利用多項式通近滯后模型参數的变化结构,減少了待估参数的數目, 从而清除多重共线性,其原理为,把持估模型的滯后項系數膏成是相应滯后期,的函數,在 以滯后期,为實施,滯后期系數的值为纵轴的坐标系中,若这些滯后系數能很好地报合在一 条光滑曲线上,我们就可以由一个关于;的次數较低的m次多項式很好地逼近,用數學模型 可以表示为,

$$\beta_i = \alpha_0 + \alpha_1 i + \alpha_2 i^2 + \dots + \alpha_m i^m$$
  $(i = 0, 1, 2, \dots, s; m < s)$  (8-7)

对于这样一个有限滞后模型:

$$Y_{i} = \alpha + \beta_{i}X_{i} + \beta_{1}X_{i-1} + \beta_{2}X_{i-2} + \cdots + \beta_{k}X_{k} + u_{i}$$
 (8 - 8)

这又可以简洁地写为:

$$Y_t = a + \sum_{i=0}^{8} \beta_i X_{i-i} + u_i$$
 (8-9)

把式(8-7)代人式(8-9),我们可以得到:

$$Y_{i} = \alpha + \sum_{i=0}^{k} (\alpha_{0} + \alpha_{1}i + \alpha_{2}i^{2} + \cdots + \alpha_{m}i^{m})X_{i-i} + u_{i}$$

$$= \alpha + \alpha_0 \sum_{i=1}^{k} X_{r-i} + \alpha_1 \sum_{i=0}^{k} r X_{r-i} + \alpha_2 \sum_{i=0}^{k} r^2 X_{r-i} + \cdots + \alpha_m \sum_{i=0}^{k} r^m X_{r-i} + u,$$
(8 10)

我们定义,

$$Z_{cc} = \sum_{i=0}^{s} X_{r-i}$$

$$Z_{1c} = \sum_{i=0}^{b} i X_{r-i}$$

$$Z_{2c} = \sum_{i=0}^{b} i^{2} X_{r-i}$$

$$\vdots$$

$$Z_{cd} = \sum_{i=0}^{s} i^{2} X_{r-i}$$

以上的变量变换就是阿尔蒙变化。那么原分布滑后模形就表示为。

$$Y_{i} = a + a_{0}Z_{0} + a_{1}Z_{0} + a_{2}Z_{0} + \cdots + a_{n}Z_{n} + u_{n}$$
 (8-11)

在阿尔蒙模型中、Y是对构造变量 Z 估计,而不是针对函数变量 X 作回引。如果随机干 状项  $\mu$ 满足经典线性回归模型的银定的话。这样得到的  $\alpha$  和  $\alpha$  。的估计值应该具有良好的统 计性质。

利用 OLS 法估计系数  $\alpha_1, \alpha_2, \cdots, \alpha_n$ ,我们即可从式(8-7) 中估计到原始的 $\cdots$  系列  $\alpha_1, \alpha_2, \cdots, \alpha_n$ ,我们即可从式(8-7) 中估计到原始的 $\cdots$  系列

$$\hat{\beta}_0 = \hat{\alpha}_0$$

$$\hat{\beta}_1 = \sum_{i=0}^{n} \alpha_i$$

$$\vdots$$

$$\hat{\beta}_m = \hat{\alpha}_0 + \sum_{k=1}^{n} \hat{\alpha}_k m^{\alpha}$$

其实书中的 m 是很少的。我们只是为了追求一般化。由此我们看到阿尔蒙代换能使解 释变置个教明县城少...而且 乙、之间的相关程度也大大城少...从而削弱或消除了多重共线性 的影响。而且运用于多种形式的分布滞后结构。不过使用阿尔蒙需要事先确定两个问题;滞 后期长度(本节的 b) 和多项式的次数(本节的 m)。

滞后期 m 长度的确定可以根据经济理论或事件经验加以确定,也可以通过一些统计检验来加以确定。这里介绍两种检验方法:

第一,可以根据解释变量 X 的各期滞后值与被解释变量 Y 之间的相关系数大致判断滞后期长度。

第二,在滞后模型中逐步添加滞后变量,扩大滞后期的长度,直到模型的拟合优度  $R^2$  不

再明显提高为止,或者先取一个较长的滞后期,再逐步剔除滞后变量。缩短滞后期长度,直到 模型的拟合优度 № 不再明显下降为止。

### 8.2.4 考伊克估计

对于模型

$$Y_t = a + \beta_0 X_t + \beta_1 X_{t-1} + \beta_2 X_{t-2} + \cdots + \beta_k X_{t-k} + u_t$$
 (8 - 12)

假定,各滯后变量的系数β,按一定的几何级数等比下降,即

$$\beta_k = \beta_0 \lambda^k$$
  $k = 0, 1, \cdots$ 

其中  $\lambda(0<\lambda<1)$  称为衰減率,而且各期滯后解释变量对被解释变量的总影响为  $\sum_{i=0}^{L}$   $\beta_i=\beta_i(\frac{1}{1-1})$  ,

我们把 β = βλ'代人(8-11)得:

$$Y_{t} = \alpha + \beta_{0} X_{t} + \beta_{0} \lambda X_{r-1} + \beta_{0} \lambda^{2} X_{r-t} + \dots + u_{t}$$
  
 $= \alpha + \beta_{0} \sum_{i} \lambda^{i} X_{r-t} + u_{t}$  (8 - 13)

把式(8-13) 滞后一期,得:

$$Y_{r-1} = \alpha + \beta_0 X_{r-1} + \beta_0 \lambda X_{r-2} + \beta_0 \lambda^{\dagger} X_{r-3} + \dots + u_{r-1}$$
  

$$= \alpha + \beta_0 \sum_{i} \lambda^{r-1} X_{r-i} + u_{r-1}$$
(8 - 14)

对式(8-14) 两边同时乘以 λ。得:

$$\begin{split} \lambda Y_{-t} &= \lambda \alpha + \lambda \beta_0 X_{-1} + \beta_0 \lambda^2 X_{-t} + \beta_0 \lambda^3 X_{-t} + \cdots + \lambda u_{-1} \\ &= \lambda \alpha + \beta_0 \sum_{i=1}^{s} \lambda^i X_{-i} + \lambda u_{-i} \end{split} \tag{8-15}$$

式(8-13)-式(8-15)得:

$$Y_{t} - \lambda Y_{t-1} = \alpha(1-\lambda) + \beta_{0} X_{t} + (u_{t} - \lambda u_{t-1})$$
 (8-16)

经整理得到,

$$Y_t = \alpha(1 - \lambda) + \beta_0 X_t + \lambda Y_{t-1} + v_t$$
 (8 - 17)

其中  $v_i = u_i - \lambda u_{i-1}$ 

式(8-16) 就是考伊克模型。

以上就是考伊克变换。我们看到变换后的模型只有三个特估变量,即 $\alpha,\beta_0,\lambda_1$ 简化了原模型估计的繁琐。而且 $Y_{r-1}$ 代替了 $X_{r-1},X_{r-2},\cdots,X_{r-1}$ ,就已经解决了多重共线性的问题。

虽然这个模型有很多优点,但也存在不少缺点:

第一,由于Y-;是随机变量。而且也是模型的一个解释变量。如果很有可能违背经典 • 122 • OSL 理论,这个理论是建立在这样的假定基础上;解释变量或非随机的,或者,如果是随机 的,将是独立于随机于较项的。所以我们要弄清了,是否满足这一假定。

第二,因为 $v_i$ 一 $u_i$   $\lambda u_{i-1}$ , $v_i$  的统计性质依赖于 $u_i$  的统计性质的假定,即使原始的 $\mu_i$  是序列无关的 $v_i$  却可能是序列相关的 $v_i$  所以,考伊克權型存在序列相关的问题。

第三,考伊克模型的干扰项很少是一阶序列相关的,所以违背了德宾-沃森检验的基本 假定之一。

## 8.3 考伊克模型的经济理论基础

#### 8.3.1 适应性预期模型

经济活动主体在经济活动中常有根据他们对某些经济变量未来走势的货期来改变自己 的行为决策,这些经济变量的变化会成多成少地受到另一些经济变量预期值的影响。为了处 理议种经济现象,我们可以将解释变量预期借引人模型,建立一个预期模型。

假设包含一个预期解释变量的模型,表示为:

$$Y_r = \alpha + \beta X_r^* + u_r \qquad (8-18)$$

其中,Y. 为被解释心量,X."为解释变量预期值。,// 为随机状动项。

自适应预期假定认为,经济活动主体对某经济变量的预期,是通过循序渐进的认识过程 形成的,即经济主体会根据自己过去在旗预期时所犯精诚的修改,未修正他们以后每一时期 的预期,也就是按过去预期偏差的某一比例对当期的期望进行修改,使其更符合目标。用数 学式表达为;

$$X_{i}^{*} = \lambda(X_{i} - X_{i-1}^{*}) + X_{i-1}^{*}$$
 (8 - 19)

也可以写为:

$$X_t^* - X_{t-1}^* = \lambda(X_t - X_{t-1}^*)$$
 (8 - 20)

其中、参数  $\lambda$  为适应系数。这样,修正量为  $\lambda(X_t - X_{t-1}^*)$ ,它是前一期预期误差( $X_t$ )的一部分。

若将式(8-19) 改为

$$X_i^* = \lambda X_i + (1 - \lambda) X_{i-1}^*$$
 (8 - 21)

那么 $\lambda$  与 1  $\lambda$  可以认为是X,与X。的权数,这老师本期预期值是前一期预期值和本 期实际值的加权平均。—般情况下、 $0 < \lambda < [1, -1] \lambda : = 0$ ,表示预期没有进行修工。 $+1 \lambda = 1$ ,则 非示本期刊期与前一期限期子关,则本期实际值性为预期值

所以我们将解释变量预期值满足自适应调整过程的期望模型称为自适应预期模型。 将式(8 21) 代人式(8-18),得:

$$Y_{t} = \alpha + \beta [\lambda X_{t} + (1 - \lambda) X_{t-1}^{*}] + u_{t}$$
 (8 - 22)

将式(8-18) 滯后 ·期,再乘以1-1,得:

$$(1-\lambda)Y_{r-1} = \alpha(1-\lambda) + \beta(1-\lambda)X_{r-1}^* + (1-\lambda)u_{r-1}$$
 (8-23)

将式(8-22)减去式(8 23),得:

$$Y_t = \lambda_2 + \lambda \beta X_t + (1 - \lambda)Y_{t-1} + \mu_t - (1 - \lambda)u_{t-1}$$
 (8 - 24)

 $\Leftrightarrow \alpha^* = \lambda \alpha, \beta_0^* = \lambda \beta, \beta_1^* = 1 - \lambda, u_1^* = u_1 - (1 - \lambda)u_{r-1}$ 

汶样式(8-24) 就变为,

$$Y_r = \alpha^* + \beta_0^* X_r + \beta_i^* Y_{r-1} + u_r^*$$
 (8-25)

自适应预期模型用自回归形式表示了。

#### 8.3.2 存置调整维型

在经济活动中。会遇到为了适应解释变量的变化。被解释变量有一个预期的最佳值与之 对应的现象。例如、企业为了确保生产或供给。必须保持一定的原材料储备、对应一定的产量 或物的费,存在着预期最佳库存量。也就是说。解释变量的现值影响被解释变量的预期值,用 数学式表达;

$$Y_t^* = \alpha + \beta X_t + \mu_t \qquad (8 - 26)$$

其中,Y: 为被解释安量的理想值,X.为解释安量的现值。

不过,被解释变量的预期水平在某个周期内 ·般不能完全实现,而只能得到部分的调整,即被解释变量的实际变化仅仅是预期变化的 ·部分。用数学式表示为;

$$Y_t - Y_{t-1} = \delta(Y_t^* - Y_{t-1}^*)$$
 (8 - 27)

る的取值范围为0 <  $\delta$  <  $\delta$  、1. 称为调整系数。在一般情况下。0 <  $\delta$  <  $\delta$  、1、当  $\delta$  = 0 时 Y、 Y、表明实际变动等于预测变动。调整在当前完全实现。当  $\delta$  = 1 时 Y、 Y 、 ,表明本期值 和上期值 · 样、完全没有调整。

谢黎机制还有一种形式为,

$$Y_{-} = \delta Y_{-}^{*} + (1 - \delta)Y_{-1}$$
 (8 - 28)

表示在时期 t 得到的解释变量的实际值是该时期的理想值与前一期实有值分别以 $\delta$  和  $1-\delta$  为权的一个加权平均。

把式(8-26)代入式(8-28),得:

$$Y_r = \delta(\alpha + \beta X_r + \mu_r) + (1 - \delta)Y_{r-1}$$
  
=  $\delta_r + \delta \theta X_r + (1 - \delta)Y_{r-1} + \delta \mu_r$ . (8 - 29)

$$Y_t = \alpha^* + \beta_0^* X_t + \beta_1^* Y_{t-1} + \mu_t^*$$
 (8 ~ 30)

这样局部调整模型就用自回归模型表示了。

### 8.3.3 适应性预期与存量调整模型的组合

两个模型结构很相似。都是自回归的。但在概念和理论基础上,两者却有很大差别,自适 • 124 • 应预期模型以价格、利率等不确定性为依据。而局部调整模型是出于对技术或制度上的一些 因素的考虑。也反映了一种心理作用。

### 8.4 自回归模型的检验和估计

#### 8.4.1 估计遇到的问题

上面谈论的考伊克模型、自适应模型与局部调整模型都可以表示为一阶自回归形式;

$$Y_{-} = a + \beta_0 X_{-} + \beta_1 Y_{-}$$
 (8 - 31)

此自回归模型中的解释变量中含有滞后解释变量 Y--, 它是随机变量,可能与随机扰动 项相关,而且随机扰动项还可能自相关。也就是说,模型可能造背古典假定,从而给模型的估 计带来一定困难,如果使用最小、乘法直接估计自回归模型,则估计可能有偏差,而且不是 一致估计,因此,估计自回归模型《零要解决两个问题、一是设法清除 Y-, 与随机扰动项的相 长性。一条检验随机状态项格不存在自相关。

为了解决解释变量Y,,与随机扰动项存在自相关带来的估计偏差,可采用工具变量法; 诊断一阶自回归模型扰动项是否存在自相关,可采用德宾 H 檢驗法。

#### 8.4.2 工具变量法

由于在自回封機型中,解釋变量 Y.,, 勢必与误差項 u, 相关, 则 OSI. 将不实用, 我们要寻 找一个与 Y, 高度相关但与误差项 u, 不相关的变量作为 Y.,, 的替代,这样的替代变量就是 工具等者。

我们可以用 $\hat{Y}_{r_1}, \hat{Y}_{r_2}, \dots, \hat{Y}_{r_p}$ 工具变量。来代替滞后解释变量 $Y_{r_1}, Y_{r_2}, \dots, Y_{r_q}$ 进行估计。这样。自回目推利夸为以下形式。

$$Y_{i}^{*} = \hat{a} + \hat{\beta}_{0} X_{i} + \hat{\gamma}_{1} \hat{Y}_{i-1} + \hat{\gamma}_{2} \hat{Y}_{i-2} + \cdots + \hat{\gamma}_{n} \hat{Y}_{i-n}$$
 (8 - 32)

所以 L 其 安 盤 的 选择调足 . 一个条件 . 一 是 L 其 安 量 与所代替的解释 安 釐 高 度 相 矣 . 二 是 且 李 嚴 与随 机 误 差 項 不 相 关 . 三 是 L 且 安 嚴 与 其 他 解释 变 釐 不 相 关 . 以 免 出 现 多 重 共 线性 .

但是,一个明显的问题摆到我们面前,怎么去寻找比Y\_,更好的替代变量,使它们满足以上三个条件?不过,要找到好的工具变量并不是件容易的事。

#### 8.4.3 检验自回归模型的自相关: 德宾 H 检验

不管是考伊克和自适应性预期模型,还是局部调整模型,误差项中,都极有可能存在自 相关,现们能不能用遵宾 沃森·d檢髮呢?答案是,不行,因为在自回过模型中,用德宾 沃森·d 检验所估算的 d 通常有偏向 2 的偏误,即存在一种妨碍发现相关性的内在偏误,而且德宾 沃森·d检验适合一阶自相关。不过德宾提出了一种自回归模型一阶序列相关检验,即德宾 H 检验。

$$H = \hat{\rho} \sqrt{\frac{n}{1 - n[var(\hat{a}_2)]}}$$

其中n为样本容量、 $var(a_2)$ 为滞后项 $Y_{r-1}$ 的系数的方差。p为一阶序列相关p的估计值。 不过、实际中、r如前面的童节所说的。r0的估计为:

$$\bar{\rho} \approx 1 - \frac{DW}{2}$$

以后要是不指明的话,我们都会用这个式子来求 ô。

H 统计量的转占。

不管回归模型中含有多少个 X 变量或多少个 Y 的滯后值,都可以用;计算 H 时只需考虑滯后项  $Y_{r-1}$  的系数的方差;该检验是一种大样本检验,严格地说,不适用于小样本。

D-W 检验的缺陷:如果  $0 < nvar(\hat{a}_2) < 1$  超过 1,检验将不适用。

## 8.5 滞后效应分析

#### 8.5.1 效应的复数分析

对于分布滯后模型 Y<sub>r</sub> - α + β<sub>0</sub> X<sub>r</sub> + β<sub>1</sub> X<sub>r1</sub> + β<sub>2</sub> X<sub>r2</sub> + ··· + β<sub>1</sub> X<sub>r</sub> + u<sub>r</sub>

β. 反映滞后解释变量各期值 X<sub>1</sub>, 对 Y<sub>1</sub> 的影响程度,其中 β. 为短期影响乘数,表示解释 变量变化·一个单位对同期(τ 期) 被解释变量产生的影响,即短期影响。

β. 为动态影响乘数,反映了解释变量在各滞后期的单位变化对 Y. 产生的影响,即解释 变量的滞后影响。

∑β, 为中期影响乘数、反映了解释变量对 Y, 的 k 期的累计影响;

 $\sum_{i=0}^{\infty}$   $\beta_i$  为长期影响乘数,表明 X 变动一个单位对  $Y_i$  产生的总影响。

比如考伊克模型

$$\begin{split} Y_{\cdot} &= \alpha + \beta_0 X_{t} + \beta_1 X_{t-1} + \beta_2 X_{t-2} + \dots + \beta_t X_{t-k} + u_t \\ \\ &= \alpha + \beta_0 X_{t} + \lambda X_{t-1} + \lambda^2 X_{t-2} + \dots + \lambda^{-k} X_{t-k} + u_t \end{split}$$

 $\sum_{k=0}^{\infty} \beta_k \cdot \beta_k (\frac{1}{1-\lambda})$  即为各期滞后解释变量对被解释变量的总影响。

- 2. 前面谈论过的三个常见的自回归模型
- (1) 考伊克模型:

$$Y_{t} = \alpha(1-\lambda) + \beta_{0}X_{t} + \lambda Y_{t-1}v_{t}$$

(2) 自适应预期模型:

$$Y_{t} = \gamma \alpha + \gamma \beta X_{t} + (1 - \gamma) Y_{t-1} + v_{t}$$

(3) 局部调整模型:

$$Y_r = \delta a + \delta \beta X_r + (1 - \delta)Y_{r-1} + v_r$$

三者统一表示为一阶自回归模型:

$$Y_r = c_0 + c_1 X_r + c_2 Y_{r-1} + v_r$$

将其逐步递推,可以转换为几何分布滯后模型

$$Y_{r} = \frac{c_{0}}{1 - c_{2}} + c_{1}X_{t} + c_{1}c_{2}X_{r-1} + c_{1}c_{2}^{2}X_{r-2} + \cdots$$

所以一阶自回归楼型的各项滞后效应指标为:

短期乘数:0

动态乘数:c,c i=1,2,...

长期乘数: 1-5

平均滞后: 63

## 8.5.2 速度分析

解释变量的各期乘数反映的是滞后效应的逐步波及和扩散过程。有时我们需要分析效 应的速度。即滞后效应需要努历多长时间才能发挥一定的作用。常用指标有;

1. 乘数效应比 D.

$$D_* = \frac{5 \, \text{期中期乘數}}{\text{长期乘數}} = \frac{\int_0^1 \beta_*}{\sum_{i=1}^{\infty} \beta_i}$$

D, 反映  $\Gamma X$ , 的变动在经历 s 期之后 s 对 Y, 的影响所完成的程度。使 D, 达到某个比值的 s 期線小、则作用时间線体。瓣后时间線板

2. 平均滞后时间 MLT

$$MLT = \frac{\sum_{i=0}^{n} i\beta_{i}}{\sum_{i} \beta_{i}}$$

MLT实际上是以各期延期乘数为权数的、各滞后期的加权平均数、反映了滞后期的平均长度、比值越小、则Y、对X、变化的反应速度越快。

## 8.6 黄例分析

研究表 $8 \cdot 1$ 列出的某地区制造业历年库存Y与销售额X的统计资料,建立分布滞后模型进行分析。

表 8 1 某地区 1990年 ~ 2006年制造业库存与销售额统计资料 单位:亿元

年份	库存Y	销售额 X	年份	库存Y	销售额X
1990	50070	27280	1999	84655	46449
1991	52707	30219	2000	90875	50282
1992	53814	30796	2001	97074	53555
1993	54939	30896	2002	101645	52859
1994	58213	33113	2003	102445	55917
1995	60043	35032	2004	107719	62017
1996	63383	37335	2005	120870	71398
1997	68221	41003	2006	147135	82078
1998	77965	44869			

为了研究库存与销售额之间的关系、我们采用阿尔蒙法估计有限分布滞后模型。 用 EViews 先确定 X 滞后期的长度:

输入 CROSS Y X输出的结果如图 8-1 所示。



图 8-1 Y 与 X 各期滞后值的相关系数

从图 8 1中Y 与X 各期滞后值得相关系数可知,库存额与当年和前两年的销售额相关,所以设。

$$Y_r = \alpha + \beta_r X_r + \beta_t X_{r-1} + \beta_r X_{r-2} + \epsilon_r$$

将系数 8(1=0.1,2) 用 (次多项式表示。即

$$\beta_0 = \alpha_0$$
  
 $\beta_1 = \alpha_0 + \alpha_1 + \alpha_2$   
 $\beta_2 = \alpha_0 + 2\alpha_1 + 4\alpha_2$ 

#### 则原模型可变为

 $Y_t = \alpha + \alpha_0 Z_{0t} + \alpha_1 Z_{1t} + \alpha_2 Z_{2t} + \mu_t$ 

在 EViews 工作状态中运行、输入 LS Y C PDL(X,2,2) 输出的结果如图 8-2 所示。



图 8-2 回归结果

经阿尔蒙变换之后的估计结果为(2, 用 PDL 表示)

 $\hat{\mathbf{Y}}_{i} = -9727,98 + 0.37810X_{i} + 1.77011X_{i-1} - 0.05750X_{i-2}$ 

 $\hat{a} = -9727.98, \hat{a}_0 = 1.7701, \hat{a}_1 = -0.2178, \hat{a}_2 = -1.6098$ 

$$\hat{g}_i = g_0 + (i-1)g_1 + (i-1)^2g_2, i = 0,1,2$$

$$\hat{\beta}_1 = \hat{\alpha}_0 - \hat{\alpha}_1 + \hat{\alpha}_2 = 0.37810$$

$$\hat{\beta}$$
,  $= \hat{a}$ ,  $= 1.7701$ 

$$\hat{\beta}_t = \hat{a}_0 + \hat{a}_1 + \hat{a}_2 = -0.05750$$

$$t = (3.77) (-1.44) (-2.30)$$

即 ā --9727. 98.ā。 - 1.7701.á. --0.2178.ā。 --1.6098 格估计的结果代人公正、得。

2

$$\hat{\beta}_0 = \hat{\alpha}_0 - \hat{\alpha}_1 + \hat{\alpha}_2 = 0.37810$$

$$\hat{B}_1 = \hat{a}_1 = 1.7701$$

$$\hat{B}_2 - \hat{a}_0 + \hat{a}_1 + \hat{a}_2 = -0.05750$$

这样库存模型最终形式就为:

 $\hat{Y}_{i} = -9727.981 + 0.37810X_{i} + 1.77011X_{i-1} - 0.05750X_{i-2}$ 

#### 思考与练习

- 1. 什么是潜后现象?产生滞后现象的原因有哪些?
- 2. 在估计分布滞后模型和自回归模型中常会遇到哪些困难?我们是怎么处理这些困难 64?
- 3. 循述者伊克權型的特点。
  - 4、考察以下分布滞后排型。

$$Y_{-} = \alpha + \beta_{-} X_{-} + \beta_{-} X_{-} + \beta_{-} X_{-} + \beta_{-} X_{-} + \mu_{-}$$

假定当们委用多项式除数为2的有限多项式估计这个模形,并根据一个有60个观测值 的样本求出了二阶多项式系数的估计值为: $\hat{a}_0 = 0.3, \hat{a}_1 = 0.51, \hat{a}_2 = 0.1$ , 诚计算 $\hat{a}_1(t = 0, t)$ 1,2,3).

5. 考察以下分布滞后模型:

$$Y_r = \alpha + \beta_0 X_r + \beta_1 X_{r-1} + \beta_2 X_{r-2} + u_r$$

假如用二阶有限多项式变换模型估计这个模型后得。

$$Y_t = 0.5 + 0.71z_{0t} + 0.25z_{1t} - 0.30z_{2t}$$

$$\vec{x}_i + x_{ij} = \sum_{j=1}^{3} x_{j-1}, x_{1j} = \sum_{j=1}^{3} i x_{j-1}, z_{2j} = \sum_{j=1}^{3} i^2 x_{j-1}$$

- (1) 成质模型中各套数值:
- (2) 估计 x 对 v 的短期影响集截,长期影响集截和过渡性影响集截。

6. 检验一阶自回归模型随机扰动项是否存在自相关,为何用德宴 H 检验而不用 DW 检 验?

7. 表 8·2 给出菜地区 1986 年到 2007 年間定責产投入 Y 与销售额 X 的资料(单位: 亿 元)

			表 8-2	条相大贯符		
	年份	Y	X	年份	Y	Х
	1986	36.99	52. 805	1997	128. 68	168. 129
	1987	33. 60	55. 906	1998	123. 97	163. 351
-	1988	35.42	63. 027	1999	117. 35	172. 547
	1989	42. 35	72. 931	2000	139.61	190. 682

(续表)

牛份	Y	х	年份	Y	X
1990	52. 48	84. 790	2001	152. 88	194, 538
1991	53.66	86.589	2002	137. 95	194.657
1992	58. 53	98. 797	2003	141.06	206. 326
1993	67.48	113. 201	2004	163.45	223. 541
1994	78. 13	126, 905	2005	183.80	232.724
1995	95. 13	143. 936	2006	192. 61	139.459
1996	112.60	154. 391	2007	182.82	235.142

试就下列模型,按照一定的处理方法估计模型参数,并解释模型的经济意义,探测模型 扰动项的一阶自相关性。

(1) 设定模型  $Y_i^* = \alpha + \beta X_i + u_i$ 

远用局部调整假定。

(2) 设定模型 Y, = a+8X; +u,

运用自适应预期假定。

(3) 选用阿尔梦多项式变换法。估计分布滞后模型

$$Y_t = \alpha + \beta_1 X_t + \beta_1 X_{t-1} + \cdots + \beta_t X_{t-1} + u_t$$

8. if  $M_t = a + \beta_1 Y_t^* + \beta_2 R_t^* + u_t$ 

其中,M为实际貨币流通量、Y\* 为期望社会商品零售額、R\* 为期望储蓄额。对于期望值徵以下假定

$$Y_{i}^{*} = \gamma_{i}Y_{i} + (1 - \gamma_{i})Y_{i-1}^{*}$$

$$R_i^* = \gamma_2 R_i + (1 - \gamma_2) R_{r-1}^*$$

其中, 71, 72 为期望系数, 均小于1。

- (1) 如何利用可观测的量来表示 M.?
- (2) 分析这样变换存在什么问题。
- (3) 利用表 8-3 的数据进行回归,估计模型,并微检验。(单位:亿元)

表 8-3 数据回归

单份	M,	Y,*	R,*
1991	2128- 40	7517. 000	617.5000
1992	2586. 70	9636. 000	275. 6000
1993	3450. 70	14998.00	679, 4000
1994	4669. 70	19260. 60	634. 1000
1995	5851.50	23877, 00	998.5000

年份	M,	Y;	R;
1996	6833.40	26867. 20	1459.300
1997	7489. 20	28457 60	2857 200
1998	7900.30	29545.90	3051.500
1999	8267.10	30701.60	2248. 800
2000	8934.90	32499.80	2240, 200
2001	9859. 90	37460. 80	2204.700
2002	10789.6	42304.90	2794. 200
2003	12151.4	51382.70	2686. 200

## 9. 考虑模型

 $\hat{Y}_{.} = -3012 + 0.1408X_{.} + 0.2306X_{.}$ 

$$t = (-6, 27)(2, 6)(4, 26)$$

$$R^2 = 0.727$$

其中,Y 为通货膨胀率,X 为生产设备使用率。

- (1) 生产设备使用率对通货膨胀率的短期影响和长期影响分别为多大?
- (2) 如果现无原始数据,估计回归模型  $Y_t = b_1 + b_2 X_t + b_3 Y_{t-1} + u_t$ . 你怎样估计生产设备使用率对通货膨胀率的短期和长期影响?

## 第九章 联立方程模型

联立方程模型是相对于单一方程模型而言的。单方程模型只能描述经济变量之间的单 向因果关系,即基于解释变量的变化引起被解释变量的变化情况。但经济现象的错综复杂 性,使得经济系统中很可能包含多个经济关系,而且有些经济变量之间并不是简单的单向因 果关系,而是相互依存、互为因果的关系, 为了描述变量之间的双向或是多向因果关系,就 需要建立含有多个方程的方程组模型。联立方程计量经济学模型是以经济系统为研究对 条,以揭示经济系统中各因素、各部分之间的数量关系和系统的数量特征为目标,用于经济 系统的预测,分析和评价,是计量经济学模型价重等组成部分。

## 9.1 联立方程模型的基本概念

联立方程计量经济学模型问题是从两方面提出来的,一是从研究对象的角度,为了摘 是实际研究对象的需要而建立联立为部计最经济学模型;二是从计量经济学理论方法的角度,为了估计联立方程计量经济学模型的需要而发展起来的新的期地与方法。

单方程计量经济学模型。 是用单一方程描述某经济变量与影响该变量变化的单因蒙之 的数量关系,因此,它适用于单一经济现象的研究,揭示其中的单向因果关系。但是,经 济现象是极为复杂的,其中诸因家之间的关系,在很多情况下,不是单一方程所能描述的那 幹簡单的单向因果关系,而是相互依存,互为因果的,这时就需要用一组方程组成的多方程 模型,其中每个万程都描述了变量间的一个因果关系,并且所描述的经济系统中者多少个因 果关系,张力对解都可对抗的数据该有会少个方距,老们除这些形形现象力经济基础。

经济系统并没有严格的空间概念。国民经济是一个系统。一个地区的经济也是一个系统,甚至某一项经济活动也是一个系统。例如,我们进行商品购买决策时,由于存在收入或预算的制约,在决定是否购买某一种商品时,必须考虑到对其他商品的需求与其他商品的价格,这样,不同商品的需求量之间是互相影响、互为因果的。那么商品购买决策就是一个经济系统

## 9.1.1 变量

在联立方程计量经济学模型中、对于其中每个随机方程,其变量仍然有被解释变量与解 粹变量之分。但是对于模型系统而言,已经不能用被解释变量与解释变量来划分变量。正 如上面所说的,同一个变量,在这个方程中作为被那样变量,在另一个方程中则可能作为解 转变量。对于联立方程计量经济学模型系统而言,变量分为内生变量和外生变量两大类。外 生变量与滞后内生变量又被统称为先决变量。

我们先看一个例子。

#### 例 9-1 简单的宏观经济模型

在简化的凯恩斯收人决定模型中引人政府支出G,投资I不再是外生变量,而是收入Y的函数,即内生变量。此时

$$C_r = e_0 + e_1 Y_r + u_{tr}$$
 消费方程  
 $I_r = \beta_c + \beta_r Y_r + \beta_r Y_{r-1} + u_{tr}$  投资方程  
 $Y_r = C_r + I_r + G_r$  收入分表

这就是由国内生产总值(Y)、居民消费总额(C)、投资总额(J)和政府支出(G)等变量构成的简单凯恩斯宏观经济模型、反映了国内生产总值中各项指标之间的关系、其中,第一个 万程表示居民消费总额是由国内生产总值决定的。称为消费方程,第二个方程表示投资总额是由国内生产总值共同决定。称为投资方程,第二个方程表示投资总额是由国内生产总值是由居民消费总额。投资总额和政府支出共同决定。称为收入方程。其在假定进出口平衡的情况下,是一个恒等点,模型中有4个经济变量,其中居民消费、投资、国内生产总值之间都是可为因果关系。只有构造多个方程才能将它们作为一个完整的系统进行描述和分析,这就是一个简单的描述宏观经济的联立方程计量经济学模型。

在联立方程计量经济学模型中,有一些在单方程计量经济学模型中没有出现的概念,即 使是已经出现的概念,其内涵也发生了变化,所以搞清楚基本概念是十分重要的。

- 1. 内生变量(endogenous variables)
- 所谓内生变量。即其取值是由模型系统内部决定的变量。如例9-1中的消费、投资、收人等都是内生变量。内生变量一般有以下特点:
- (1) 內生变量既受模型中其他变量的影响,同时又影响模型中的其他内生变量,如例9~ 1中的投资1,既受Y,和Ym,的影响,同时又影响Y,1,的值就是在这种相互影响中确定的。
- (2) 内生变量一般都直接或间接地受模型系统中随机误差项的影响,所以都是具有某种概率分布的随机容量。
- (3)內生变量的变化一般都用頓型中的某一个方程来描述。所以模型中每个方程等号 左端的变量(即被解释变量)都是內生变量。但是有些內生变量未必就一定是模型中某个方 程的数解释变量。
  - 2. 外生变量(exogenous variables)

所谓外生变量,即其象值由模型系统之外其他因素决定的变量。如例9-1中的政府消费 G,由于在所构造的宏观经济模型中,没有任何方程说明它是如何变化的,所以政府消费 G 的变化是由模型系统外部的因素来控制根影响的,即为外生空量,外生空量的特点尽。

- (1)外生变量的变化将对模型系统中的内生变量直接产生影响。但自身变化却由模型系统之外的其他因素来决定。
- (2)相对于所构造的联立方程模型,外生变量可以视为可控的非随机变量,从而与模型中的随机误差项不相关。

在单方程模型中,人们有时也习惯地将被解释变量称为内生变量,解释变量称为外生变量,将联立方程模型中的变量划分为内生变量和外生变量之后,可以正确区分模型中每个变量的含义和作用。但是,应该侵调指出,内、外生变量的划分是相对的。某一个变量究竟是内

生变量,还是外生变量。完全取决于计量经济研究的目的。即由所设定的计量经济模型来决定。如例 9-1 的宏规经济模型中,如果在投资函数中再增加一个解释变量—— 利率R,此时 因模型中并没有用某个方程来说明利率R的变化。即认为利率的调整完全由模型之外的因数案未决定。所以R是外生变量。但是,如果在宏观经济模型中再相应增加一个利率方程。

$$R_t = c_0 + c_1(Y_t - Y_{t-1}) + c_2(M_t - M_{t-1}) + u_3,$$
 (9.2)

式中,M. 为货币供应量。则利率 R 称为内生变量。同时又增添了一个外生变量 M. 因此,在构造联立方程模型的,应该根据研究目的,事先确定模型中应该包含哪些内生变量、这些内生变量又由哪些经济关系来描述。在所涉及的经济关系中,哪些因素可以视为外生变量?一般情况下,外生变量都是一些可控制的政策变量、条件变量、经济参数变量、虚拟变量参差。

#### 3. 先决变量(predetermined variables)

相对于本期内生变量,都后内生变量和外生变量的值都是已知的"即已事先决定的),所 以将它们统称为先决变量(又称为前定变量)。如何9-1的宏观经济模型中,前期国内生产总 值 Y<sub>1</sub>、为簿后内生变量,与政府清费 G。宏构成先法变量。

由于外生变量是非關机变量,与模型中的隨机误差项不相关,如果隨机误差项不存在自 相关,则滯后內生变量与隨机误差项也不相关。因此,先决变量与方程中的隨机误差项通常 吊可不相关的

#### 9.1.2 结构式模型(structural model)

根据经济理论和行为规律建立的描述经济变量之间直接关系结构的计量经济学方程系统称为结构式模型。例 9·1 的简单宏观经济模型 就算一个结构式模型。

结构式模型中的每一个方程器是结构方程(structural equation)。各个结构方程的参数 截称为结构参数(structural parameter or coefficient)。在结构方程中,解释变量中可以出现 内生变量。将一个内性变量表示为其他内生变量、先决变量和随机干扰项的函数形式,被称 为结构方程的正规形式。结构与程的方规类型如下。



- (1) 行为方程:即解釋或描述居民、企业或政府经济行为的方程。例9-1中的消费函数反映了消费者行为。投资函数反映了投资者行为。
- (2)技术方程;即根据客观经济技术关系建立的方程。例如,生产函数就是反映了--定生产技术条件下,生产要票投入量与产出量之间技术关系的方程。

(3)制度方程:即由法律、政策法令、规章制度决定的经济数量关系。例如,根据税收制度建立的税收方程就是制度方程。

(4) 統計方程,即根据经济变量之间统计相关关系建立的方程。例如,工业总产值与国 有企业产值之间,层层消费与政府消费之间、重工业能源消耗与轻工业能源消耗之间等等。 在数据上都存在较强的相关关案。但这些方程并没有反映经济变量之间的内在联系,所以在 结构式概型中要尽量消免使用统计方用。

(5) 恒等方程,包括定义方程、平衡方程(或称为均衡条件)和经验方程。如例9-1的恒等方程,或是国民经济核算中核支出法定义的国内生产总值。属于统计定义方程,平衡方程就是反映某种均衡关系的恒等式,经验方程仅描述由经验得到的数据之间的确定性关系、设有什么实质性愈义,所以在恒等方程中,经验方程较多的结构式模型不是好的模型。应该尽可能地避免出现经验方程。

如果结构式模型中方程个数等于内生变量个数,则称结构式模型为完备的,或称其为完备模型。

习惯上用Y表示内生变量。X表示先决变量。u 表示随机干扰项。 $\beta$ 表示内生变量的结构 参数。 $\gamma$ 表示先决变量的结构参数,如果模型中有常数项。可以署为一个外生的虚变量 $X_0$ 。它 的观测值始终取 1。那么,具有g个内生变量。k个先决变量。g个结构方程的模型被称为完备 的结构式模型。在完备的结构式模型中,独立的结构方程的数目等于内生变量的数目,每个 内生变量都分别由一个方程来描述。一个完备的结构式模型可以写成

$$BY + \Gamma X = N (9-3)$$

或

$$(B \ \Gamma) \begin{bmatrix} Y \\ X \end{bmatrix} = N$$
 (9-4)

其中

$$\mathbf{Y} = \begin{bmatrix} \mathbf{Y}_1 \\ \mathbf{Y}_t \\ \vdots \\ \mathbf{Y}_t \end{bmatrix}, \mathbf{X} = \begin{bmatrix} \mathbf{X}_1 \\ \mathbf{X}_t \\ \vdots \\ \mathbf{Y}_t \end{bmatrix}, \mathbf{N} = \begin{bmatrix} \mathbf{N}_1 \\ \mathbf{N}_t \\ \vdots \\ \mathbf{N}_t \end{bmatrix}$$

用 n 表示样本容量,则

$$Y - \begin{bmatrix} Y_1 \\ Y_2 \\ \vdots \\ Y_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} y_{11} & y_{12} & \cdots & y_{1n} \\ y_{21} & y_{21} & \cdots & y_{2n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \end{bmatrix}$$

参数矩阵为:

$$B = \begin{cases} \beta_{11} & \beta_{12} & \cdots & \beta_{1d} \\ \beta_{21} & \beta_{21} & \cdots & \beta_{2d} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ \beta_{d1} & \beta_{d2} & \cdots & \beta_{dd} \end{cases}$$

$$\Gamma = \begin{cases} \gamma_{11} & \gamma_{12} & \cdots & \gamma_{1d} \\ \gamma_{21} & \gamma_{21} & \cdots & \gamma_{2d} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ \gamma_{dd} & \gamma_{dd} & \gamma_{dd} & \gamma_{dd} \end{cases}$$

## BF 为结构参数矩阵。

将简单凯恩斯宏观经济模型写成矩阵方程式的形式,其中各个矩阵为:

$$\begin{split} Y &= \begin{pmatrix} C_1 \\ I_r \\ Y_r \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} C_1 & C_2 & \cdots & C_n \\ I_1 & I_2 & \cdots & I_n \\ Y_1 & Y_2 & \cdots & Y_n \end{pmatrix} \\ X &= \begin{pmatrix} 1 \\ Y_{r-1} \\ G_r \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 & 1 & \cdots & 1 \\ Y_c & Y_1 & \cdots & Y_{r-1} \\ G_1 & G_2 & \cdots & G_s \end{pmatrix} \\ N &= \begin{pmatrix} N_1 \\ N_2 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} I_{11} & I_{12} & \cdots & I_{1r} \\ I_{21} & I_{22} & \cdots & I_{2r} \\ I_{22} & I_{23} & \cdots & I_{2r} \\ I_{23} & I_{24} & \cdots & I_{2r} \end{pmatrix} \end{split}$$

## 计量经济类理论与应用

$$(B \ \Gamma) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & \alpha_1 & -\alpha_2 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -\beta_1 & -\beta_2 & -\beta_2 & 0 \\ -1 & -1 & 1 & 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$$

综上所述,结构式模型具有如下特点:

- (1) 模型直观地構述「经济受量之间的关系结构,模型的经济意义明确。如式(9 1)中、 第一个方程是依据绝对收入假说建立的消费函数。第二个方程是投资函数、表示投资额的变 化主要取决于本期和上期的国内生产总值;第三个方程是定义方程。反映了进出口平衡情况 下收入(GDP)、消费和投资之间的统计定义关系。模型清晰地描述了各宏观经济变量之间 的相互关系和现实结构。
- (2)模型只反映了各变量之间的直接影响。却无法直观地反映各变量之间的间接影响和总影响。例如、政府消费 G. 的增加将会引起 Y. 的变化,进而引起居役消费 C. 的变化,但这种方程或时间,是这结构方程重接反映出来。即将的、上期收入 Y.; 通过投资 I.,收入 Y.等变量对居民消费 C. 的阅接影响也没有直观地反映出来。
- (3) 无法直接运用结构式模型进行预测、联立方程模型预测就是根据(已知的)前定变量的值、预测模型中(未知的)向生变量。但是结构式方程中的解释变量中间。往往还包含着需要预测的内生变量,所以无法进行预测。

#### 9.1.3 简化式模型

将联立方程计量经济学模型的每个内生变量表示成所有先决变量和随机扰动项的函数。即用所有先决变量作为每个内生变量的解释变量,所形成的模型称为简化式模型、显然。简化式模型并不反映经济系统中变量之间的直接关系,并不是经济系统的客观描述。因此也不是我们研究的对象。但是。由于简化式模型中作为解释变量的变量中役有内生变量。可以采用普通最小二乘法估计每个方程的多数,所以它在联立方程计量经济学模型研究中具有重要的作用。简化式模型中每个方程称为简化式方程(reduced-form equations),万程的多数称为简化式参数(reduced form coefficients),通常用 II 表示简化式参数,于是简化式模型的矩阵形式为。

$$Y = \prod X + E \tag{9-5}$$

其中

$$\prod = \begin{cases} \pi_{11} & \pi_{12} & \cdots & \pi_{1k} \\ \pi_{21} & \pi_{22} & \cdots & \pi_{2k} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ \pi_{r1} & \pi_{r2} & \cdots & \pi_{rk} \end{cases}$$

同样也可以用式(9-5)的转置形式表示简化式模型。

$$Y = \prod X + E$$

其中每个矩阵都是式(9-5)中局名矩阵的转管。

宏观经济模型式(9-1)的简化式模型为。

$$C_{r} = \pi_{10} + \pi_{11}Y_{r-1} + \pi_{12}G_{r} + u_{tr}$$

$$I_{r} = \pi_{20} + \pi_{21}Y_{r-1} + \pi_{22}G_{r} + u_{2r}$$

$$Y_{r} = \pi_{10} + \pi_{11}Y_{r-1} + \pi_{22}G_{r} + u_{tr}$$

$$(9-6)$$

其中 $,t=1,2,\cdots,n$ 

结构式模型与简化式模型的区别与联系:

- (1) 结构式模型自观地描述了经济变量之间的关系结构。模型有十分明确的经济合义。 简化式模型并不反映经济变量之间的这种直接关系。没有明确的经济预测等定量分析。但结构式模型却不便于进行经济预测。设备课价等容量分析。
- (2)结构式模型中的解释变量可能是先决变量。也可能是内生变量:简化式模型中的解释变量均为先决变量。
- (3) 简化式模型可以用最小二乘法估计参数。但结构式模型不能直接用最小二乘法估 计参数。
  - (4) 简化式模型可以通过变量的连续替换从结构式模型中导出。

针对结构式模型和简化式模型的不同特点。在实际应用中応根据不同的研究目的合理 地选择模型,同时也需要了解两种模型之间的转换过程,一级结构式参数与简化式参数之间 的关系。

## 9.2 联立方程模型的识别

联立方程计量经济李模型是由多个方程组成,对方程之间的关系有严格的要求,否则模 数有可能无法估计,因此,在进行模型估计之前首先要判断它是否可以估计,这就是模型的 识别(identification),

#### 9.2.1 识别的概念

我们首先看一个例子。模型式(9-7)有如下三个方程构成的简单宏观经济模型,

$$\begin{cases} C_r = a_0 + a_1 Y_r + u_{1_1} \\ I_r = \beta_r + \beta_r Y_r + u_{2_1} \\ Y_r = C_r + I_r \end{cases}$$
(9-7)

其中 $, i = 1, 2, \dots, n$ 。

上式中 C 为消费总额,包括居民商费和政府消费,在假定进出口平衡的情况下。国内生 产总值为消费总额与投资总额之和、模型中消费总额与投资总额都用国内生产总值解释,在 经济学上也是可以接受的。所以,如果该模型可以估计,不失为一个描述消费总额、投资总额 和国内生产总值关系的总量宏观经济模型。

但是、分析发现,消费方程是包含 C、Y 和常数项的直接线性方程,而投资方程和国内生

产总值方程的某种线性组合(消去 D 所构成的新方程也是包含 C.Y 和常數項的直接线性方 程,现在:问题出现了,"判我们收靠了 C.Y 的样本观测值,并进行参数估计后。很难判断得到 的是消费方程的参数估计量还是新组合方程的参数估计量。这时,我们只能认为原模型中的 消费方程是不可估计的,这种情况被察为不可识别。

1. 识别的定义

关于识别的定义,有以下三种等价的表述形式:

- (1)如果联立方程模型中某个结构方程具有确定的统计形式,则称该方程是可识别的, 否则,称该方程是不可识别的。
- (2)如果联立方程模型中某个结构方程无法用模型中的其他方程线性组合相同的统计 形式,则称该方程是可识别的。否则为不可识别的。

(3)如果联立方程模型中某个结构方程中的结构参数,可以从参数关系体系的方程组中求解得到,则称该方程为可识别的,否则为不可识别的。

所谓统计形式。即方程中的变量和变量之间的函数关系式。"确定的统计形式",即模型中其他方程或所有方程的任意线性组合所构成的新的方程。都不再具有这种统计形式。因此上述第(1)、第(2) 种定义的等价性很容易理解。第(3) 种定义实际上是引出"识别性"概念的最初定义。即在分析"结构参数是否可以通过简化式参数求得"而产生的问题。如果某个结构方程不具有确定的统计形式,则根据参数关系体系也不可能用简化式参数将结构参数确定下来。

模型式(9-7)中的消费方程已经被证明不具有确定的统计形式。因为其他两个方程的 线性组合形成的新方程与它的统计形式完全相同。如果某个结构方程不具有确定的统计形 式,那么根据参数长系体系。在已知简化式模型参数估计值时。就不能得到该结构方程的确 定的结构参数估计值。

2. 模型的识别

上途识别的定义是针对结构方程而育的。模型中每个需要估计其参数的随机方程都存在识别问题。如果一个模型中的所有随机方程都是可以识别的。则认为该联立方程计量经济学模型系统是可以识别的。反过来,如果一个模型系统中存在一个不可识别的随机方程,则认为该联立方程计量经济学模型系统是不可以识别的。报等方程由于不存在参数估计问题。所以也不存在识别问题。但是,必须注意。在判断的机力程的识别性问题时,应该将值等方程考虑在内。例如,模型式(9-7)中正是恒等方程与投资方程的统性组合。构成了与消费方程具有相同统计形式的新方程。使得消费方程不可识别。

3. 恰好识别与过度识别

可识别的结构方程又分为两种情况:如果根据参数关系体系只能求得结构参数的唯一解,则称该结构方程是恰好识别:如果求解不唯一,则称其为过度识别。

现以农产品的供需模型为例,分析模型识别状态的变化过程。

維刑

需求函数: $Q = a_0 + a_1 P + a_2 Y + u_1$ 

供給函数: $Q - b_0 + b_1 P + u_2$ 

在需求函数中加入一个外生变量 消费者收入 Y, 则简化式模型为:

· 140 ·

$$\begin{cases}
P = \pi_{10} + \pi_{11}Y + v_1 \\
Q = \pi_{20} + \pi_{21}Y + v_2
\end{cases}$$
(9-8)

参数关系体系为:

$$\pi_{10} = \frac{b_0 - a_0}{a_1 - b_1}$$
 $\pi_{11} = \frac{-a_1}{a_1 - b_1}$ 

$$\pi_{20} = \frac{a_1b_0 - a_0b_1}{a_1 - b_1}$$
 $\pi_{22} = \frac{-a_2b_1}{a_1 - b_1}$ 

特求的结构参数有5个,而参数关系体系中只有4个方程,无法由简化式参数解出所有 的结构参数。所以模型整体上是不可识别的。但其中的供给函数却是可识别的。因为:

$$\frac{\pi_{12}}{\pi_{11}} = \frac{-a_2b_1/(a_1 - b_1)}{-a_2/(a_1 - b_1)} = b_1$$

$$\pi_{20} - b_1\pi_{10} = \frac{a_1b_0 - b_0b_1}{a_1 - b_1} = b_0$$

所以供给函数中的结构参数 bo、bi 可以用简化式参数唯一确定,是恰好识别的方程。

根据方程的统计形式也可以判断模型的识别性。将需求函数和供给函数分别乘以常数  $\lambda_1 - \lambda_1 = \lambda_2 = \lambda_3 = \lambda$ 

$$Q = c_0 + c_1 P + c_2 Y + \omega (9-9)$$

其中.

$$c_0 = \lambda a_0 + (1 - \lambda)b_0$$

$$c_1 = \lambda a_1 + (1 - \lambda)b_1$$

$$c_2 = \lambda a_2$$

$$\omega = \lambda u_1 + (1 - \lambda)u_2$$

. 微性组合后的方程与需求函数有相同的统计形式(变量相同,且均为线性函数),所以需求数是不可识别的,但它与供给函数的统计形式不同,即供给函数的统计形式可以唯一确定,所以惠可证则由,并且参给好证则的(只有唯一份值数)。

在需求函數中增加 一个受量之后。供給函數由不可识别变成可识别的,这给我们一个启 亦: 一个方彩能否识别取获于,银型中其他方程所含变量的个数,所以,在供给函数中也加人 一个外生变量 一天气条件指数尽,则需求函数点液止变速可识别的。

#### 模型 2

需求函数  $_1Q = a_0 + a_1P + a_2Y + u_1$ 供给函数  $_1Q = b_0 + b_1P + b_2R + u_2$ 

其简化式模型为:

$$\begin{cases} P - \pi_{10} + \pi_{11}Y + \pi_{12}R + v_1 \\ Q - \pi_{20} + \pi_{21}Y + \pi_{22}R + v_2 \end{cases}$$
(9 - 10)

待求解的结构参数有6个,系数关系体系中的方程恰好也是6个,所以结构参数可以通过简化式参数唯一确定,需求函数变成恰好识别的,整个模型也是恰好识别的。

同理,两个方程的线性组合方程为:

$$Q = c_0 + c_1 P + c_2 Y + c_2 R + \omega {(9-11)}$$

它在统计形式上既不同于需求函数,又不同于供给函数,从而说明需求函数和供给函数 都是可识别的。

模型 3

需求函数: $Q = a_0 + a_1 P + a_2 Y + a_3 P_0 + u_1$ 

供给函数: $Q = b_0 + b_1 P + b_2 R + u_2$ 

此时在需求函数中又加入一个外生变量: 替代品价格 P。。则模型的简化式为:

$$\begin{cases}
P = \pi_{10} + \pi_{11}Y + \pi_{12}R + \pi_{13}P_0 + v_1 \\
Q = \pi_{10} + \pi_{21}Y + \pi_{12}R + \pi_{21}P_0 + v_2
\end{cases}$$
(9 - 12)

概型中有 8 个简化式参数, 而特确定的结构参数有 7 个, 所以结构参数可以由简化式参 数解出,但解不僱—由系数关系体系可以推出,供给函数的结构参数可以得到两组解, 所 以,供给函数是过难识别的。

需要特别指出的是.在求解线性代数方程组时,如果方程数目大于未知数数目,被认为 无解,如果方程数目小于未知数数目,被认为有无穷多解。但是在这里,无穷多解意味着没有 确定值,所以,如果参数关系体系中有效方程数目小于未知结构参数估计量数目,那么每次 从中选择与未知结构参数估计量数目相等的方程数,可以解得 -组结构参数估计值,换 -组 方程、又可以解得 -组结构参数估计值,这样就可以得到多组结构参数估计值。被认为可以 识别,但不愿处的证别。而是有"审证别

#### 9.2.2 结构式的识别条件

以上是从识别的定义出发来判断结构方程的识别性。但是当模型包含较多的变量和方程时,这样判断就比较麻烦。从识别的概念出发,完全可以对联立方程计量经济学模型的识别状态进行判断。实际中也是这样做的。但从理论的角度出发。人们总希望有一些规范的判断方法。这里格先介绍一种直接从符判额的结构方程出发的方法。张为结构式条件。

联立方程计量经济学模型的结构式(9-3)为

$$BY + \Gamma X = N$$

式中的第,个方程中包含g,个内生变量(含被解释变量)和k,个先决变量(含常数项),模型 系统中内生变量和先决变量的数目的H g 和k 表示,矩阵  $B_s\Gamma$ , 表示第,个方程中未包含的 变量(包括内生变量和先决变量)在其他 g -1 个方程中对应系数所组成的矩阵。于是,判断 第,个结构方程识别状态的结构式条件为。

如果  $R(B_0\Gamma_0) < g-1$ , 则第 i 个结构方程不可识别;

如果 $R(B_a\Gamma_s) - g$  1,则第 $_1$ 个结构方程可以识别,并且如果 $_k$   $k_i - g_i - 1$ ,则第 $_1$ 个结构方程恰好识别;

如果 k-k, < g, -1, 则第 i 个结构方程过度识别。

其中符号 R 表示矩阵的既。一般情谈条件的前一部分称为获条件(rank condition),用 以判断结构方程是否识别,后一部分称为阶条件(order condition),用以判断结构方程恰好 识别或者讨废识别。

下面我们看例9-8,用下面的模型解释结构式条件的应用。模型为:

$$C_r = a_0 + a_1 Y_r + a_1 C_{r-1} + a_2 P_{r-1} + u_1,$$
  
 $I_t = \beta_0 + \beta_1 Y_t + \beta_1 Y_{r-1} + u_1,$   
 $Y_t = C_t + I_t$ 
(9-13)

其中, 1=1,2, ..., n,

结构参数矩阵为:

$$B\Gamma = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -a_1 & a_0 & 0 & -a_2 & -a_1 \\ 0 & 1 & -\beta_1 & -\beta_0 & -\beta_1 & 0 & 0 \\ -1 & -1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

首先判断第一个结构方程的识别状态。对于第一个方程。

$$B_0\Gamma_0 = \begin{pmatrix} 1 & -\beta_0 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$$

$$R(B_0\Gamma_0) \approx 2 = g - 1$$

所以,该方程可以识别,我们看到,矩阵 8, r。实际上就是矩阵 Br 除去第一个结构方程 参数所在的行(第一行) 和第一行中非 0 元素(对应于第一个结构方程包含的元素) 所在的 列之后剩下的元素按照原次序排列而得到的。先写出矩阵 Br,然后再从中得到与所判断的 方程对应的矩阵 B.r.,腰節单,又不容易出错,又因为者

$$b - b_1 = 1 > \sigma_1 - 1$$

所以,第一个结构方程为恰好识别的结构方程。与我们上面的判断结论是一致的。 再滑第二个结构方程。有

$$B_0 P_0 = \begin{bmatrix} 1 & -a_1 & -a_3 \\ -1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

 $R(B_0\Gamma_0)=2=g-1$ 

所以,该方程可以识别。并且

$$k - k_2 = 2 > g_2 - 1$$

所以,第二个结构方程为过度识别的结构方程,与我们上面的判断结论也是一致的。

第三个方程是平衡方程,不存在识别问题。

综合以上结果,该联立方程计量经济学模型是可以识别的。

#### 9.2.3 简化式识别条件

如果已经知道联立方程计量经济学模型的简化式模型参数。那么可以通过对简化式模

型的研究达到判断结构式模型是否被识别的目的。对于简化式模型式(9-4)

$$Y - \prod X + E$$

简化式识别条件为:

如果  $R(\prod_i) < g_i - 1$ ,则第 i 个结构方程不可识别;

如果  $R(\prod_{i}) - g_{i} - 1$ ,则第:个结构方程可以识别,并且如果  $k - k_{i} = g_{i} - 1$ ,则第:个结构方程恰好识别;

如果 k-k < g -1 则第 i 个结构方程过度识别。

其中, $\prod$  是獨化式參數矩阵  $\prod$  中刻去第:个结构方程包含的内生变量所对应的行和 第:个结构方程中包含的先决变量所对应例列之后,剩下的参数按原次序组或的矩阵、至于 为什么用  $\prod$  ,而不用其他符号,是与它在矩阵  $\prod$  中的分块位置有关,其他符号、变量的含 又与结构式识别条件相同。一般也将该条件的前一部分称为秩条件,用以判断结构方程是否 识别,后一部分称为阶条件,用以判断结构方程也存识别或者过度识别。

下面我们看模型式(9-14)

有一联立方程计量经济学模型,其结构式模型如下:

$$\begin{cases} y_{11} = \alpha_1 y_{21} + \alpha_2 x_{21} + \alpha_3 x_{22} + u_{11} \\ y_{21} = \beta_1 y_{21} + \beta_1 x_{21} + u_{22} \\ y_{32} = \gamma_1 y_{11} + \gamma_1 y_{32} + \gamma_2 y_{32} + u_{33} \end{cases}$$

$$(9-14)$$

其中, $t = 1, 2, \dots, n$ 。

K = 3,g = 3,已知其简化式模型参数矩阵为:

$$\prod = \begin{pmatrix} 4 & -2 & 3 \\ 2 & -1 & 1 \\ 2 & -1 & 0 \end{pmatrix}$$

现在利用简化式条件判断结构式模型的识别状态。

对于第一个结构式方程

$$k_1 = 2, \quad g_1 = 2$$

$$\prod_z = \begin{bmatrix} 3 \\ 1 \end{bmatrix}$$

因为

$$R(\prod_z) = 1 = g_1 - 1$$

所以该方程是可以识别的。又因为

$$k - k_1 = 1 = g_1 - 1$$

所以该方程是恰好识别的。 对于第二个结构式方程

$$R_z = 1$$
,  $R_z = 2$ 

$$\prod_z = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$$

因为

$$R(\prod_{i}) = 1 = g_i - 1$$

所以该方程是可以识别的。又因为

$$k - k_* = 2 < g_* - 1$$

所以该方程是过度识别的。

对于第三个结构式方程

$$k_1 = 1, \quad g_3 = 2$$

$$\prod_{z} = \begin{bmatrix} 4 & -2 \\ 2 & -1 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$$

因为

$$R(\prod_z) = 1 < g_3 - 1$$

所以该方程是不可以识别的。

综合上述结果,该联立方程计量经济学模型系统不可识别。

#### 9.2.4 实际应用中的经验方法

当一个联立方程计量经济学模型系统中的方程数目比较多时,无论是从识别的概念出发,还是利用规范的结构式或联立方程计量经济学模型简化式识别条件,对模型进行识别。因席都是很大的,或者说是不可能的。因为一般实际联立方程计量经济学模型包含几百个、上千个方程是正常的。这就是理论与实际的服节,理论上很严格的方法在实际中往往是无法应用的,在全年中原用的往往是一些经验方法。

关于联立方程计量经济学模型的识别问题,我们并不是等到理论模型建立之后,再像上 厕所介绍的那样进行识别,而是在建立模型的过程中设法保证模型的可识别性,那么,在建 立模型时就要遵循如下原则;

在建立某个结构方程时,要使该方程包含前面每一个方程都不包含的至少1个安量(内 生成先决变量);同时使前面每一个方程中都包含至少1个该方程未包含的变量,并且互不 相同。

该原则的前一句话是保证该方程的引入不破坏前面已有方程的可识别性。只要新引入

方程包含前面每一个方程中都不包含的至少1个变量,那么它与前面方程的任意线性组合都不能构成与前面方程相同的统计形式,原来可以识别的方程仍然是可以识别的。

该原则的后一句适是保证该新引人方程本身是可以识别的,只要前面每个方程都包含 全人一个该方程所来包含的变量,并且互不相同,那么所有方程的任意线性组合都不能构成 与该方程相同的统计形式。

## 9.3 联立方程模型的估计

对于可识别的联立方程模型,下一步就是设法估计模型中的参数。联立方程模型的估计 方法分为两大类,即单方程估计方法与系统估计方法。

单方整估计方法即对模型中的结构方程逐个进行估计,估计过程中主要考虑每一个方 图所包含的信息。而不涉及模型系统中各方程之间的相互关系,所以也称为有限信息估计 法。常用的单方程估计方法有;普通最小一类核(ordinary least squares, OLS)。阅接最小二 模法(indirect least squares, ILS)、工具变量按(instrumental variables, IV)、二段最小二乘 接(two-stage least squares, 2SLS)、有限信息极大似然接(limited-information maximum likelihood,LIML)、有限信息最小方差比法(limited-information least variable ration. LILVR)等等。

系统估计法是对整个模型中的所有结构方程同时进行估计。同时得到模型中所有结构 参数的估计量。由于估计过程中要考虑模型的整体结构。以及施加在每个方程上的约束,利 用了模型系统的全部信息,所以又称为完全信息法。常用的系统估计方法有;二段最小二乘 结(three-stage least squares, 3SLS)、完全信息接大似然法(full information maximum likelihood, FIML)等。

下面主要介绍几种简单常用的联立方程模型的单方程估计方法。

#### 9.3.1 狭义的工具变量法(IV)

工具变量方法是 ·类估计方法的统称。可以有各种不同的选择工具变量的方法。在这里 仅指一种特定的工具变量而言。故称为"铢义的工具变量法"。

#### 1. 工具变量的洗取

对于联立方程计量经济学模型

$$BY + \Gamma X = N \tag{9-15}$$

的每一个结构方程,如第1个方程,可以写成如下形式,

$$Y_1 = \beta_{12}Y_2 + \beta_{13}Y_2 + \cdots + \beta_{1g_1}Y_{g_1} + \gamma_{11}X_1 + \gamma_{12}X_2 + \cdots + \gamma_{1k_1}X_{g_1} + N_1 \quad (9-16)$$

该方程包含 g<sub>1</sub> - 1 个内生解释变量和 k<sub>1</sub> 个先决解释变量。写成矩阵形式为:

$$Y_1 = (Y_0 \quad X_0) \begin{bmatrix} B_0 \\ P_0 \end{bmatrix} + N_1 \tag{9-17}$$

其中

$$\begin{split} Y_{i} &= (Y_{i} \quad Y_{i} \quad \cdots \quad Y_{s_{i}}) = \begin{bmatrix} y_{21} & y_{21} & \cdots & y_{s_{i}1} \\ y_{22} & y_{32} & \cdots & y_{s_{i}1} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ y_{2s} & y_{3s} & \cdots & y_{s_{i}s} \end{bmatrix} \\ X_{0} &= (X_{1} \quad X_{2} \quad \cdots \quad Y_{s_{i}}) = \begin{bmatrix} x_{11} & x_{21} & \cdots & x_{s_{i}1} \\ x_{11} & x_{21} & \cdots & x_{s_{i}s} \end{bmatrix} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ x_{1s} & x_{2s} & \cdots & x_{s_{i}s} \end{bmatrix} \\ B_{0} &= \begin{bmatrix} \beta_{11} \\ \beta_{13} \\ \vdots \\ \beta_{ts} \end{bmatrix}, \quad \Gamma_{0} &= \begin{bmatrix} \gamma_{11} \\ \gamma_{12} \\ \vdots \\ \gamma_{ts} \end{bmatrix}, \quad Y_{1} &= \begin{bmatrix} y_{11} \\ y_{12} \\ \vdots \\ y_{ts} \end{bmatrix}, \quad N_{1} &= \begin{bmatrix} u_{11} \\ u_{12} \\ \vdots \\ u_{ts} \end{bmatrix} \end{split}$$

N 为样本容量,请读者注意这里的  $B_0$ , $\Gamma_0$  的含义已不同于结构式识别条件中的( $B_0\Gamma_0$ )。

欲估计结构方程式(9-17)。必须克服随机解释变量问题。有效的方法是工具变量法。这 里、我们自然就想到,方程中投有包含的(s) 个先决变量基本满足工具变量的条件,可以选 特它们作为方程中包含的(g,-1) 个内生解释变量的工具变量。如此选择工具变量的方法 被称为维义的工具变量法。

如果结构方程式(9-17)是恰好识别的,即满足(k-k,)=(g,-1),那么,工具变量的选择就很简单。

2. IV 参数估计及其统计特性

选择 X; 作 Y。的工具变量,得到的参数估计量为:

其中

$$X_0^* = \begin{pmatrix} X_{k_1+1}, 1 & X_{k_2+2}, 1 & \cdots & X_k, 1 \\ X_{k_1+1}, 2 & X_{k_1+2}, 2 & \cdots & X_k, 2 \\ X_{k_1-1}, n & X_{k_1+2}, n & \cdots & X_k, n \end{pmatrix}$$

工具变量法参数估计量,一般情况下,在小样本下是有偏的,但在大样本下是渐近无偏 的。如果洗取的工具变量与方程随机误差项不相关,那么其参数估计量是无偏性估计量。

3. 参数估计量与工具变量的次序无关

对于恰好识别的结构方程,选择该方程中没有包含的 k k<sub>1</sub> 个先决变量作为方程中包含的 g<sub>1</sub> 1 个内生解释变量的工具变量。虽然只有一组选择,但是在这一组中具体哪个先决 变量作为哪个内生变量的工具变量、仍然具有任意性。然而这种任意性对参数估计量没有 影响。

从上面知道,工具变量法参数估计量是一个关于该参数估计量的正规方程组的解。由该 正规方程组的形成过程可以看出。如果工具变量的次序不同。也就是工具变量被使用的先后 不同。那么正规方程组中的方程的次序将不相同。但是由代数知识可知。在一个线性方程组 内部。在一个线性方程组的解。所以,只要选择的工具变量组中的变量是相同的。只能得 到一种金数估计量。或与零量的水序不关。

#### 9.3.2 间接量小二乘法(ILS)

联立方程计量经济学模型的结构方程中包含有內生解释变量,不能直接采用普通最小 二乘法估计其参数,但是对于简化式方程。正如在关于简化式模型概念介绍中契则的,可以 采用普通最小二乘法直接估计其参数。于是就提出了间接最小二乘法,得到简化式参数估计 量,然后通过参数关系体系,计算得到结构式参数的估计量。

间接最小二乘法只适用于恰好识别的结构方程的参数估计。因为只有恰好识别的结构 方程、才能从参数关系体系中得到唯一一组结构参数的估计量。

为了更清整地看出这种推利的性质、我们且考虑含有三个方程的方程组。

$$\begin{cases} Y_1 = \beta_{10} + \gamma_{11} X_1 + \gamma_{12} X_2 + u_1 \\ Y_2 = \beta_{10} + \beta_{21} Y_1 + \gamma_{21} X_1 + \gamma_{22} X_2 + u_2 \end{cases}$$
 (9 - 19)

 $Y_{1} = \beta_{10} + \beta_{11}Y_{1} + \beta_{22}Y_{2} + \gamma_{11}X_{1} + \gamma_{12}X_{2} + u_{1}$ 

## 其中各个Y、X分别为内生变量和外生变量。

现考虑式(9-19) 中的第一方程。因为它的右边仅含有外生变量。又因为按假定外生变量与扰动项。和光光,所以此方程确层经表OLS选中的解释变量与干扰项不相关的基本假定,因而OLS可直接应用于此方程的估计。再考虑式(9 19) 中的第二个方程。它不但含有增随机的各个 X.还含有内生变量 Y. 作为解释变量。那么,如果Y. 和Y. 是不相关的,OLS就可应用于此方程。但是不是这种情形呢?由于影响 Y. 和 A. 按假定是和 A. 不相关的,所以答案是肯定的。因此,为了研究实际问题的需要。在考虑 Y. 时就可把 Y. 看作前定的,从而可以用 OLS 估计第二个方程。把这种体理中推进一步,由于 Y. 和 Y. 都与 A. 不相关,我们又可对 水(9-19) 中的第一个方程。把这种体理可以 DLS。

于是,在速归系统中,OLS可分别地应用于每一个方程,其实在这种情况下,我们并没 有联立方程的问题,从这种系统的结构看,基础不存在内生变量之间的相互依赖性,比力战, Y,影响了,但Y,不影响了,类似地,Y,和Y,影响了,而反过来并不受Y,的影响,接病之, 就是前一个方程的内生变量对后一个方程而高是前定变量,而后一个方程的内生变量对前 一个方程没有影响,每个方程都展现一种单向的因果关系。

下面介绍间接最小二乘法·它就是对一个恰好能够识别的结构式方程、从结构式方程中 导出的相应简化式方程来利用 OLS 法估计出简化型参数的估计值。问接地求出结构式系数 的方法·称为阅接最小二乘法(indirect least squares, 简称 ILS)。

具体 步骤如下。

- (1) 识别。看联立方程模型是否可以识别,若恰好识别,则转下一步。
- (2) 先求出简化型方程组、导出参数关系式体系、使得在每一个方程中被解释变量为唯一的内生变量、并且仅仅是外生变量和随机变量的函数。
  - (3) 利用样本现测值数据对每一个简化式方程讲行 OIS估计。
  - (4) 将简化型参数估计值代入参数关系式,求出原始结构式系数的估计值。

下面我们看式(9-20) 某种商品市场供求模型。

供給方程 
$$Q_i = b_{10}P + 0X_1 + b_{12}X_2 + b_{13}X_2 + u_1$$

需求方程 
$$Q_d = b_{10}P + b_{21}X_1 + b_{22}X_2 + 0X_3 + u_2$$
 (9-20)

均衡方程 Q. = Q. = Q

其中,Q为商品供需平衡量;P为市场价格; $X_1$ 为可支配收入; $X_2$ 为单位成本; $X_3$ 为市场占有份额。

P 为内生变量。其他为外生变量。g = 2。k = 3

- 1. 识别
- 结构式系数矩阵

$$Q \quad P \quad X_1 \quad X_2 \quad X_3$$

$$(B,\Gamma) = \begin{bmatrix} 1 & -b_{10} & 0 & -b_{12} & -b_{13} \\ 1 & -b_{20} & -b_{31} & -b_{22} & 0 \end{bmatrix}$$

- (1) 识别供应方程:g1 = 2.k1 = 2
- ① 阶条件:

$$k - k_1 = 3 - 2 = g_1 - 1 = 2 - 1$$

② 秩条件:

$$r(B_0, \Gamma_0) = r(-b_{11}) = 1$$
  
 $g_1 - 1 = 2 - 1 = 1$   
 $r(B_0, \Gamma_0) = g - 1 = 1$ 

- ③ 因为阶条件取等号,恰好识别。
- (2) 识别需求方程:g2 2,k2 2
- ① 阶条件:

$$k - k_z = 3 - 2 - 1$$

$$g_2 - 1 = 2 - 1 = 1$$
  
 $k - k_1 = g_2$  1

② 秩条件:

$$r(B_0, \Gamma_0) = r(-b_{13}) = 1$$
  
 $g - 1 = 2 - 1 = 1$   
 $r(B_0, \Gamma_0) = g - 1 = 1$ 

- ③ 因为阶条件取等号,方程恰好识别。
  - 2. 简化型方程

$$\begin{cases} Q = \pi_{11} X_1 + \pi_{12} X_2 + \pi_{13} X_3 \\ P = \pi_{21} X_1 + \pi_{22} X_2 + \pi_{22} X_3 \end{cases}$$
 (9-21)

参数关系式

$$B \prod = -\Gamma$$

3. 应用 OLS 法估计简化型方程的参数

在样本观测值的支持下,利用 OLS 法对每个简化式方程分别估计其参数,得到  $\pi_0$  的估计值  $\pi_0$ ,i=1,2,j=1,2,3。

相应的参数关系式为:

$$\begin{bmatrix} 1 & -b_{10} \\ 1 & -b_{20} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \hat{\pi}_{11} & \hat{\pi}_{12} & \hat{\pi}_{13} \\ \hat{\pi}_{21} & \hat{\pi}_{22} & \hat{\pi}_{23} \end{bmatrix} = -\Gamma = \begin{bmatrix} 0 & b_{12} & b_{13} \\ b_{21} & b_{22} & 0 \end{bmatrix}$$

4. 求结构式参数 对于供应方程

$$a_{11} - b_{10}a_{21} = 0$$
,  $a_{11} = b_{11}/a_{21}$   
 $a_{12} - b_{10}a_{22} = b_{11}$ ,  $a_{12} = \frac{a_{11}a_{21} - a_{11}a_{22}}{a_{21}}$   
 $a_{13} - b_{10}a_{12} = b_{11}$ ,  $a_{12} = \frac{a_{11}a_{21} - a_{11}a_{22}}{a_{21}}$   
 $a_{13} - b_{10}a_{12} = b_{11}$ ,  $a_{12} = \frac{a_{11}a_{21} - a_{11}a_{22}}{a_{21}}$ 

对于需求方程,则

$$\hat{\pi}_{11} - b_{20}\hat{\pi}_{21} = b_{21}$$
  $\hat{\pi}_{12} - b_{20}\hat{\pi}_{22} = b_{22}$   $\hat{\pi}_{13} - b_{20}\hat{\pi}_{23} = 0$ 

据此可以求出 620 的估计量,从而可以得出 621 、621 的估计量。即

$$\hat{b}_{20} = \hat{\pi}_{13}/\hat{\pi}_{23}$$

$$\dot{b}_{21} = \dot{\pi}_{11} - \dot{b}_{20} \dot{\pi}_{21} = \frac{\dot{\pi}_{11} \dot{\pi}_{23} - \dot{\pi}_{11} \dot{\pi}_{21}}{\dot{\pi}_{23}}$$

$$\hat{b}_{22} - \hat{\pi}_{12} - b_{20}\hat{\pi}_{22} = \frac{\hat{\pi}_{12}\hat{\pi}_{23} - \hat{\pi}_{13}\hat{\pi}_{22}}{\hat{\pi}_{23}}$$

由此可得全部结构式方程的参数估计。

对于联立方程模型的一般形式,假设它的第 i 个结构式方程为:

$$Y_i = \beta_0 Y_1 + \beta_2 Y_2 + \cdots + \beta_{(i-1)} Y_{i-1} + \beta_{(i+1)} Y_{i+1} + \cdots + \beta_{k_1} Y_{k_1}$$
  
  $+ \gamma_0 X_1 + \gamma_2 X_2 + \cdots + \gamma_k X_k + u_i$ 

其中g.,k,分别为该统构式方程所含的内生变量和前定变量个数,于是 $Y_1,Y_2,\cdots,Y_{s_r}$ 相应的简化式方程为。

$$Y_{si} = \prod_{si \times t} X_{tix1} + V$$

如果将结构式方程记为:

$$g_oY_o + \Gamma_oX_o = U$$

簡化式方程可记为,

$$Y_0 = \prod X + V \qquad (9-22)$$

其中

$$\begin{aligned} Y_0 &= [Y_1, Y_1, Y_1, \cdots, Y_{r-1}, Y_{r+1}, \cdots, Y_{r_i}]^T, \quad X &= [X_1, X_1, \cdots, X_{t_i}]^T \\ B_0 &= [1, -\beta_0, -\beta_0, \cdots, -\beta_{t-1}, -\beta_{t+1}, \cdots, -\beta_{\theta_t}] \\ F_0 &= [-\gamma_0, -\gamma_0, \cdots, -\gamma_0] \end{aligned}$$

参数关系式为:

$$B_0 \prod_{\cdot} = -P_0$$
 (9 - 23)

$$B_n \prod = 0$$
 (9 - 24)

其中

$$\prod_{i} = \begin{bmatrix} \pi_{11} & \pi_{12} & \cdots \pi_{10_{i}} \\ \pi_{21} & \pi_{22} & \cdots \pi_{20_{i}} \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ \pi_{n,1} & \pi_{n,2} & \cdots \pi_{n,n_{i}} \end{bmatrix}, \quad \prod_{2} = \begin{bmatrix} \pi_{10_{i}+1} & \pi_{10_{i}+2} & \cdots \pi_{10} \\ \pi_{20_{i}+1} & \pi_{20_{i}+2} & \cdots \pi_{20} \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ \pi_{n,n_{i}+1} & \pi_{n,n_{i}+2} & \cdots \pi_{n,n_{i}} \end{bmatrix}$$

对式(9-22) 果用 OLS 法估计得到 门,后由式(9-24) 可得到 B, 再由式(9-23) 得到 b, 在上述估计过程中,不是直接对结构式方程采用 OLS 法,而是对衡化式方程采用 OLS

法,然后计算得到结构式参数估计值。

#### 9.3.3 南阶段最小二零法

前面介绍了 IV 与 ILS 法。它们都只适合 F恰好识别的结构式方程的参数估计问题。而 实际中的联立方程计量经济学模型。由于模型规模一般较大,所含的前定变量与内生变量都 较多。但在每一个方程中所含的变量数却很少。因此经常出现4-k. > g., - 1 的情形。这时就 需要利用调阶段最小:乘法(two-stage least squares, 2SLS)进行估计。两阶段最小:乘法 简记为 2SLS, 2SLS 方法最早是由 R. L. 巴斯曼(R. L. Basman) 和 H. 西尔(H. Theli) 于 1957 年分别独立描出的,在理论上可以认为是问接最小二乘法(ILS)和工具变量法(IV)的 推广。它是估计过度识别模型的单方程估计方法中最重要的一种方法,在恰好识别情况下, 2SLS 的参数估计结束等 ILS 和 IV X # All P

2SLS方弦要也的目的在于尽可能地消除联立方程模型中由于解释变量中存在的内生 变量所造成的偏差。其第一阶段,对模型的简化式方程应用 OLS 法。以得到内生变量的估计 量,第二阶段,把出现的结构式方程右端的内生变量用在第一阶段得到的估计量未代替,使 之由陽机变量变成确定量。再对结构式方程后用 OLS 法。以得到结构式参数的估计值。

设被估计方程形如:

$$Y_{1} = \beta_{12}Y_{2} + \beta_{13}Y_{1} + \dots + \beta_{1e}Y_{e_{1}} + \gamma_{11}X_{1} + \gamma_{12}X_{2} + \dots + \gamma_{1e_{1}}X_{e_{1}} + u_{1} \quad (9-25)$$

方程中作为解释变量的内生变量共有 g, -1 个,随机项 μ 满足基本假定。

 $Y_2, Y_1, \dots, Y_{s_1}$  相应的简化式方程组

$$Y_i = \pi_{i1}X_1 + \pi_{i2}X_2 + \dots + \pi_4X_4 + V_i$$
,  $i = 2, 3, \dots, g_1$  (9-26)

在应用一阶段最小二乘法的整个过程中,并没有涉及结构方程中内生解释变量和先决 解变量的数目,所以二阶段最小二乘法的应用与方程的识别状态无关,既适用于恰好识别 的结构方程,又适用于过度识别的结构方程。

## 9.4 膜立方程模型的检验

与单方程计量经济学模型一样, 联立方程计量经济学模型在完成估计之后, 也要进行检验, 包括单方程检验和方程系统的检验。

凡是在单方假计量经济学模型中必须进行的各项检验、对于联立方限计量经济学模型 中的结构方程。以及应用 25LS 和 35LS 方法过程中的简化式方程。都是适用的和需要的。在 此不再繁复、下面着重个组模型系统的检验。

1. 拟合效果检验

对于联立方程计量经济学模型

$$BY + \Gamma X - N \tag{9-27}$$

当结构参数估计量已经得到,并通过了对单个方程的检验之后,有

$$BY + PX = 0 (9 - 28)$$

将样本期的先决变量观测值代人式(9-28),求解该方程组,即可得到内生变量的估计值 Y.将估计值与实际观测值进行比较,据此判断模型系统的组合效果。

如何求解方程组式(9-28)。模型系统虽然是线性系统。但并不排除式(9-28)中存在非 线性方程。这些方程仍表现的变量之间的直接关系是非线性关系。但经过某种变换后以线性 形式出现在模型中,例如用 Cobb Douglass 生产函数表示的生产方程。所以,对给定 X 的值、 求解内生变量的估计值 Y 的常用方法是迭代法。

常用的判断模型系统拟合效果的检验统计量是"均方百分比误差",用 RMS表示。其计算方法为:

RMS = 
$$\sqrt{\sum_{i=1}^{n} \frac{e_{\theta}^{2}}{n}}$$
  
 $e_{\theta} = \frac{y_{\theta} - y_{\theta}}{y_{\theta}}$ 

其中,RMS,为第:个内生变量的"均方百分比误差",用为样本容量。一般认为,在各种检验统 计量中,RMS,具有更善滴的套义,对检验模型系统的总体和合优度更为有效。

#### 2. 预测性能检验

建立联立方层计量经济学模型。一般要求费较长的时间,当模型建成后、样本期之后的 时间截面上的内生变量实际观腾值已经知道。这就有条件对模型系统进行预测检验。将该时 间截面上的先决变量实际观照值代人模型。计算所有内生变量预测值,并计算某相对误差

$$RE = \frac{y_n - \hat{y}_n}{y_n}$$
,  $i = 1, 2, \dots, g$ 

其中 y<sub>10</sub>, y<sub>2</sub> 分别为第 i 个内生变量的观测值与预测值,g 为模型中内生变量数目。

同样,也没有绝对的标准。一般认为,如果 RE < 5% 的变量数目占 70% 以上。并且每个 变量的相对误差不大于 10%,则认为模型系统总体预测性能较好。

有人会因此提出责难。认为这个标准太低了。例如.用模型来预测翰舍产量。一般讲年实 陈增长率不会超过5%。而模型的预测设差允许达到5%。这样的预测还有什么意义呢?对于 这举情况,应该在建立模型时加以与规。如律力增量模型而不移总量模型。

#### 3. 方程间设差传递检验

由于联立方程计量经济学模型系统中变量之间互为解释变量,那么就存在误差的传递,需要对此进行检验。

一个总体结构清晰的计量经济学模型系统、应该存在一些明显的关键路径、结述主要经 於行为上体的经济活动过程。这是由经济系统的特征所决定的。在关键路径上、方程之间存 在明显的遗推关系。例如,在一个中国宏观经济模型中,生产方程。收入方程、分配方程、投资 方程、固定资产形成方程等。就构成一个关键路径。而且存在者递排关系。由固定资产决定总 产值、由总产值决定国民收入,由国民收入决定财政收入。由财政收入决定投资。由投资决定 周定寄产、在关键路径,进行进步转递分析。则以验验总体编型的维组核作和指继编标。

如果关键路径上的方程数目为 T, e, 为第 1 个方程的随机误差估计值,下列三个统计量都可以用来衡量关键路径上的误差水平。它们是:

误差均值 
$$=\frac{1}{T}\sum_{i=1}^{T}\epsilon_i$$
  
均方根误差  $=\sqrt{\frac{1}{T}\sum_{i=1}^{T}\epsilon_i^2}$   
內诸曼比  $=\frac{\sum_{i=1}^{T}(\epsilon_i-\epsilon_{i-1})^2}{\sum_{i}\epsilon_i^2}\frac{T}{T-1}$ 

摄影均值应用较少。因为存在正负相抵的问题。均方根误差和冯诺曼比应用较多。显然 是他小艇好,填件又归诺要此对误差传递程度的检验功能最强,如果误差在方程之间没有 传递。该比值为 0.

#### 4. 样本点间误差传递检验

上述几种检验中构造的检验统计量都是在同一时间模面上计算其数值。在联立方程计量经济学模型系统中,由于经济系统的动态性,决定了有一定数量的滞后内生变量,由于带后内生变量的存在,使停模型预测设施不仅在方程之间传递,而且在不同的时间截面之间,即样本点之间传递,所以对模型进行强动预测检验是必要的。

如果样本期为 $t=1,2,\cdots,n$ 对于模型式(9-28),给定t=1时的所有先决变量的观测值、包括带后内生变量、求解方程组,得到内生变量的预测值 $Y_1$ ,对于t-2,只给定外生变量的预测值 $Y_1$ ,对于t-2,只给定外生变量的预测值,而几个生变量则以第t-2,即的几个变量的预测值 $Y_1$ ,如此逐年骤动预测,直至得到t-2 即时的内生变量的预测值 $Y_1$ ,并求出该滚动预测值等实际观测值代人模型,求解方程组,得到内生变量的非深动预测值 $Y_1$ ,并求出该非滚动预测值与实际观测值代人模型,求解方程组,得到内生变量的非探动预测值 $Y_1$ ,并求出该非滚动预测值与实际观测值的相对误差。比较两种结果,二者的差异表明模型预测误差在不同的时间截面之间传递。

从上述检验过程可以看出,滚动预测检验是较为严格有效的检验。

## 9.5 奢例分析

#### 9.5.1 研究目的和模型设定

依据凯恩斯宏观经济调控脉理,建立简化的中国宏观经济调控模型,经理论分析,采用 基于三个部门的凯恩斯总需求决定模型。在不考虑进出口的条件下,通过消费者,企业、政府 的经济活动,分析总收入的变动对消费和投资的影响、设期论模型如下,

$$Y_{t} = C_{t} + I_{t} + G_{t}$$
  
 $C_{t} - a_{0} + a_{1}Y_{t} + u_{1t}$   
 $I_{t} = \beta_{0} + \beta_{1}Y_{t} + u_{2t}$ 
(9 29)

其中、Y、为支出的 GDP, C、为消费、I、为投资、G、为政府支出;内生变量为 Y, C、I; 前定变量为 G, W M = 3, K = 1.

#### 9.5.2 模型的识别性

根据上述理论方程,其结构型的标准形式为:

$$\begin{cases}
C_t & I_t + Y_t & G_t = 0 \\
-a_0 + C_1 - a_1 Y_t = u_{1t} \\
-\beta_0 + I_t - \beta_1 Y_t = u_{2t}
\end{cases}$$
(9-30)

标准形式的系数矩阵 $(B,\Gamma)$ 为:

$$(B,\Gamma) = \begin{bmatrix} 0 & -1 & -1 & 1 & -1 \\ -a_0 & 1 & 0 & -a_1 & 0 \\ -\beta_0 & 0 & 1 & -\beta_1 & 0 \end{bmatrix}$$

由于第一个方程为恒定式,所以不需要对其识别性进行判断。下面判断消费函数和投资 函數的识别性。

1. 消费函数的识别件

首先,用阶条件判断。这时  $m_t = 2, k_t = 0$ 。因为  $K - k_t = 1 - 0 = 1$ ,并且  $m_t - 1 = 2 - 1$  = 1,所以  $K - k_t = m_t - 1$ 。要明濟豐函數有可能为恰好识别。

其次,用秩条件判断。在(B,P)中划去消费函数所在的第二行和非零系数所在的第一、 二、四列,得

$$(B_0, \Gamma_0) = \begin{bmatrix} -1 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

显然, $Rank(B_o, \Gamma_o) = 2$ ,则由秩条件,表明消费函数是可识别,再根据阶条件,表明消费函数是恰好识别。

2. 投资函数的识别性

由于投资函数与消费函数的结构相近,判断过程与消费函数完全一样。故投资函数的阶条件和秩条件的判断于以省略。结论是投资函数也为恰好识别。

综合上述各方程的判断结果,得出该模型为恰好识别。

#### 9.5.3 宏观经济模型的估计

由于消费函数和投资函数均为恰好识别。因此。可用间接最小二乘估计法(ILS)估计参数。选取GDP、消费、投资、并用财政支出作为政府支出的替代变量。这些变量取自1978年

~ 2006年中国宏观经济的历史数据,见表9-1。

表 9 1 1978 年 ~ 2006 年中国宏观经济的历史数据

年份	GDP	消费	投资	政府支出
1978	3617	1759. 1	1377. 9	480
1979	4112-6	2011. 5	1478.9	622. 2
1980	4607.6	2331.2	1599.7	676.7
1981	4991.7	2627. 9	1630. 2	733.6
1982	5499	2902. 9	1784. 2	811.9
1983	6165.4	3231.1	2039	895.3
1984	7361.4	3742	2515. 1	1104.3
1985	9443.8	4687.4	3457.5	1298.9
1986	10763.7	5302. 1	3941.9	1519.7
1987	12266. 6	6126. 1	4462	1678.5
1988	15539.7	7868. 1	5700. 2	1971. 4
1989	17496.9	8812.6	6332. 7	2351.6
1990	18837. 5	9450. 9	6747	2639.6
1991	21959.9	10730. 6	7868	3361.3
1992	27289.6	13000. 1	10086.3	4203. 2
1993	37617.6	16412.1	15717. 7	5487.8
1994	49583. 3	21844. 2	20341.1	7398
1995	62218. 3	28369. 7	25470.1	8378.5
1996	72704.4	33955. 9	28784.9	9963.6
1997	78108.6	36921.5	29968	11219.1
1998	82902. 4	39229. 3	31314.2	12358. 9
1999	88588. 4	41920.4	32951.5	18716.5
2000	96358. 8	45854. 6	34842, 8	15661. 4
2001	106647.7	49213. 2	39769.4	17665.1
2002	117256. 2	52571.3	45565	19119.9
2003	133412.5	56834.4	55963	20615.1
2004	156201.3	63833. 5	69168.4	23199. 4
2005	178469	71217.5	80646.3	26605. 2
2006	204516.4	80120.5	94103.2	30292. 7

资料来源《中国统计年鉴 2007》。

根据 ILS 法,首先将结构型模型转变为简化型模型,则宏观经济模型的简化型模型为;

$$Y = \pi_{00} + \pi_{01}G$$
  
 $C = \pi_{10} + \pi_{11}G$   
 $I = \pi_{20} + \pi_{21}G$ 

其中结构现模型的系数与简化型模型系数的关系为:

$$\begin{split} \pi_{00} &= \frac{a_0 + \beta_0}{1 - a_1 - \beta_1}, \quad \pi_{01} &= \frac{1}{1 - a_0 - \beta_0}, \quad \pi_{10} &= a_0 + a_1 \frac{a_0 + \beta_0}{1 - a_1 - \beta_1} \\ \pi_1 &= \frac{a_1}{1 - a_1 - \beta_1}, \quad \pi_{00} &= \beta_0 + \beta_0 \frac{a_0 + \beta_0}{1 - a_1 - \beta_0}, \quad \pi_{11} &= \frac{\beta_1}{1 - a_1 - \beta_0} \end{split}$$

其次,用CLS法估计简化影模型的参数,进入 EViews 软件,确定时间范围,编辑输入数 想,选择估计方程菜单,则估计简化影样本回归函数的过程是;按路径,Quick/Estimate Equation/Equation Specification,进入"Equation Specification"对话框。

在"Equation Specification"对话低里,分别镀人: "GDP C GOV"、"COM C GOV"、 "INV C GOV"、其中,GDP表示 Y:COM表示 C:LNV表示 I,GOV表示 G,得到三个简化型 方程的估计结果,写出简化型模型的估计式。

$$\dot{Y} = 845.4491 + 6.544012G$$

$$\dot{C} = 2088.951 + 2.691963G$$

$$\dot{I} = -1243,502 + 2.852048G$$

即简化型系数的估计值分别为:

$$\hat{\pi}_{00} = 845.4491$$
,  $\hat{\pi}_{01} = 6.544012$ ,  $\hat{\pi}_{02} = 2088.951$   
 $\hat{\pi}_{11} = 2.691963$ ,  $\hat{\pi}_{20} = -1243.502$ ,  $\hat{\pi}_{21} = 2.852048$ 

最后,因为模型是恰好识别,则由结构型模型系数与简化型模型系数之间的关系,可唯 一地解出结构型模型系数的估计。解得的结构型模型的参数估计值为:

$$\hat{a}_0 = 1375.548, \quad \hat{a}_1 = 0.411363$$
 $\hat{B}_0 = -1246.35, \quad \hat{B}_1 = 0.435826$ 

从而结构型模型的估计式为:

$$Y = C + I + G$$
  
 $C = 1375.548 + 0.411363Y + u_1$   
 $I = -1246.35 + 0.435826Y + u_2$ 

#### 思考与练习

- 为什么要建立联立方程计量经济学模型?联立方程计量经济学模型适用于什么样的 经济现象?
  - 2. 联立方程计量经济学模型的识别状况可以分为几类?其含义各是什么?

- 联立方程计量经济学模型的单方程估计有哪些主要的方法?其适用条件和统计性质各是什么?
  - 4. 一个由2个方程构成的简单商品供应模型如下。
  - 供給方程: $Q_i = a_0 + a_1 P_i + \mu_1$ ,
  - 需求方程: $Q_i = \beta_0 + \beta_1 P_i + \mu_{2i}$
- 其中,P为均衡价格,Q是供水平衡状态下的供给量或需水量。试从模型简化式与结构式关系体系回答下列问题:
  - (1) 這權形兩个方程是否可识别?
  - (2) 如果对该模型需求函数增加消费者收入变量 Y,,则两方程的识别状态有何变化?
- (3) 如果再在上述模型的供給方程中引入衝变量上期商品价格 $P_{r+1}$ ,則两方程的识别状态有何变化?
- (4)如果在需求函数中继续引入表示消费者财富的变量 W,则两方程的识别状态又有何变化?
  - 5、对习题 4 联立模型的每种情况,按结构式识别各件进行识别。
  - 6、回答下列问题:

为什么要讨论联立方程模型的识别问题?

- (1) 模型的识别性有几种类型?试解释各自的含义。
- (2) 如何对不可识别的方程进行简单的修改使之可以识别?
- (3) 如何在构造联立方程模型的过程中就设法保证模型的可识别性9解释其理由。
- 7. 设联立方程模型为:

$$C_r = a_0 + a_1(Y_r - T_r) + a_1C_{r-1} + \epsilon_{1r}$$

$$T_r = b_0 + b_1(Y_r - Y_{r-1}) + b_2Y_{r-1} + \epsilon_{2r}$$

$$Y_r = C_r + I_r + G_r$$
 $K_r = K_{r-1} + I_r$ 

其中, K 是資本存量, 其余变量与宏观经济模型中的定义相同。

- (1) 指出模型中的內生变量、外生变量、前定变量;
- (2) 利用阶条件和秩条件判断模型的识别性。
- 8. 联立方程模型的估计方法有几种类型?解释其产生原因。
- 9. 联立方程模型的单方程估计方法与单方程模型的估计方法有什么区别与联系?
- 10. 试说明间接最小二乘法和二股最小二乘法的原理及步骤;在什么条件下,两种方法的估计结构是等价的?
- 11. 下表是我国 1990 年~ 2006 年國內生产总值(GDP)、實币供应量(M2)、政府支出(G) 和投資支出(I) 的統計資料,試用表中數据建立我国的收入 貨币供給模型;

$$GDP_t = a_0 + a_1 M 2_t + a_2 I_t + a_3 G_t + \mu_{1t}$$

$$M2_r - b_0 + b_1 GDP + b_2 M2_{r-1} + \mu_{2r}$$

- (1) 判別模型的识别性。
- 158 »

#### (2) 分别使用 OLS 和 2SLS 方法估计模型,并比较两种方法的结果。

年份	GDP	M2	I	G	C
1990	18837.5	15293. 4	5747	2639. 6	9450. 9
1991	21959. 9	19349. 9	7868	3361.3	10730 €
1992	27289. 6	25402. 2	10086. 3	4203. 2	13000. 1
1993	37617.6	34879.8	15717.7	5487.8	16412.1
1994	49583. 3	46923. 5	20341.1	7398	21844. 2
1995	62218. 3	60750. 5	25470.1	8378. 5	28369.7
1996	72704-4	76094. 9	28784.9	9963. 6	33955. 9
1997	78108. 6	90995. 3	29968	11219.1	36921. 5
1998	82902. 4	104498.5	31314.2	12358. 9	39229. 3
1999	88588. 4	119897.9	32951. 5	13716.5	41920. 4
2000	96358. 8	134610. 4	34842.8	15661.4	45854. 6
2001	106647.7	158301.9	39769.4	17665. 1	49213.2
2002	117256. 2	185007	45565	19119.9	52571.3
2003	133412. 5	221222. 8	55963	20615. 1	56834. 4
2004	156201.3	254107	69168. 4	23199.4	63833.
2005	178469	298755.7	80646.3	26605.2	71217. 5
2006	204516.4	345603.6	94103.2	30292.7	80120. 5

#### 12. 回答下列问题:

- (1) 联立方程模型的检验包括哪些内容?
- (2) 联立方程模型的系統检验包括哪些内容?其与单方程模型的同类检验有何区别?
- (3)模型的系統检验有哪些评价指标?其中均方误差可以分解或哪三項指标?试解释各分項指标的含义。

## 第十章 时间序列分析

## 10.1 时间序列的基本概念

在本章之前所介绍的建模方法,可以说是一种结构建模法,即以经济理论作为构建经济 计管模规的基础。它是 20 世纪五六十年代计量经济学的主导方法论。然而,这种方法所构造 的计量经济学模型在 1973 年末出现的石油危机引起的经济动房面前却失灵了。这里的失灵 不是指这些模型没能顶见石油危机的出现。而是指这些模型无法预计石油危机引起的经济 动宽对许多基本经济安量的动态影响。因此引起「计量经济学界对结构模型方法论的认真 反思。众所间到,现实经济是铺除复杂的。对于社会的发展。体制的变迁,技术的创新等等。要 用具有一定规律性的计量经济学成动态多元非极性历程组对其加以描述并非易事。一方面, 对这些规实经济行为进行定性描述的经济理论并不是一成不变的,对同一经济观象的解释 常有相悖的理论模型形式同时并存。这意味着我们使用数据是计量经济学模型分析的主要教 推形式。在实证分析中,这些经济时序数据往往具有样本小、汇总加工程度高、统计质量不尽 如人意、序列自身或与其他序列的相互独立性低等特征、因而所含建模的有效信息较小、另 外不少经济学中重要的查提及有对的控制计划等。因此由为不可逻辑的命令者。

基于这些考虑;计量经济学家认为,结构模型方法论有其实处但也有其明点,其明点在 产对先验设定理论的极强依赖性,人们对结构参数估计值的信赖度很大程度上依赖于对理 论模型的信赖度。- 已理论模型失灵或过时,所估计的结构参数也随之失去意义,另外,所获 得的理论与样本数据之间惯意的吻合结果往往要凭借建模者的艺术,而这些艺术往往带着 较多"英明先见"的成分,于是,计量经济学家们在20世纪80年代初提出了,种与结构模型,在 方法论背道而验的"数据吸动"。建模途径、以指途样本数据的等征代为建模的主要难则,在 "让数据为自身说话"的信念之下分析序列本身的概率或随机性质,他们认为,任何经济变 量的观测值是由随机数据生成过程生成。在建模中,首先应对这个生成过程做出假定,然后 才能开展模型的参数估计及推断工作,老统计推断,不理想,则需要修正原生成过程的假定, 重复进行统计推断,直到分析结果达到,定的内生,致性或收敛性为止,这样所建的模型对 样本具有很强的依赖性,且易对样本中的偶然或瞬变因素及长期因素不加分辨,因而所建模 型的参数一般都不需要有明确的经济意义。

正是有了这两种建模途径及在此基础上不断完善的过程。才出现了计量经济学难模理 论自 20 世紀 80 年代以来的底大发展。其中包括经济理论中的因果检验、单位根检验、协整 理论、误差校正模型、ARCH 模型及变形等理论和应用成果的出现。很大程度上改变了传统 计量级济学的理论和方法,并在经济学和金融学中得到了广泛的应用。

当然。作为數科书要全面介绍这些內容是有很大困难的。尽管这些理论和方法已有十几年的历史。但它们已包含了如此丰富的內容。以至于不可能在一本书中加以介绍。同时,陷如满海的文献中并存着众多的体系和观点。对计量经济学科的发展起着相解相成的作用。这也很难在一年书中反映。因此本章以介绍计量经济学的新进展为目的,用尽量少的数学语首介绍时间序列的平稳性、单位根检验、协整理论和误差校正模型、因果关系检验、向量自回归模型等概念框架。使读者对这些新理论和新方法在基本思想和具体操作应用上有一个初步的认识。计量经济学在这方面的发展、涉及较为保奥的数学知识。有兴趣的读者可参阅有关的书籍和文献。

在介绍上述方法之前,先介绍所涉及的一些基本概念。

#### 10.1.1 随机过程与时间序列

#### 1. 随机过程(stochastic process)

要把时间序列的研究提升到穩於高度來认识,必須介绍隨机过程。时间序列不是无限之 於是由相应的隨机过程产生的。只有从隨机过程的高度以识了它的一般规律,对时间序 列的研究才会看指导象义,到钟间序列的认识才会更强别。

自然界中事物变化的过程可以分成两类,一类是确定型过程,一类是非确定型过程。确 定型过程即可以用关于时间 1 的函数描述的过程。例如,真空中的自由解体运动过程。电容 器通过电阻的放电过程。行星的运动过程等。非确定型过程即不能用一个(或几个)关于时间1 的确定性函数描述的过程。换句话说。对同一事物变化的过程技立、复复地进行多状观 调而得到的结果是不相同的。例如,对阿流水位的测量。其中每一时刻的水位值都是一个随机变量。如果以一年的水位记录作为实验结果,便得到一个水位关于时间的函数 Y。这个水位的数是预先不可确知的,只有通过测量才能得到。而在每年中同一时刻的水位纪录是不相同的。

由随机变量组成的一个有序序列称为随机过程。记为 $\{Y(s,t):t \in S,t \in T\}$ ,其中 S 表,示样本空间,代表试验场合;了表示序数章,代表时间变化、对于每一个 $t,t \in T,X(\cdot,t)$  是样本空间。个的一个随机变量、对于每一个 $s,t \in S,y(s,\cdot)$  是随机过程在序数象 T 中的一次实现,随机过程的资分(Y),或 Y,随机过程也常简称为过程。

#### 2. 时间序列(time series)

隨机过程的 · 饮实现或 - 次观则结果称为时间序列。用 $\{Y_{\epsilon}, \epsilon \in T\}$  表示。简记为 $\{Y_{\epsilon}\}$  或  $Y_{\epsilon}$ ,时间序列中的元素称为观测值。自然科学领域中的许多时间序列常常是平稳的。如工

业生产中对液面, 压力, 温度的控制过程, 某地的气温变化过程, 某地 100 年的水文資料等, 但经济领域中多数宏观经济时间序列却都是非平稳的。如一个国家的年 GDP 序列、年投资 序列、年进出口序列等。

随机过程和时间序列·散分为两类,一类是离散型的。一类是连续型的。本书只考虑离散型随机过程和时间序列,即乘测值是从相同时间间隔点上得到的,离散型时间序列可通过两种方法获得。一种是抽样于连续变化的序列。比如某市每日中午观测到的气温值序列。另一种是计算一定时间间隔内的累积值。比如中国的年基本建设投资额序列。农作物年产量序列等。

随机过程与时间序列的关系表示如下。

例如,要记录某市自电力落耗量。则每日的电力消耗量就是一个随机变量,于是得到一个日电力消耗量关于天教,的函数。而这些以年为单位的函数族构成了一个随机过程(Y,), t=1,2,…,355,因为时间以天为单位,是高散的。所以这个随机过程是离散型随机过程。而 一年的日电力消耗量的实际观测值序列就是一个时间序列。

隨机过程和它的一个实现之间的区别可类比于横截面数据中总体和样本之间的区别, 正如我们由样本数据引出关于总体的推断那样,在时间序列分析中,我们利用随机过程的一 个实现去引出其背后的随机过程的推断,但是。由此也可以看出,时间分析与横截面数据分 价的一个显著不同,在时间序列分析中,我们推断的是一个随机过程的变化规律或几个随机 过程的变化规律以及它们之间的结构关系,在横截面数据分析中,推断的是几个随机变量之 间的结构关系,正是由此不同,导致了两种分析的不同方法及内容。

#### 10.1.2 平稳和非平稳的时间序列

#### 1. 平稳时间序列

广泛地说,如果一个随机时间序列的均值和方差在时间过程上保持常数,并且在任何两 时期之间的协方差值仅依赖于该两时期间的距离或薄后,而不依赖于计算这个协方差的实 际时间, 破除它为平稳的。

更正规的数学表述为:设有一醣机时间序列,如果:

第一,均值  $E(Y_t) = \mu$  与时间 t 无关。

第二,方差  $Var(Y_t) = E(Y_t - \mu)^t = \sigma^t$  与时间无关。

第三、协方差  $\gamma_i$   $Cov(Y_i,Y_{r*i})=E(Y_i-\mu)(Y_{r*i}-\mu)$  只与阔隔期 k 有关而与时间 t 无关,称这样的协方差为滞后 k 的自协方差,也就是相隔 k 期的两个 Y 值之间的协方差,如果

k=0 就得到  $\gamma_s$ ,这无非就是 Y 的方差是时不变的 $(=\sigma^s)$ ;如果  $k=1,\gamma_s$  就是 Y 的两相邻值之间的协方差。则称这样的随机时间序列为平稳的时间序列。

我们知道平稳时间序列的期望和方整是固定不变的, 协方差只与所考察的两个时期的 阿屬长度有关。同与时期t无关,因此对平稳时间序列而言,任何震荡都是暂时的,随着时间 的维兹,这些影响逐渐清失,回复到长期平均水平。

特別地,具有零均值和相同方差的不相关随机过程称为纯随机或白噪声(purely random or white noise)过程(如图10 1)。白噪声过程可能不常见。但是,正如我们将要看到 的,白噪声过程的加权和却是非白噪声过程的一种很好的表达方式,可以说。白噪声是组成 随机过程的"最小单位"。是对随机过程可能达到的最佳认识,如果除了白噪声的随机性质 外,随机过程的性级按助额摄倒错法。则可以认为对验过现有了完全的错述。

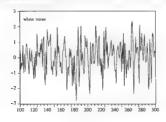


图 10-1 白噪声序列(g2 = 1)

平稳性是--个很重要的特性,因为它保证「随机过程基本上没有结构变动,这种结构变 动将使预测遇到困难或不可能。

#### 2. 非平稳时间序列

所謂时间序列的非平稳性。是指时间序列的统计规律随着时间的位移而发生变化,即生 成变量的时间序列数据的随机过程的特征随时间而变化。只要上面的三个条件不全满足,则 该时间序列是非平稳的。当时间序列是非平稳的时候,前面所介绍的计量经济模型技术将遇 到极大的困难。

非平稳时间序列聚么均值附时间面变化、聚么方差椭时间而变化。或者两者同时在发生 变化,也就是时间序列不存在可收敛的长期平均水平,且万差随时间推移而无限增大。因此, 对非平稳时间序列的冲击排产生水久的影响,非平稳时间序列具有明显的趋势。

下面介绍几种常见的非平稳时间序列模型。

#### (1) 随机游走(random walk) 讨程

假设 u, 是均值为 0 和方差为 o' 的白噪音误差项。若

$$Y_t = Y_{t-1} + u_t$$
 (10 - 1)

## 计量经济类理论与应用

则称 Y, 序列为随机游走序列(如图 10-2)。



图 10-2 糖机游走序列(o² = 1)

现在,我们从式(10-1)可以得出

$$Y_1 = Y_0 + u_1$$
  
 $Y_2 = Y_0 + u_1 + u_2$   
 $Y_3 = Y_0 + u_1 + u_2 + u_3$ 

一般地,若这个过程从第 0 期的 Y。开始,我们就有

$$Y_{c} = Y_{0} + \sum u_{r} \qquad (10-2)$$

因此,

$$E(Y_t) = E(Y_0 + \sum u_t) = Y_0$$
 (10 - 3)

同理,可以证明

$$Var(Y_t) = t\sigma^2 \qquad (10-4)$$

上式表明、Y的均值等下其初始值或起始值(一个常數)。但隨著:的增加,其方差无限增 大,因此选背了平稳性条件,简言之,隨机節走过程是一个非平稳的随机过程,实于中端常设 安Y、为0.此时 E(Y)=0.

閥机游走过程的 一个有趣特征是、隨机冲击(即隨机误差項)的持久性,从式(102)中 明星可见,Y、等于初始的Y。加上各期閥机冲击项之和、结果是,一个特定的冲击永远也不会 病失,此如,若 $u_2$  一 2 而非 $u_3$  = 0 - 则从Y,开始所有的Y,都将提高两个单位,而且这个冲击 的影响永远也不会消失。

有癖的是, 若将式(10-1) 写成

$$Y_t - Y_{t-1} = \Delta Y_t - u_t$$
 (10 - 5)

其中 Δ 为 · 阶差分算子。容易证明,尽管 Y, 是非平稳的,但其一阶差分却是平稳的。换言之, 一个随机游走时间序列的 - 阶差分是平稳的。

(2) 带漂移的随机游走(random walk with drift) 序列

让我们把式(10-1) 改写成

$$Y_{-} = \delta + Y_{-} + u_{1}$$
 (10 - 6)

其中各酸於为環移參數(dnft parameter) 或價格項,我们称火,这样的序列为帶價格的隨机游 走序列 如图  $10^{-3}$ 。 $\epsilon$ 之后以被務为海縣參數或網絡項,是因为或 $(10^{-6})$ 的一新差分V, - $V_{-1} = \Delta V_{-} = \delta + u_{-}$ 表明 $V_{-}$ ,根据 $\delta$ 为正或负而向上或向下價格。

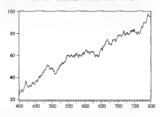


图 10-3 带灌鞋的随机踏走序列(8=0.1)

通过讨论不带漂移随机游走的程序,可以证明,源移的随机游走模型

$$E(Y_t) = Y_0 + t\delta ag{10-7}$$

$$var(Y_t) = tg^t ag{10-8}$$

如你所见,带漂移的随机游走的均值和方差都随着时间而递增,同样违背了(弱)平稳 性条件。简言之,带不带漂移项的随机游走,都是一个非平稳的时间序列。

(3) 带漂移和趋势项的随机游走序列

随机游走序列式(10-1)、式(10 6) 是比较简单的非平稳序列,它是

$$Y_t = \delta + \gamma t + Y_{r-1} + u_t$$
 (10 - 9)

的特例,或(10-9) 称为同时带有源等和确定性趋势的随机器走序列(如图 10 4),也称为确定性趋势非平稳过程(non stationary process with deterministic trend)。容易证明,该时间序列是非平稳时间序列。

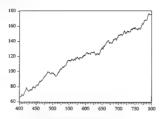


图 10-4 帯源移和趋勢項的随机游走(8=0.1.y=0.1)

#### 10.1.3 随机时间序列及其样本的数字特征

#### 1. 时间序列的数字特征

我们已经知道了随机时间序列的几个数字特征·它们分别是均值  $\Sigma(Y_i) = \mu_i$  方差  $Vor(Y_i) = E(Y_i - \mu_i)(Y_{i+1} - \mu_i)$  和自协方差  $Cov(Y_i, Y_{i+1}) = E(Y_i - \mu_i)(Y_{i+1} - \mu_i)$  不同司儿分别一个 数字特征:自相关函数 voutocorrelation function, ACF), 我们定义滞后 k 期的自相关函数为

$$\rho_{k} = \frac{E[(Y_{t} - E(Y_{t}))(Y_{t+k} - E(Y_{t+k}))]}{\sqrt{E[(Y_{t} - E(Y_{t}))^{2}]E[(Y_{t+k} - E(Y_{t+k}))^{2}]}} = \frac{Cov(Y_{t}, Y_{t+k})}{\sigma_{Y_{t}}\sigma_{Y_{t+k}}}$$
(10 - 10)

对于平稳过程,上式中的分子就是自协方差  $\gamma_s$ ,而分母则等于随机过程的方差  $\gamma_s$ ,所以对于平稳过程,我们有  $\rho_s = \frac{\gamma_s}{\gamma_s}$ ,显然  $\rho_s = 1$  对任何随机过程都成立,而对于平稳时间序列显然有  $\rho_s = \rho_{-1}$ 。

由于协方差和方差都以相同的度量单位度量,所以 A 是投有度量单位的數字。或者说 是饱數字。和任何一个相关系数一样。它介于一1和1之间。若得 A 对 A 描点,则所得到的图 被称为总体相关图(population correlogram)。

#### 2. 样本的数字特征

刺画隨机过程性质的一些數字特征,只有在隨机过程的生成机制是已知时才能精确地 知道,对于一个具体的经济时间序列来说,其背后的生成机制是不可能精确地知道的。所以 时间序列背后的随机时间序列的变符征如均值、方差,自协方差和自相关函数是不可能精 确求出的,它们是纯理论性的,对它所剥画的随机过程,我们通常只有有限个观测值,因此, 在实际应用中,需要它们的估计。这些估计的數字特征称为样本數字特征,如样本均值、样本 方差、样本自协方差和样本自相关函数等。

时间序列 Y, 的样本均值定义为:

$$\overline{Y} = \frac{1}{\pi} \sum Y_t$$
(10 - 11)

时间序列 Y, 的样本方差定义为:

$$\hat{\gamma}_n = \frac{\sum (Y_i - \overline{Y})^z}{n} \qquad (10 - 12)$$

时间序列 Y, 的样本自协方差定义为:

$$\hat{\gamma}_k = \frac{\sum (Y_i - \overline{Y})(Y_{rik} - \overline{Y})}{n}$$
(10 - 13)

时间序列 Y. 的样本自相关函数(sample autocorrelation function, SACF)定义为:

$$\hat{\rho}_{k} = \frac{\sum (Y_{r} - \overline{Y})(Y_{s+k} - \overline{Y})}{\sum (Y_{r} - \overline{Y})^{2}} = \frac{\hat{\gamma}_{k}}{\hat{\gamma}_{0}}$$
(10 - 14)

显然、对样本自相关函数、我们有点一点。将点对标准点、则称之为样本相关图(sample correlogram),由于样本自相关函数关于原点的对称性、所以、在作以 k 为模坐标、以 p, 为纵 全版的鍵並 相关即対、尺需面出 k 为正值的情形。

关于用样本数字特征来估计随机时间序列的数字特征的一个问题是,样本数字特征是 在不同时间点上的样本值或样本值的函数的平均。而随机时间序列的数字特征是在同一时 间点上的随机变量的数字特征。用这样的样本数字特征来估计随机时间序列的数字特征具 有合理性吗?或者说。这样的估计是一致的吗?对于协方差平稳的随机时间序列而育。回答是 肯定的,其理论证明所涉及的新近理论超出了本书的范围,在这里数不介绍了。

#### 10.1.4 时间序列数据的 AR、MA 和 ARMA 模型

时间序列数据背后的随机过程。也就是生成这些数据的数据生成过程。对于平稳性随机过程的描述、可建立多种形式的时间序列分析模型,这些模型刻面了时间序列企量的路径。随机时间序列分析模型分为三种类型。自回归模型(auto-regressive model, AR)、移动平均模型(moving average model, AMA)和自问归移动平均模型(auto-regressive moving average model, ARMA)。

#### 1, 自回归模型(AR)

若时间序列 Y. 为它的前期值和随机项的线性函数,可以表示为;

$$Y_t = \varphi_1 Y_{t-1} + \varphi_2 Y_{t-2} + \cdots + \varphi_p Y_{t-p} + u_t$$
 (10 - 15)

#### 2. 移动平均模型(MA)

若时间序列 Y, 为它的当前与前期随机干扰的线性组合,可以表示为:

$$Y_{t} = u_{t} - \theta_{1} u_{t-1} - \theta_{2} u_{t-2} - \dots - \theta_{q} u_{t-q}$$
 (10 - 16)

则称该时间序列 Y, 为移动平均序列,该模型为 q 阶移动平均模型,记为  $\mathrm{MA}(q)$ 。参数  $\theta_1$ , $\theta_1$ , $\cdots$ , $\theta_n$  为移动平均参数,是特估参数。

3. 自同归移动平均模形(ARMA)

若时间序列 Y, 为它的前期值以及当前和前期随机干扰的线性函数,也就是上述两种模型的结合,可以表示为:

$$Y_t = \varphi_1 Y_{t-1} + \varphi_2 Y_{t-2} + \cdots + \varphi_p Y_{t-p} + u_t - \theta_1 u_{t-1} - \theta_2 u_{t-2} - \cdots - \theta_n u_{t-n}$$
 (10 - 17)

則称该时间序列Y,为自回归移动平均序列。该模型为(p,q)阶自回归移动平均模型。记 苏州A(p,q),参数 $\phi_1,\phi_2,\dots,\phi_p$ 为自回归参数。 $\theta_1,\theta_2,\dots,\theta_n$ 为移动平均参数。是模型的 待估参数。

#### 10.1.5 单整和单位提过程

#### 1. 单整

一般地, 若非平稳过程(Y)的一阶差分为平稳的, 则称其为 - 阶单整的, 记为 I(1)。若使一个时间序列变成平稳序列, 雷对其进行两次差分, 即对一阶差分再取一阶差分, 则称之 为二阶单整(integrated of order 2)序列, 一般地, 若一个(非平稳的) 时间序列只有经过 d 次 差分才能变成早稳序列,则额之为 d 阶单整序列, 并记为 Y, ~ I(d).

若一个时间序列 Y, 一开始就是平稳的(即不需要进行任何差分)。则称之为 0 阶单整序列,并记之为 Y, ~ I(0)。

单整时间序列有如下性质值得注意:令 X,、Y, 和 Z, 为三个时间序列。

- (2) 若  $X_i \sim I(d)$ , 則  $Z_i = a + bX_i \sim I(d)$ , 其中 a 和 b 为常数,即一个 I(d) 序列的线性函数仍是 I(d)。因此,若  $X_i \sim I(0)$ ,则  $Z_i = a + bX_i \sim I(0)$ 。
  - (3) 若  $X_i \sim I(d_1)$  和  $Y_i \sim I(d_2)$ ,其中  $d_1 < d_2$ ,则  $Z_i = aX_i + bY_i \sim I(d_2)$ ,
- (4) 岩  $X_i \sim I(d)$  和  $Y_i \sim I(d)$ ,则  $Z_i = aX_i + bY_i \sim I(d^*)$ ; $d^*$  通常都等于 d,但在某些情况下  $d^* < d$ 。

一般地说,在经济数据中,表示演量的序列,例如,以不变价格表示的消费额、收入等经 常表现为一阶单整,表示存置的序列,例如,以不变价格表示的资产总值、储蓄余额等经常表 现为二阶单整,用当气价格表示的流量的序列,例如,以当气价格表示的消费额、收入等,由 于价格指数的作用,也经常差观为之阶单等,而使利率等形列,经常表现为0阶总数。

#### 2. 单位根过程

对于一个实际的时间序列数据。我们并不知道其真正的数据生成过程(Data Generating Process.简称 DGP),只能通过假设和基于假设的统计推断来确定其数据生成过程。为此,我们假定数据 Y, 是由 AR(1) 所生成。即

$$Y_t = \rho Y_{t-1} + u_t$$
 (10 ~ 18)

 $u, \sim ird(0,\sigma^1)$  且 4 阶矩有限、由 u, 为稳定过程、当  $; \rho \mid < 1$  时,由式(10 - 18) 所生成的 Y, 亦是稳定的、而当  $\rho = 1$  时,经过迭代有

$$Y_t = \sum_{i=1}^{t} u_t$$
 (10 - 19)

称  $\sum_{i=1}^{n} u_i$  为随机趋势,因此,当  $\rho=1$  时,数据由随机趋势所支配。将式(10-18) 用滯后算子 L来表示、有

$$(1-aL)Y_{i} = u_{i}$$
 (10 - 20)

而式(10-20) 所对应的特征函数为。

$$|1-aL|=0$$
 (10-21)

当式(10-21) 有一个根位于单位圆上即 |L|=1,有 $|\rho|-1$  时,此时由式(10-19) 可知, Y,由随机趋势所决定,这样 $|\rho-1$  刻画了聚都生成过程式(10-18) 的特征租位于单位圆上 显数据由随机趋势所决定。因此、 $|\rho-1|$  时除式(10-18) 为单位根过程。简记为 I(1)。不难看 出 $|\rho-1|$  时,有 $\Delta Y_i = u_i$  为稳定过程。 $\Delta Y_i \sim I(0)$ ,

随机过程 $\{Y_t, t=1,2,\cdots\}$  称为带常教师的单位相过程。加里

$$Y_{i} = \delta + \rho Y_{i-1} + u_{i}$$
 (10 - 22)

$$Y_{t} = \partial t + \sum_{i=1}^{t} u_{i} \qquad (10 - 23)$$

显然,该过程也具有一个明显的趋势。

随机过程 $\{Y_t, t=1,2,\cdots\}$  称为带趋势的稳定过程,如果

$$Y_t = C + nt + u_t$$
 (10 - 24)

其中、(u, ) 为稳定过程。实质上,带趋势的稳定过程也是非平稳过程。因为它的期望  $E(Y, ) = C + \pi$  是时间的函数。

在以上三种情况下,数据生成过程都可写成:

$$(1 L)Y_t = a + u_t$$

其中,L为滯后算子, $\alpha$ 分别为0、 $\delta$ 和r, $\{u$ , $\}$ 为稳定过程。它们的特征方程1-w=0有一个单位根w=1,因此可将以上三种随机过程通称为单位根过程。

- 显然,单位根过程或带常数项的单位根过程是一阶单整的,可记为  $Y_i \sim I(1)$ 。实际上,一阶单整过程与(带常数项的)单位根过程是同义的。
  - 3. 单位根过程的性质
  - (1) 伪回归(谬误回归现象)
  - 为了看出平稳的时间序列为什么如此重要,应考虑如下两个随机步游模型,

$$Y_t - Y_{t-1} + u_t$$
 (10 25)

$$X_t = X_{t-1} + v_t$$
 (10 - 26)

其中,我们从 u, ~ N(0,1) 中生成 「u, 的500 次覆测, 从 u, ~ N(0,1) 中生成 「u, 的500 次 環測, 并假定 V, 和 X 的初始假器 为零。我们还假定 u, 和 u, 都 不存在 序列相关, 而且彼此间也不存在相关关系, 就我们目前所知,这两个时间序列都是非平稳的,即它们都是 I(1) 或表现出陷税趋势。

假设我们将 Y, 对 X, 回归, 见表 10 1。由于 Y, 和 X, 是不相关的 I(1) 过程,所以 Y Y X 的回归中所得到的  $R^{z} > d$  应该趋于 0,即这两个变量之间不应该有任何关系。

	de s				
_	变量	系教	标准误	#统计量	
	E	- 13. 2556	0.6203	-21, 36856	
	X	0.3376	0.0443	7,61223	
		$R^t = 0.1044$	d = 0.0121		

表 10-1 Y, 对 X, 的回归结果

如你所见,X的系数是高度统计显著的,尽管  $R^a$  值有些低,但它在统计上显著异于零。 基于这继结论,依可能得出 Y 和 X 之间存在显着统计关系的结论。尽管先验假定它们之同没 有任何关系。这就是对尤尔 (G,U,Yule) 首次发现的谬误或伪回归(spurious or nonsense regression)的简单概括,根据高兰杰和纽博尔德的分析, $R^2 > d$  就是怀疑所估计的回归是 谬误回归的一个很好的经验法明,上例正是如此。

这是因为对于式(10-22)或式(10-23)这种单位根过程的分析中发现。即使两个脑机 变量之间本来毫无关系(如英国的失业人口与太阳属于之间)。但是由于用来做同归估计的 时间序列数据具有趋势。这种趋势在回归估计中的作用是主要的。从而导致回归系数的估值 是十分显著的。因此,在对两个随机变量利用其时间序列数据做回归之前。必须检验时间序 列是否为单位根过程。若是。则必须考虑负服仍回归。

## (2) 长记忆时间序列与短记忆时间序列

一般地,平稳过程都是短记忆过程。即序列的当前值不受很早以前的冲击的影响或很久以前的影响很小,以至于可以忽略。例如  $Y_r = \delta + \rho Y_{r-1} + u_r(\rho < 1)$ ,则  $Y_r = \delta \sum_{i=1}^{r-1} \rho^i + v_r$ ,  $\rho = \frac{1}{r-1} \sum_{i=1}^{r-1} \rho^i + v_r$ ,  $\rho = \frac{1}{r-1} \sum_{i=1}^{r-1} \rho^i + v_r$  的系数以指数形式下降为 0。而式 (10-18) 和式 (10-22) 两种单位根过程是长记忆过程。即很早以前的一个冲击对过程的当前值仍然具有显著影响,或这种影响不会随时间的"同隔"而减弱。如式  $(10-22) \cdot Y_r = \delta + Y_{r-1} + u_r$ ,即  $Y_r - \alpha + \sum_{i=1}^{r-1} u_r$ , H 冲击和新冲击具有限的权重。需注意的是式 (10-24) 形式的单位模过程  $Y_r = C + rr + u_r$  与式 (10-22) 很相似,但是 在统计上 如具有不同的  $g \in X_r$  (10-24) 是短记忆的。

时间序列的这种短记忆和长记忆性质,具有重要的意义,若某一经济时序比如国内生产 总值(GDP)是式(10-18)或式(10-22)形式的单位根过程。它受到的一次冲击,能有永久的 ,170。 影响。果真如此的话,我们在懒经济政策(加货币政策)分析时,则必须重新考虑政策的这种永久影响。

(3) 差分与去势

对单位根过程进行差分或去势处理往往是令人感兴趣的。但是、对不同形式的单位根过程,拖行差分或去势处理,效果往往也是不一样的,对式(10-18)和式(10-22)差分之后可得到一个平稳过程,而对式(10-24)差分得到的却是 MA(1)过程;相反,对式(10-24)进行去势处理后,可得到平稳过程。而对式(10-18)和式(10-22)进行去势处理,尽管也能得到最着的与时间,的关系。但对认识时间严冽的特征显然是无帮助的。

您上所述,辨明某一时间序列是否为单位模过程以及为何种形式的单位模过程,既具有 统计意义,也具有经济意义,模型的设定也涉及单位模的判断问题,所以,下一节便介绍单位 根的检验方法。

## 10.2 时间序列的平稳性检验

在实际问题中,当我们得到某随机时间序列的样本数据时,首要的问题是判断它的平稳 性,常见的时间序列的平稳性检验方法有以下几种,利用因形分析,利用样本自相关函数的 平稳性检验,特征模检验法,游程检验法,单位根检验,其中用得最多的是单位根检验,我们 排言占游在单位根检验上,游

#### 10.2.1 利用图形法进行平理性检验

利用图形法进行平稳性判断是最简单的一种平稳性检验方法。该方法是利用时间序列 资料图、观察趋势性或周期性,如果序列存在着明显的趋势或周期变化,则表明该序列可能 是非平稳时间序列。如果序列是一条围绕其平均值上下波动的曲线,则该时间序列可能是一 个平稳的时间序列。

这种方法直观简单。易于粗判断,但主观性较强。精确度不高。所以在进行科学判断的时候,一般不采取此种方法。但这种百观感受是更规范的平稳性检验的起点。

#### 10.2.2 利用样本自相关函数的平稳性检验

由于不同的时间序列具有不同形式的自相关函数:于是可以从时间序列的自相关函数 的形状分析中来判断时间序列的稳定性。但是,自相关函数是纯理论性的,因此,在实际应用 中,就采用样本自相关函数类判断时间序列是否为平稳过程。

· 般来说,随着 k 的增大,样本自相关函数 A 的值很快地下降为零,也就是说 A 迅速 養減,产生这样的样本的隨机时间序列往往是平稳的. 反之。当样本自相关函数 A 不随着 k 的增大而快速下降为零时,也就是说 A 瓷礦非常缓慢,往往表明时间序列不平稳。通过 样本相关图便可清楚地看到 A 是否很快她随着 k 的增大而下降为零。让我们通过一个例子来说明.

例 10 1 表 10 2是核当年的绝对最计算的中国的 GDPF列及实对数的序列。GDP 的对数 ln(GDP) 所构成的时间序列可以看成是一个髓机时间序列的实现,此时间序列是 平稳的吗?侵 解来源 子 (中国统计年鉴 2006) 及中华人民共和国统计局网站 http. //www. stats. gov. cn)

表 16-2 按当年的绝对量计算的中国的 GDP 序列及其对数序列

年份	GDP(亿元)	In(GDP)	年份	GDP(亿元)	ln(GDP)
1978	3605. 6	8. 190243471	1993	36938- 1	10.51699882
1979	4092.6	8. 316935744	1994	50217. 4	10.82411686
1980	4592. 9	8. 432266912	1995	63216. 9	11.05432695
1981	5008. 8	8.518951644	1996	74163.6	11. 2140287
1982	5590	8. 628734566	1997	81658.5	11.3103012
1983	6216.2	8. 734914067	1998	86531.6	411. 36826494
1984	7362. 7	8. 904181992	1999	90964-1	11.4182202
1985	9076.7	9. 113465969	2000	98749	11. 5003365
1986	10508. 5	9. 259939732	2001	108972.4	11.5988499
1987	12277.4	9. 415515453	2002	120350. 3	11.6981619
1988	15388. 6	9. 641382255	2003	136398.8	11. 8233382
1989	17311.3	9. 759114746	2004	160280. 4	11. 9846800
1990	19347. 8	9.870333997	2005	186700.9	12. 1372631
1991	22577.4	10. 02470468	2006	210871	12. 2590018
1992	27565. 2	10. 22430939	2007	246619	12. 4155999

在以年份为横轴,GDP的对数为纵轴的坐标系中作曲线图,如图 10-5 所示。

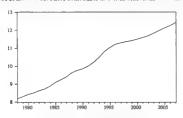


图 10-5 中国 GDP 对数曲线图

从图 10-5 中可以看出 ln(GDP) 有明显的趋势。所以它可能是非平稳的。关于这一结论

9

能否从样本自相关图中看出呢?为此先计算当点值分别为1到9时,样本自相关函数A,的所 对应的值,如表 10-3 所示。

	表 10 -	表 10-3 ln(GDP) 的自相关系数				
	3	4	5	6	7	8
9	0.562	0 445	0.337	0. 234	0.146	0.087

0.234 0.146 0.087 0.044

2

b

 $\hat{\rho}_k$ 

0.835 0.689 0.562 0 445

根据表 10 3,以滞后期 k 为横轴、以样本自相关函数 5, 为纵轴作样本自相关图,如图 10 -6 所示。

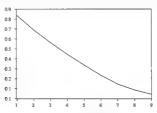


图 10-6 ln(GDP) 的样本食相关图

从图 10-6 中期易看出, ln(GDP) 的样本自相关函数 a, 并不是随着 b 的增大而快速地 下降为零,所以从样本自相关图也能看出 ln(GDP) 的非平稳性。

常用计量分析软件都有给出序列相关图的功能,因此运用相关图检验时间序列的平稳 性非常方便。而且相关图不仅包括自相关图,还包括偏自相关图,它们不仅在检验时间序列 平稳性方面有用,不可以作为识别和选择时间序列模型等的重要依据,当然自相关图检验还 县比较粗糙的,仍然包含相当程度的主理判断,不一定能得出客观明确的结论,还需要运用 更正规的检验方法即单位根检验。

#### 10. 2. 3 特征根检验法

该方法县首先对序列拟合一个恰当的模型,再针对该模型计算其对应特征方程的特征 棉,如果它的所有特征根均在单位圈之外,则该序列平稳,否则非平稳。

#### 10.2.4 游程檢驗法

该方法的基本思想是:作为平稳序列,高于平均数与低于平均数的变化应该适当。如果 游程过少, 表明观察值持续高于或低于均值, 序列可能存在趋势性或周期性; 如果游程过多, 说明序列中存在此小裤 大, 此大裤小的必然趋势, 游程的数目为多少才恰当, 需要经讨统计 检验来回答。

H。: 平稳 H;: 非平稳

设序列的长度为N,N N,+N, 謝程息數为r.謝程息數服从r分布。当N,N. 大于15 时(大样本),可以作正态近似。检验统计量 $Z = \frac{F - E(r)}{D(r)}$   $\sim N(0,1)$ 。其中、E(r)

$$\frac{2N_+\,N_-}{N} + 1_{\frac{1}{2}}D(r) = \frac{2N_+\,N_-\,(2N_+\,N_--\,N)}{N^t\,(N-1)}\,.$$

#### 10.2.5 单位根检验(Unit Root Test)

前庫叙述了检验时间序列平稳性的一些规则,但是,在很多情况下,需要较正式的检验 方法,单位根检验就是现代计量於所分析检验一个时间序列是非平稳的正式方法,单位根检 舱的方法有多种,例如 DF 檢验,ADF 检验,PP 检验,KPSS 检验以及 ERS 检验,这里主要介 绍在实证研究中较为常见的 DF 检验和 ADF 检验。

1. Dickey-Fuller 单位根检验(DF)

(1)DF 检验

首先从我们在上面讨论的单位根(随机) 过程开始:

$$Y_t = \rho Y_{t-1} + u_t$$
 (10 - 27)

其中 u, 为白噪音误差项。

对式(10-27) 做如下变化:从式(10-27) 的两边同时减去 Y-1 得到:

$$Y_{t} - Y_{t-1} = \rho Y_{t-1} - Y_{t-1} + u_{t} = (\rho - 1)Y_{t-1} + u_{t}$$
 (10 - 28)

进而可写成:

$$\Delta Y_r = \delta Y_{r-1} + u_r \qquad (10 - 29)$$

其中δ=ρ-1,而Δ和平常一样表示一阶差分算子。

因此,在实践中,不用估计式(10-27),我们估计式(10-29)并检验  $\delta=0$ 的原假设,者  $\delta=0$ ,则  $\rho=1$ ,即存在单位根,从商意味着所被整的时间序列是幸平稳的。在继续估计式(10-29)之前,注意到,者  $\delta=0$ ,则式(10-29)变成  $\Delta Y$ , -Y, -Y, -u, 由于 u,是白礦 音误差项,所以它是平稳的,这意味着一个随机游走时间序列的一阶差分是平稳的,我们以前已经得到过这一结论。

现在转向对式(10-29)的估计,取Y,的 - 粉差分,并将它们对Y...。回归,看回归中估计的斜率系数( $-\delta$ )是否为零,者为零,则断定Y,是平稳的。但看为负,则断定Y,是平稳的。 接句话说,非平稳性或单位根问题。可表示为 $\rho-1$ 或 $\delta-0$ 。从而可以将检验时间序列的非平稳性问题简化成在方程式(10-27)的回归中。检验参数 $\rho-1$ 是否成立。或者在方程式(10-29)的回归中。检验参数 $\delta-0$ 是否成立。这类检验可分别用下面两个检验进行。

$$t(\hat{\rho}) = \frac{\hat{\rho} - 1}{s(\hat{\rho})} \qquad \vec{\mathfrak{M}} \qquad t(\hat{\hat{\sigma}}) - \frac{\hat{\delta}}{s(\hat{\delta})} \tag{10 - 30}$$

式中 $,s(\hat{\rho})$  和  $s(\hat{\delta})$  分别为参数估计值  $\hat{\rho}$  和 $\hat{\delta}$  的标准误差。

这里的问题是,式(10-30) 计算的值不服从 t分布,而是服从, 个非标准的甚至是非对 称的分布,它配从于通宽(Dickey) 和高朝(Fuller) 于 1976 年提出的 Dickey Fuller 分布,即 专们后面所说的 DF 分布,因此假设检验时不能者; 18解程表,需要用另外的分布表。

当 $\rho = 1$ 或 $\delta = 0$ 时,Y,是不平稳的序列。 $\ell(\hat{\rho})$ 或 $\ell(\hat{\delta})$ 的极限分布不再是标准正态分布。 这时,我们定义 DF 统计量。

$$\begin{split} \mathrm{DF} &= t(\hat{\rho}) = \frac{\hat{\rho} - 1}{\epsilon(\hat{\rho})} = \frac{\hat{\rho} - 1}{\epsilon_{\epsilon} (\sum_{i=1}^{T} Y_{r-i}^{-1})^{-1/2}} = \frac{(\sum_{i=1}^{T} Y_{r-i}^{-1}^{-1/2})^{-1/2}}{\epsilon_{\epsilon}} = \frac{\sum_{i=1}^{T} y_{r-i}^{-1/2}}{\sum_{i=1}^{T} Y_{r-i}^{-1/2}} \\ &- \frac{\sum_{i=1}^{T} y_{r-i}^{-1/2}}{\epsilon_{\epsilon} (\sum_{i=1}^{T} Y_{r-i}^{-1/2})^{1/2}} \end{split}$$

可以证明当,当了→∞时

$$\mathrm{DF} = \underbrace{\frac{\rho - 1}{s(\rho)}}_{s(\rho)} \Rightarrow \underbrace{\frac{(1/2)\sigma^t(W(1)^2 - 1)}{(\sigma^t)^T_{s}W(i)^2di)^{1/2}\sigma}}_{(\sigma^t)^T_{s}W(i)^2di)^{1/2}} = \underbrace{\frac{(1/2)(W(1)^2 - 1)}{\left(\int_{i}^{1}W(i)^2di\right)^{1/2}}}_{(10 - 31)}$$

DF 统计量的极限分布是 Wiener 过程的函数,由于这些极限分布无法用解析的方法求解。一般都是用模拟和数值计算的方法进行研究。但 DF 统计量的表达式与通常重义的,统计量完全相同,检验规则也一样。

像在经典线性单方程模型中介绍的变量显 著性检验 t 统计量的计算一样, 估计上述方程式 (10-27) 或式(10-29), 并计算得到 DF 统计量 的值。从 DF 分布表中否出给定易案性水平下的

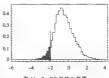


图 10 - 7 DF 检验示意图

临界值;如果 DF 统计量的值大于临界值。则接受原假设,Y, 是不平稳的序列;如果 DF 统计量的值小于临界值。则拒绝原假设,此时可以得出 Y, 是平稳的序列。

- 因为用 DF 统计量作单位根检验,所以此检验称作 DF 检验(由 Dickey 和 Fuller 提出)。
  - DF 检验采用的是 OLS 估计,但 DF 统计量并不服从 t 分布,DF 检验是左单端检验。
  - (2)DF 检验时应注意的几个问题
  - 在 DF 检验中我们应该注意以下几个问题:
  - ① 式(10-29) 中 ΔY, 和 Y, j 的下标分别为t 和t -1,计算时不要用错。
- ② 在实际检验中,若原假设不能被拒绝,说明 Y, 是非平稳序列(起码为一阶非平稳序列)。接下来应该继续检验  $\Delta Y$ , 的平稳性,即

$$\Lambda^{2}Y_{-} = \delta \Lambda Y_{-} + u_{-} \qquad (10 - 32)$$

吉至结论为平稳为止,从而获知 Y. 为几阶单载序列。

③ 当權刑中含有憑稅項和趋勢項討

$$\Delta Y_r = \beta_1 + \delta Y_{r-1} + u_r \qquad (10 - 33)$$

$$\Delta Y_{t} = \beta_{1} + \beta_{2}t + \delta Y_{t-1} + u_{t} \qquad (10 - 34)$$

检验用临界值应分别从表附 6 的不同部分中查找。

① 式(10-29) 式的残差序列 a, 不能存在自相关。如存在自相关,说明 Y, 不是一个 AR(1) 过程。則不能使用 DF 檢驗。

2. 扩展的 Dickey-Fuller 单位根检验(ADF)

在实际应用中, 數据 - 般都具有不同程度的相关性, 因此假定 u, 不相关是 - 个很强的 条件, 現化这 - 条件即校正残差的相关性能有效地提高检验费, 这就是 ADF 单位根检验。

#### (1)ADF 检验

DF 检验存在着 "个前提。它假定随机就动项 u, 不存在自相关。由于在实际经济活动中,大多数经济过程是不满足此项假设的、为此需要用到扩展的迪克-富勒(1879) 检验法 (Augmented Dickey Fuller Test)。即 ADF 检验。在 ADF 检验中,常常把 DF 检验的模型的 行边扩展为包含序列 Y, 的变化量的滞后项。这一检验是假定 Y, 的 DGP 为 AR(p) 过程,故检验方提为以下三个方程之一。

$$\Delta Y_{-} = \delta Y_{-} + \varepsilon_1 \Delta Y_{-} + \cdots + \varepsilon_{-} \Delta Y_{-} + u, \qquad (10 - 35)$$

$$\Delta Y_c = \beta_0 + \delta Y_{r-1} + \xi_1 \Delta Y_{r-1} + \cdots + \xi_{r-1} \Delta Y_{r-r+1} + u_r \qquad (10 - 36)$$

$$\Delta Y_{t} = \beta_{0} + \beta_{1} t + \delta Y_{t-1} + \xi_{1} \Delta Y_{t-1} + \cdots + \xi_{p-1} \Delta Y_{t-p+1} + u_{t}$$
 (10 - 37)

$$H_0: \delta = 0$$
  $H_1: \delta \neq 0$ 

由于实际的宏观经济变量数据  $\omega$  GDP. 消费, 投资等), 绝大多数是由随机趋势和确定 趋勢联合支配, 段而, 式(10-36) 在实证研究中广泛使用, 我们以此为例说明 ADF 檢輸。由 于 $\delta = \rho - 1$ , 故 ADF 統計量为:

$$ADF_{\rho} = \frac{T \cdot \delta}{1 - \tilde{\xi}_{1} - \cdots - \tilde{\xi}_{p-1}} \quad \text{ in } \quad ADF_{r} = \frac{\delta}{s(\tilde{\delta})} \qquad (10 - 38)$$

其中 s(+) 表示对应的标准差估计。类似于 DF 的分布函数的推导有:

$$ADF_{\rho} \Rightarrow \frac{2^{-1}(W(1)^{2}-1)-W(1)\int_{0}^{1}W(i)di}{\int_{0}^{1}W(i)^{2}di-(\int_{0}^{1}W(i)di)^{2}}$$

$$ADF_{r} \Rightarrow \frac{2^{-1}(W(1)^{2}-1)-W(1)\int_{0}^{1}W(i)di}{\left[\int_{0}^{1}W(i)^{2}di-\left(\int_{0}^{1}W(i)di\right)^{2}\right]^{1/2}}$$
(10 39)

由此可见,ADF的分布只是在DF分布的分子分母上分别减去校正相关的因子。因此。 它是DF分布的推广、ADF检验服从与DF统计量一样的新近分布。所以可以使用相同的临界值,ADF检验采用的单边检验中的左侧检验法(和DF检验 样)。即如果统计量大于临界值(ADF检验的临界值一般是负的)。则接受原假设,即序列服从单位根过程。意味着所考察的序列是非平稳的。反之,如果统计量小于临界值、则拒绝原假设,即序列不存在单位根,说明序列是平稳的。 总之,ADF检验扩展了DF检验。但其表述和新近分布函数及其推导改有实质性变化。 由于实际数据绝大多数具有不同程度的相关性,因而ADF被缺是定证研究的主要工具。但 息,如何保证实证结论的准确性还取决于两个问题。其一是滞后阶的确定,其二是选取哪一 个模型作为估计模型。

#### (2)ADF 检验滞后阶的选取

我们知道、公Y、的塘后項加入检验方程是为校正自相关性、因此滯后阶的选取联要截錄 相关性、同时又更尽量減少信息损失(得后阶越大用于估计的有效样本就越少,从而使信息 损失越大)、基于这一思想、实证中常用的方法有两种、其一、病近;检验、即对较大的滞后阶  $p, 用;检验确认 <math>\xi_p$ ,是否显著、著不望著、減少少值直到对应的系数的;值显著。由于;显著 是对  $\Delta Y_{-n}(\sim I(\Omega))$  的系数而言的。故;就计量差晰近有效的,但一般而言,显著性水平应稍 高如  $\alpha=0$ 、15 点 ② 2 0 % 可,其二、某于是价值。推测来逐级漂亮所的,中即定义

$$I_{t} = \log \hat{\sigma}_{t}^{2} + \rho \cdot C^{T}/T \qquad (10-40)$$

 $\diamondsuit$   $C_T = 2$ , 務  $I_s$  为赤池信息准则(Akaske Infomation Criterrion, AIC),  $\diamondsuit$   $C_T = \log T$ , 称  $I_s$  为施瓦茨信息准则(Schwartz Criterrion, SC), 即

$$AIC = \log \delta_a^2 + 2p/T \tag{10-41}$$

$$SC = \log \delta_*^2 + p \log T / T \qquad (10 - 42)$$

造取較大的滯后阶 p,计算对应的 AIC(威 SC),然后减少p,直至 AIC(SC) 最小并基于 此端定继续滞后的阶数。由于 AIC 和 SC 新近一致,被使用 AIC 或 SC 均是可行的,这两种方 法确定滞后阶数体现了从一般到特殊的思想。即从一般(较大)的 p 值开始直至最优的滞后 阶(或特殊的滞后阶)。

实施上述从一般到特殊的方法确定滞后阶有可能犯过度差分(overdifference)和不足差分(underdifference)的错误。即初始的户值选取得过大(小),使其逐渐减小(增大)的过程中确定了不恰当的滞后的。然而,从一般到特殊所确定的滞后的感费小的 AIC(或 SC),从实证的角度并不能保证估计残差具有严格的 iid 性质。面不适当的户值可能导致检验势腾低。因而,选取理规的户值并非易等。这一点导致了对上述方弦的批评。

#### (3) 检验模型的设定与再检验

对实际数据而育,真正的数据生成过程是未知的,单位根检验的思想是先假设再做统计 推断束认定数据是否由单位根过程所生或、因此,造取带裁距或不带截距以及是否应加上时 同趋势的模型检验单位根,就是实证分析中首先面临的问题。即如何选取式(10-35)、式(10 -35) 和式(10-37) 之一性为检验方理。 解决这一问题的经验做法是,考察数据图形。如数据图形呈现也 £规则上升、下降并反 复这一状况。说明数据 主要由随机趋势所支配。故初步造取式(10 - 35) 作为检验模型;者数 据图形呈明显的随时间递增减) 的趋势上趋势并不太胜。进明 支配数据轨迹的既有随时趋势,亦有确定趋势。故初步远取式(10 36) 为检验模型;者数据图形随时间呈快选增(减) 长 的趋势。说明确定性趋势中的时间趋势占绝对支配地位。因而可初步选取式(10 -37) 作为单 位根检验的模型。然而基于初步选取的模型应进一步检验截距成时间趋势的显著性。以调整 或确认初步选取的设定是否适当。

#### 3, 菲利普斯-佩龙(Philips-Perron, PP) 单位根检验

DF 檢驗的一个重要假定是誤遊項檢立同分布。ADF 檢驗劑通过增加回归子差分項的 滞后值使 DF 檢驗考據了誤差項中可能的序列相关。菲利普斯(Philips) 和佩皮(Perron) 在 考虑误差项的序列相关时,没有添加回归子的滞后差分项。而是使用了非参数统计方法 (nonparametric statistical methods)。由于PP 检验的新近分布与 ADF 检验统计量的新近分 布相同。所以契约合此就不提究这个问题了。

#### 4. EViews 中怎样做单位根检验

从工作文件(Work File) 中打开序列数据(Series) 窗口。点击 View 键,选 Unit Root Test 功能。这时会打开一个对话框,得到如图 10-8 所示界面。



图 10-8 单位根检验窗口

其中有四项洗择,也就是说,进行单位根检验必须定义四项,

#### (1) 洗搔检验类刑

在 Test type的 下拉列表中。选择检验方法(鍊省选择是 ADF 检验)。EViews 5.0 提供 了 六种检验单位根的方法。

- () Augmented Dickey-Fuller(ADF) Test
- (2) Philips Perron (PP) Test
- 3 Dickey-Fuller GLS Test
  - (4) Kwiatkowski, Phillips, Schmidt and Shin (KPSS) Test

- (S) Elliot, Rothenberg, and Stock Point Optimal (ERS) Test
- ©Ng and Perron(NP)Test
- (2) 选择被检验序列的形式
- 在 Test for unit root in 中确定序列在水平值(Level)、· 阶差分(1st difference)、二阶差 分(2nd difference)、正进行单位根检验(缺省状态是当前序列)。可以使用这个选项决定序列 中单位根的个数。如果检验水平值末拒绝。而在一步多分拒绝原假设,序列中含有一个单位 根,是一阶单整 [(1);如果一阶差分后的序列仍然拒绝了原假设。则需要选择二阶差分。— 般而言,一个序列经过两次差分以后都可以变为一个平稳序列。也就是:阶单整 [(2)。
  - (3) 定义检验方程中需要包含的选项
- 在 Include in test equation 中定义在检验回归中是否課移项(Intercept), 趋勢項和票移项(Trend and Intercept), 无附加项(None)或二者都不包含(缺省状态是加漂移项)。这一选择很重要。因为检验统计量在原假设下的分布隐这三种情况不同而变化。在什么情况下包含课移项或者趋势项、ADF 检验中已经设法。
  - (4) 定义序列相关阶数
- 在 Lag length 这个选项中可以选择--- 共确定消除序列相关所需的滞后阶数的准则。一般而言, EViews 默认 Schwarz 准则或 Akaike 准则。
  - 定义上述选项后,单击 ()K 进行检验。EViews 显示检验统计量和估计检验回归。
- 单位根检验后,应检查 EViews 显示的估计检验回归,尤其是如果对滯后算子结构或序 列自相关阶数不确定,可以选择不同的右边变量或滞后阶数来重新检验。
  - 下面我们通过例子来说明怎样在 EViews 中进行单位根检验。
- 例 10-2 利用中国 1990年1月~2007年8月居民消费价格指数(CPI)时间序列数据、检验具是否平稳,并确定其单整阶数(数据来源于(中国统计年鉴)及中华人民共和国统计局网络 http://www.stats.gov.cn)
- 在用 ADF 进行单位概检验脑。需要设定序列的是含含有源移项或套时间趋势项。我们 可以通过面出原序列的图形来判断是否要加二氟锡邻或者时间趋势项。从图 10-9 的 CPI 图 形可以看出含有赢移项。但不含有时间趋势项。



图 10-9 民际治费价格指备图形

CPI 序列的 ADF 检验结果如图 10-10。

Noll hypothesis: Cri has a onli roole	
Exogenous: Constant≠	43
	44 AVI A C = 1 (1) (

٥	e e	۵	t-Statistice		Prob.*	
Augmented Dickey-F	uller test statist	ic+	-1.66696	3+"	0.4465	
Test critical values;→	1% level∘	42	-3.46323	5+2	دي	_
ø.	8% level₽		-2.875891	80	e2	
43	10% level-	43	-2.57450	l e	ب	
*MacKinnon (1996) or	ne-sided p-vali	ده د Pas	٠	,	42	
Augmented Dickey-F	uller Test Equal	ion≥	۵	*	, F	
		fion≥	43	-		
Dependent Variable:	D[CPf]₽	é hion≠		•	2 P 2 2	
Dependent Variable: Method: Least Square	D[CPI]+	fione	43	,	4 p	
Augmented Dickey-F Dependent Variable: Method: Least Squard Date: 03/01/08 Tim Sample (adjusted): 19	D[CPf]↔ e: 12:23↔		ه ،		2 p	

Variable	Coefficie	Std. Error	t-Statistic	Prob.
CPI(-1) ₽	-0.012175	0.007303-	-1.666963	0.0972
D(CPI(-1))₽	0.263161:	0.0639034	4.1161294	0.0001
D(CP1(-2))₽	0.101846	0.065819+	1.547378	0.1235
D(CPI(-3))	-0.010378	0.066106	-0.156997	0.8754
D(CPI(-4))	-0.006075	0.065892	-0.0921924	0.9266
D(CPI(-5)) ₽	0.167101	0.0658464	2.5377604	0.0120
D(CPI(-6))↔	0.137746	0.0650504	2.117562	0.0355
D(CPI(-7))-	0.115954	0.0653024	1.775673	0.0774
D.(CPI(-8))₽	0.088963	0.0653814	1.360684-	0.1753
D(CPI(-9))+	0.096629	0.0658274	1.467934-	0.1436
D(CPI(-10))+	0.002720	0.066144	0.041123-	0.9672
D(CPI(-11))₽	0.117734	0.065679+	1.7925614	0.0747
D(CPI(-12))₽	-0.411193	0.063977	-6.427179	0,0000
C₽	1.293309	0.769753	1.680 160-	0.0946
R-squared#	0.404182	Mean depe	ndent vare	0,021608
Adjusted R-squared+	0.362314	S.D. depend	lent yar	0.823693
.E. of regression	0.657762	Akaike info	criterion•	2.067808
um squared reside	80.04047	Schwarz crit	erion₽	2,299 498
og likelihood	-191.7469	F-statistice		9.653649
Ourbin-Watson stat→	1.915778	Prob(F-statis	tic)»	0,000000

图 10-10 (PI 序列的 ADF 检验结果图

输出的最上部分给出了检验结果。因为 ADF = -1.666963.分别大于不同检验水平 的:个临界值,所以中国居民清费价格指数序列接受原假设。因此、CPI序列是 ·个非平 统的序列。在此情况下,应该继续对 CPI 的差分序列进行单位根检验。ADF 检验结果如 图 10-11。



图 10-11 CPI 单分序列的 ADF 检验结果图

检验结果显示.ADF = -3.798689.分别小于不同检验水平的三个临界值、一阶养分 公司。 11.19利炸施原假设,接受公CPI序列是平稳序列的结论,因此。CPI序列是一阶单整序列。 即CPI~I(1)

在例 10-1 中,我们根据图形和样本自相关阳,判断出中国 GDP 的对数序列可能是非平稳的,这里我们可以利用单位根检验判断中国的 GDP 对数序列是非平稳的。ADF 检验表明-ADF 值为 - 2.89593-分别 - 7.5% 的临界值 - 4.323979,5% 的临界值 - 3.580623 和 10% 的临界值 - 3.225334. 所以接受原假设,表明我国 1978 年 ~ 2007 年度的 GDP 对数序列是非平稳的。

### 10.3 协整理论与误差修正模型

在进行时间序列分析时、传统的微法要求所用的时间序列必须是平衡的。则没有随机趋 劳或确定性趋势。否则特会产生伪回归现象。但是。在现实经济现象中的时间序列通常都是 非平稳的。为了使回归布塞义。可以对其实行平稳化、稍面采用的方法是对时间序列进行差 分、然后对差分序列进行回归。这样的微法忽略了原时间序列包含的有用信息。而这些信息 对分析问题又是必要的。为了解决这一问题。发展了一种处理年平稳随机过程的新方法 一一物整理论

协整(countegration) 理论最格兰杰(Granger) 和恩格尔(Engle) 产 20 世纪 80 年代末正式提出的,總后,这种理论在區际上得到了广泛的应用,并在应用中得到了进一步发展,迅速发展成为当今世界经济学界的一个热门的前沿研究课题。我们在这里仅作最简单的介绍。虽然炒整理论延生于误差修正模型之后,但在本节中,为了便于理解,我们首先介绍协整理论、然后引出误差核正模型。

#### 10.3.1 协整的定义及意义

#### 1. 协整的定义

通俗地讲: 的整意味着空鼠之间存在长期的均离关系,例如,从长期看,消费与收入之间存在一个均衡比例,消费与收入的关系显然会常常偏离这个比例,但这种偏离中央隐机的。 管时的,消费与收入的这种关系就是协整关系,再如一对男女在舞厅里就交际样,单从其中的男人或女人来看,其步于是随机步游,也就是说,他们每个人的位移及非平稳的。但是他们两个人的位移之差,在不同的时间内。相差不大即是平稳的,所以这对男女的行走具有协整关系。

下面,我们正式给出协整的正式定义:

如果序列 $Y_1, Y_2, \cdots, Y_n$  都是 的单整.存在 · 个向量 $\beta$  - ( $\beta$ ,  $\beta$ , · · ·,  $\beta$ ), 使得  $Z_i = \beta^n$ ,  $(Id - \delta)$ , 其中, b > 0,  $Y_i = (Y_1, Y_2, \cdots, Y_n)^i$ . 则认为序列 $Y_1, Y_2, \cdots, Y_n$  是  $(d, \delta)$  阶 协略 (cointerpration), i 为  $Y_i \sim (I(d, b)$ .

例如,居民收入时间序列为 Y, 为 - 阶单整序列,居民消费时间序列 C, 也为一阶单整序 列,如果二者的线性组合 g, Y, 一 g, C, 特成的新序列为 0 阶单整序列,就可以认为序列 Y, 与 C.,暴(1,1) 除价略。

从以上定义可以看出协整关系的经济意义是: 两个经济变量尽管存在各自的长期波动规律, 但是, 如果它们之间具有协整关系, 则变量之间就存在着一个长期稳定的比例关系, 即均衡关系, 例如居民收入 Y, 和居民消费 G, 如果它们各自都是一阶单整, 并且它们是(1,1) 防协整, 则说明它也同在年, 一个长期稳定的比例关系, 而这个比例关系就是消费倾向, 也就是说消费倾向是不变的, 反过率, 如果两个变量具有各自的长期被动规律, 但是它们不良协能的, 则它们之间能不存在第一个长期稳定的比例生名。

#### 2. 协整理论的重要意义

- (1)避免伪回归。如果一组非平稳时间序列之间不存在协整关系。则这一组变量构造的回归模型就是伪回归,伤回归模型有很高的尽\*和,续计值,但参数估计值却毫无意义。伪回归是计量经济模型常常遇到的问题。大量实验结果表明,互不相干的非协整变量在统计检验时经常表现为显著相关。因此,对变量之间的协整关系进行检验,是正确建立计量经济模型的长法条件。
- (3)区分变量之间的长期均衡关系和短期动态关系。格兰杰和恩格尔己证明。如果变量之间存在长期均衡关系、则均衡误差将显著影响变量之间的短期动态关系。

#### 10.3.2 协整的检验

1. 两变量的 Engle Granger 檢验

目前, 檢驗物整美系的方法有多种。但最簡便且效常用的方法是思格尔和格兰杰于 1987 年提出的检验方法, 称为为思格尔-格兰杰(Engle Granfer, EG) 检验或增广思格尔-格 兰杰(Augmented Engle-Granger, AEG) 检验。

从协繁的定义者,协整性检验需要用到DF检验或者ADF检验,我们可以对两个阶数相同的非平稳时间序列进行最小: 乘估计. 然后求其残差项. 最后使用DF或ADF检验残差是各平稳. 就可以判断两者是否存在协能关系。为了检验两变量 X,和Y,是否为协整,其具体,理如下,

(1)对两时间序列 X, 和 Y, 进行平稳性检验, 并判断其阶数, 如果两者是阶数相同的非 中稳序列, 如都是一阶单整的, 则进人下面的第二步; 如果两变量的单整的阶不同, 则两变量 每不协够的; 如果两变量每乎稳的, 则哪个检验过那种, 让时间以紧用标准回归转水分别。

(2) 用 OLS 方法估计方程  $Y_i=\beta X_i-u_i$ ,得到  $\hat{Y}_i=\hat{\rho}X_i,a_i-Y_i-\hat{Y}_i$ .称为协整回归。

(3) 检验 a, 的单整性,也就是对残差项进行平稳性检验。如果 a, 为稳定序列,则认为变量 Y, 和 X, 为(1,1) 阶协整,检验 a, 的单整性的方法即是上述的 DF 检验或者 ADF 检验。

如果上述单位根检验中不含有 Δα, 的薄后项, 就称上述方法为 Engle-Granger 檢验 (EG 检验), 如果上述单位根检验 中包括 Δα, 的薄后项, 就称上述方法为 Augmented Engle-Granger 检验 (AEC 检验)。

需要让意和电视的是,由于残差的估计值与协整参数相关,因此在使用单位無检验的是 格界值与 DF 或 ADF 检验的不同。一般来说,由于残寒的方差比较小,将导致认为残差序列 平稳(即称他原便) 的糖率特比实际情况大,因此 EG 检验和 AEC 检验的临界值比 DF 检 整,ADF 检验临界值为负且绝对值更大,位于 DF 检验或 ADF 检验临界值的左方,协整检验 的临界值可以从表辫一7的 EG 和 AEC 临界值中截线,亦可从表金农(Mackinnon)提供的协 整检验临界值通过计算得到,麦金农防整检验循环值与检验水平、所含时间序列数据个数、 协整回归式中是否含有位移项,趋势填等因素有关。

另外,弄清楚 X, 和 Y, 是否为协整的另一个比较简单的方法是 CRDW 检验(协整回归 DW 统计值)。此检验的临界值最早由萨根和巴加瓦首次提供,在 CRDW 检验中,我们使用 从协整回归中得到的 Durbin Waston统计量。现在的虚拟假设是d=0而不是d=2。这是因 N, 在第五章中我们观察到 $d\approx 2(1-\rho)$ 。故若存在一个单位根,则估计的 $\rho$ 格约为 1。这就意 味着 d 约为 0.

基于对 100 次環侧中每个環侧的 <math>10000 次模拟,检验真实的 d=0 这个根设的 1% 5%、5%、10% 能界值分别是 <math>0.511、00% 能界值分别是 0.511、00% 能够的 0.322。因而,若计算的 d 值小于 0.511,我们就在 1% 的 易 著性水平上拒绝协善的 康報報设

### 2. 多变量协整关系的检验

上述 Engle - Granger 检验通常用于检验两变置之间的协整关系,对于多变量之间的协 整关系, Johansen于1988年, Juselus 于1990年分别提出了一种问量自回具模型进行检验的 方法,通常称为 Johansen 检验,或 JI 检验,由于其具体内容较为复杂,这里仅就其基本思想 粉简单介绍,详细内容调查者相关书额。

假设 $Y_t = (Y_{t_1}, Y_{t_2}, \cdots, Y_{t_k})'$  为 k 维随机向量,考虑向量自回归模型(我们将在第五节介绍)

$$Y_r = IY_{r-1} + u_r \qquad (10 - 43)$$

对其做一阶差分,得

$$\mathbf{Y}_{r} - \mathbf{Y}_{r-1} = (\mathbf{r} - 1)\mathbf{Y}_{r-1} + u_{r}$$
 (10 - 44)

或

$$\Delta \mathbf{Y}_{i} = \prod \mathbf{Y}_{i-1} + u_{i} \qquad (10 - 45)$$

矩阵  $\prod$  包含了Y, 中各变量的线性组合、显然不是  $\prod$  中的所有行向量都是Y, 的协整 向量。设这种效立的线性组合的个数为r(< k)、变量之间存在协整关系意味着对  $\prod$  的秩具 有 ·定的约束、也就是说。对上式在无约束的条件下进行估计所得的  $\prod$  的秩应是 r,所以, 若对  $\prod$  施加秩( $\prod$ ) = r 的约束后进行估计,两种估计结果应无显著差异,否则说明  $\prod$  的 務不为 r,从而协称向量的个数不为 r。

Johansen 方法可以直接利用 EViews S. 0 轻松实现,而且同时给出协整向量的个教和协 整向量。实际上,通过灵活运用 EViews S. 0 软件,还可以完成对协整向量的线性变换,从而 法到对协整向量的识别。

#### 10.3.3 误差修正模型

如果两个时间序列存在协整关系,则说明两者存在长期的均衡关系。也就是说。一个脑机变量上升或下降。全带动另一个随机变量上升或下降。但是,在短期内,两者可能出现失腐。由于短期失离不会长久。所以两者之间的误差最终会向长期均衡发展,因此,我们应如何建立模型来描述这一行为,以便将变量的短期行为与长期趋势破系起来;这就出现了误差能正模型(error correction model, ECM)。ECM 是一种具有特定形式的计量经济学模型、误差修正技术并最早是由萨根(Sargen)于1964年提出的,但是误差修正模型的基本形式是在1978年由戴维德逊(Davidson), 亨得瑙(Hendry)、思巴(Srba) 和也敢(Yeo)等提出的(称为DHSY模型),后经恩格尔和格性杰等进一步完善。

误差修正模型有单 ·方程模型和多方程模型尚种形式。多方程误差修正模型是在向量 自回归模型基础上建立起来的。称为向量误差修正模型。本被材况有涉及。本小节主要介绍 单一方程的误差修正模型。为了便于理解,我们通过一个具体的模型来介绍它的结构。

#### 1. 误差修正模型

$$Y_{r} = \beta_{0} + \beta_{1}Z_{r} + \beta_{2}Y_{r-1} + \beta_{3}Z_{r-1} + u_{r}$$
 (10 - 46)

即当外生变量发生变动时。对 Y, 的影响不是瞬间的, 而是有一个过程的, 在模型中假定 • 184 • 这一过程持续两期。同时 Y, 还受到自身前期值的影响,其中  $\varepsilon$ , 为白噪声。考虑了这种动态性的模型称为动态模型。

与动态模型相对应的是 Y, 与 Z, 的静态模型  $\cdot$  它反映 f Y, 与 Z  $\cdot$  之间的长期关系  $\cdot$  即 Y 的期望与 Z 的期望之间的关系。今  $E(Y_t) = Y^*$   $\cdot$   $\cdot$   $E(Z_t) = Z^*$   $\cdot$  对  $\forall t$  都成立,并对式 (10 - 46) 無功能期報  $\cdot$  得

$$(1-\beta_1)Y^* = \beta_0 + (\beta_1 + \beta_2)Z^*$$
 (10-47)

$$Y^* = \frac{\beta_0}{1 - \beta_0} + \frac{\beta_1 + \beta_2}{1 - \beta_0} Z^* = k_0 + k_1 Z^*$$
 (10 - 48)

它反映「空量Y与Z之间的均需关系、大多经济理论所描述的关系正是空量之间的均 需关系,所以,这些理论一般称为均衡理论。Y'一点。一点/Z'—0 反映了变量之间的均衡状态。外生变量 Z的被助对Y的影响不是瞬间完成的,而是持续几个时期的一个过程,所以外 生变量的波动将引致 Y,一点。 点/Z, ≠0.于是,我们称 ECM。—Y,一点,一点/Z,为相对于理 论均衡的非均衡偏离,随着外生变量 Z的波动所产生的影响不断地在 Y中积为几分反映、处 所系统集有从非均衡向均离不断调整的内在机制。即Y 补受到这种非均衡偏离的制约。

更好的表明这一非均衡偏离因素在模型中的作用,让我们对式(10-46) 做如下的变换;

$$= \beta_{1} + \beta_{1} Z_{1} + (\beta_{2} - 1)Y_{r-1} + \beta_{2} Z_{r-1} + u_{r}$$

$$= \beta_{3} + \beta_{4} \Delta Z_{r} + (\beta_{4} - 1)Y_{r-1} + (\beta_{1} + \beta_{3})Z_{r-1} + u_{r}$$

$$= \beta_{3} + \beta_{4} \Delta Z_{r} + (\beta_{4} - 1)(Y_{r-1} - k_{1} Z_{r-1}) + u_{r}$$

$$= \beta_{3} \Delta Z_{r} + (\beta_{3} - 1)(Y - k_{3} - k_{1} Z_{r-1}) + u_{r}$$

$$= \beta_{3} \Delta Z_{r} + (\beta_{3} - 1)(Y - k_{3} - k_{1} Z_{r-1}) + u_{r}$$

$$= (10 - 49)$$

从上式可以看出,非均衡項(Y-A<sub>6</sub>-A<sub>6</sub>)。对于 ΔY, 起着负反馈作用 (国 一般 β、C I), 上式称为均衡修正模型。然而,在实际建模中,由于不少经验模型背后的理论模型是不确定 的,建模者便少惯于张上式为误差修正模型,其中 Y-A<sub>6</sub>-A<sub>6</sub>之为误差修正项。

式(10-49)中参数岛 反映着 Z, 之变动对 Y, 之变动的瞬时响应程度, 因此, 可以将 β, 解 特为短期响应参数, 概括起来, 式(10-49)将 ΔY, 分解为三个具有不同含义的部分, 短期扰 加部分 ΔZ. . 非均衡扰动部分(Y-k<sub>0</sub>-k<sub>1</sub>Z)-, 及白噪声扰动部分 ε, 它是内嵌了长期关系的 短期模型。

#### 2. ECM 与协整的关系

 $\Delta Y_{-} = (Y_{-} - Y_{-})$ 

以上讨论是在变量都是 f(0) 的基础上的、当变量不是 f(0) 的时候、假设都是 f(1) 时,可以证明, 在Y, 与Z, 是协整的。它们也可以写成形如式(10 49) 的误差修正形式,其中。(1, -6.) 就是协整向量。我们可以看到。在误差修正形式的左边 ΔY, 是 f(0) 的。右边也是 f(0) 的。者 Y, 与 Z, 不协略,则右边第一项是 f(1) 的、途谈明模型设定是有误的。

#### 3. 从协整理论到误差修正模型

前面提到,实际上是先有误差修正模型,然后得用的整理论法解释误差修正模型,那么 在今天,我们就可以首先被变遭之间的协整分析,发现变量之间的协整关系,即长期均衡关 系,宋出协整约量,以这种关系—期隔后构成误差修正项,然后,将误差修正项看作一个解释 安量,连间其他反映短期被动的解释变量一起,建立短期模型。即得如式(10~49)的误差修 正模型,这种模型医区分了变量之间的长期均衡关系和短期动态关系,又避免了仍回归,具 有效值的经济重发,且低的能够过程以后面的案例分析。

### 10.4 因果买票检验

计量经济模型的建立过程,本质上是利用网向分析工具处理一个经济变量对其他经济变量的依存性问题。但这并不是暗示这个经济变量与其他经济变量间必然存在着因果关系。我们现在与虑这样的情况。假设两个变量。比如说国内生产总值 GDP 和广义货币供给量 M2 常是高度相关的,但灾竟是 GDP 的增长导致了 M2 的增加。还是 M2 的增加度使了GDP的增长。或者两者之间互为因果关系。即 M2 引起 GDP 的变化同时 GDP 也引起 M2 变化?从理论和实践两方面来回答这些问题。也许是一件非常繁琐的事。但简单地说。这些问题的实现是要在两个变量问存在时间上的先后关系时,是否能够从统计意义上检验出因果性的方向。即在统计上确定究竟 GDP 是 M2 的因,还是 M2 是 GDP 的因。或者 M2 和 GDP 到发现果关系。

因果关系研究的有趣例子是回答"先有鸡还是先有蛋"的问题。1988 年有两位学者苏尔曼(Thurman)和费含尔(Fisher)用两个受量的 1930 年~ 1983 年於野東數据 一个是鸡蛋产量(Eggs),一个是阿爾鸡的产量(Chickens),对此问题进行了统计研究。他们将 Eggs 对带后的 Eggs 和滞后的 Chickens 进行回归,老滞后 Chickens 的系数在统计上至少有一个是易 著的,则说明是先有鸡后有蛋,然后用类似的办法将 Chickens 对带后的 Chickens 和带后的 Eggs 四月,以他验是否先有蛋后有高,要得到这两个结论中的一个结论,必须得到单一方向的因果关系,即必须拒绝这一个变量不是另一变量发生变化的原因。同时还不能拒绝另一个要量不是这一个变量发生变化的原因。

苏尔曼和费含尔的结果极富戏剧性,他们用1至4年的滞后值,断然拒绝了假设"蛋不 影响鸡";但却无法拒绝"鸡不影响蛋"这一假设。因此,他们得出的结论是先有蛋。

苏尔曼和费舍尔指出。这种方法也可以应用干其他重要问题的检验。例如,因果关系假设可能检验"谁笑到最后,谁笑得最好"和"骄傲意味着毁灭,轻敌意味着失败"是否真实。

由此可见。研究变量间因果关系是有必要的。关于图果性的研究、目前已有许多的文献 报告,其研究领域和体系非常多。本节不打算对因果性的研究展开讨论。而是从相对简单的 角度出发。仅讨论由 Granger 提出的因果关系检验法。

#### 10.4.1 因果关系概述

所谓因果关系是指变量之间的依赖性。作为结果的变量是由作为原因的变量所决定的。 原因变量的变化引起结果变量的变化,我们已经知道因果关系不同于相关关系,从一个回归 关系式中,我们无法确定变量之间是否具有因果关系。虽然有时我们说回归方程中解释变量 是被解释变量的因。但是。这一因果关系实际上是先验设定的。或者是在回归之前就已确定 了的,比如,我们之所以在回归方程中以降明置为解释变量。以农作物产量进行回归。也可能特 到显著的回归关系。而是普通常识据示我们不能把关系确过来。因为用改变农作物产量进行回归。也可能特 到显著的回归关系。而是普通常识据示我们不能把关系确过来。因为用改变农作物产量来在 制降雨量是不可能的。在许多情况下变量之间的因果关系并不总像农作物产量和降雨量之 间那么一目了然,或没有充分的知识使我们认清变量之间的因果关系,而有时,弄清变量之 间的因果关系往往是我们所关心的。即使某一经济理论宣称了一种因果关系。也需要给以经 数上的支持。Granger 从预测的角度给出了因果关系的一种定义,并将这种定义下的因果关系 系数为 Granger 因果关系。

Granger 检验的基本依据是,将来不能预测注去;如果 Y 的变化是由 X 引起的,则 X 的 变化应该发生在 Y 的变化之前。因此,利用分布滞后的概念。Granger F 1969 年对变量之间 的因果关系被了如下定义,如果 X 是引起 Y 变化的原因。则 X 应该有助于预测 Y,即在 Y 关 于 Y 过去值的回归中,添加 X 的过去值作为独立的解释变量,应该显著增加回归的解释能 力,进时,称 X 为 Y 的原因 Granger cause)。记为 X >> Y,如果 聚加 X 的滞后变量之后,没有 显著增加回归模型的解释能力。则称 X 不是 Y 的原因。证为 X >> Y

根据 Granger 的因果关系定义, X 和 Y 之间有以下四种关系:

- (1) $X \Rightarrow Y, Y \Rightarrow X$  单向因果关系, X 是 Y 变化的原因;
- (2)Y⇒X,X⇔Y 单向因果关系,Y是X 变化的原因;
- $(3)X \Rightarrow Y, Y \Rightarrow X$  双向因果关系,即存在 X 到 Y 的单向因果关系,同时也存在 Y 到 X 的单向因果关系;
  - (4) X ⇒ Y,Y ⇒ X X 和 Y 之间不存在因果关系,X 和 Y 是独立的。

## 10.4.2 Granger 因果关系检验

如果一个变量 X 无助于预测另一个变量 Y, 则说 X 不是 Y 的 Granger 顾阳; 相反。若 X 是 Y 的 Granger 顾阳,则必须摘足两个条件,第一, X 应该有助于预测 Y, 即在 Y 关于 Y 的过去值的回归中,容加 X 的过去值分数立变量应当显素地增加回归的解释能力;第二, Y 不 应当有助于预测 X, 其 联闭是。如果 X 有助于预测 Y, 也有助于预测 X, 则 报可能存在一个 或几个其他变量,它们既是引起 X 变化的原因。也是引起 Y 变化的原因。

于是,这种 Granger 原因是可以檢验的。檢验 X 是否为引起 Y 变化的 Granger 原因的过程如下。

- (1) 利用 OLS 法,估计两个回归模型
- ① 有约束回归模型 $(r)_{z}Y_{t} = \sum_{i=1}^{p} a_{i}Y_{p-i} + u_{1t}$
- ② 无约束问归模型 $(u):Y_r = \sum_{i=1}^{p} a_i Y_{r-i} + \sum_{i=1}^{q} \beta_i X_{r-i} + u_{2i}$

并计算各自的回归残差平方和 RSS。和 RSS。。。

(2) 假设 H。: β, - β, - ··· = β, - 0(X ≠ Y), 即 X 不是引起 Y 变化的 Granger 原因。 也就导假设在模型 ① 中添加 X 的薄后变量并不能显著地增加模型的解释能力。

#### (3) 为检验该假设,构告 F 统计量

$$F = \frac{(RSS_r - RSS_s)/q}{RSS_r/(n-p-q-1)} \sim F(q, n-p-q-1)$$

(4)利用F统计量检验原银设计,对于给定的显著水平a,若F>F,则拒绝原银设认 为β中电少有一个不要者为0,即 X 是引起Y 变化的 Granger 原因(X→Y),反之,则认为 X 不是引起Y 变化的 Granger 原因(X→Y)。

同項。可以檢驗"Y是否是X的变化原因"、只是在模型①、②中格X和Y的位置交换。 最后,要得到X是Y的Granger原因的結论。必须同时并绝纯原型设"X不是引起Y变化的Granger原因",和参与服务"Y不是头X的Granger原因"。

#### 10.4.3 Granger 检验的 EViews 软件实现

我们利用 EViews 软件可以非常容易对两个变量进行因果关系检验,对于任意两个变量 X 和 Y, EViews 软件自动检验两个假设: X 和 Y, EViews 软件自动检验两个假设: X 和 Y, Y 和 X。

具体操作过程为。首先在工作文件窗口选择雷作分析的两个变量 X 和 Y , 井将它们作为 · 个數组打开,其次在數组窗口中点击 Vrew\Granger Causality, 井榆人精后期长度 m (让意 此时取 p=q=m), 屏幕将输出如图 10-12 所示的结果。或者在进入录有 X 和 Y 数据的 Workfile 窗口之后。在 主窗口中。点击 "Quick",出现选择 画面,选择"Group statistics\Granger Test" 所进入"Series List" 窗口,在空白处输入 X Y 后点击"OK",进入 "Lag Specification(指定挪码长度》)画面。选择适当的哪后长度,点击"OK"即可。

e roc Object Prot Name Freeze Samp	ole Sheet Stats	Spec	
Pairwise Granger Causality Tests Date 03/01/08 Time 21.56 Sample 1991 2006			
Lags 1			
Null Hypothesis	Obs	F-Statistic	Probability

图 10-12 Granger 检验的输出结果

对于每一个假设。系统都给出了相应的F统计量值和大于此值的概率。如果F值较大、P值较小、则拒绝原假设。认为一个变量是另一个变量变化的原因。即 X > Y(或 Y > X) 成立, 反之, 则认为一个变量不是另一个变量变化的原因。例如 在图 10-12 的都出结果中, 对于假设 X P Y P 9.0 0.0604,所以拒绝原假设、X 是 Y 变化的原因。但对于假设 Y P 4.0 0.16692. 是一个大概率事件。无法拒绝原假设,所以认为Y 不是 X 变化的原因。

例 10 3 表 10 4 是某市 1991 年 ~ 2006 年的 GDP 与固定资产投资 (Fixed Investment, FI) 数据,试检验 GDP 与固定资产投资是否存在因果关系。

表 10 4 某市 GDP 与固定资产投资(FI) 数据

(单位:亿元)

年份 GDP(亿元)		固定资产投资 (F1)(亿元)	年份	GDP(亿元)	固定资产投资 (FI)(亿元)
1991	651,9	138, 18	1999	1034, 51	416.75
1992	663.6	150. 85	2000	992.17	428. 13
1993	686.1	167. 2	2001	957.24	465.97
1994	757, 25	220. 44	2002	959.55	510.81
1995	877.6	267. 84	2003	951.68	565.64
1996	1033.52	328. 46	2004	947, 22	712.6
1997	1054.78	364.64	2005	1041.12	870.02
1998	1063, 23	394.7	2006	1162.94	1143.82

利用 Granger 因果关系检验来判断固定资产投资与 GDP 之间的关系,如果检验拒绝原 限设 则认为固定资产投资与 GDP 之间是 Granger 因果关系,选取不同的筹后长度,其结果 总结如差 10 ~5 所示。

表 10-5 格兰杰(Granger) 因果关系检验结果表

滞后长度	Granger 因果性	F值	P dt	结论
	F1 → GDP	2. 16494	0.16692	接受
ı	GDP → FI	11.0668	0.00604	拒绝
2	FI → GDP	5.83056	0,02376	拒绝
2	GDP → FI	8. 35399	0,00889	拒绝
3	FI → GDP	4.87647	0,04756	拒绝
3	GDP → FI	8. 59427	0.01363	拒绝
	FI → GDP	3. 90873	0.14589	接受
4	GDP → FI	15. 7939	0.02347	拒绝

表 10-5的计算结果表明,在显著性水平 $\alpha=0.05$ 下,滯后长度为2和3时,固定资产投资是 GDP的 Granger原因。滯后长度为1至4时,GDP 都是固定资产投资的 Granger原因。

在上述格兰杰因果性檢驗的同日模型中、分布網后,自回且項潛后长度的选择理论上是任意的,但有时不同的那后长度会导致检验的结果发生变化。即釋后期选择的不同可能会得到不一致的检验结果。这时就对于因果性判断的结果就要比较谨慎、实际应用中,最好是多迭几个不同的滞后期进行检验。如果检验结果一致,则得出的结论是较为可信的。此外、格兰杰因果性检验的结论只是统计意义上的因果性。虽然可以作为真正的因果性的一种支持,但不能作为肯定或否定因果性的最终根据。当然,统计意义上的因果性也是有意义的、对经济预测等仍然能起很大的作用。也能作为经济预测。预警分析先导指标的选择根据、最后,格兰杰检验的特点决定了它只能运用于时间序列数据驱动的思果性检验。对只有模量面数据的安量性则无法检验。另外,我们在进行Granger 因果关系检验时,尚有两个因素应当知以考虑,一般被检验专量的字数性。上层样本容量的长度。

## 10.5 向量自回归模型

联立方程组的结构性方法是用经济理论来建立空量之间关系的模型。但是、经济理论通 常井不足以对变量之间的动态联系提供,一个严密的说明,并且、内生空重既可以现在等式 的左端又可以出现在等式的右端,使得估计和推新更加复杂。为解决这些问题产生了一种用 非结构性方法来建立各个变量之间关系的模型。这就是由 Sims 于 1980 年提出的向量 自回 到(vector autoregressive、VAR)模型。这种模型采用多方程联立的形式,它不以经济理论为 基础。在模型的每一个方程中,内生变量对模型的全部内生变量的滞后值进行回归,从而估 计全部内生变量的动态关系。

#### 10.5.1 向量自回归(VAR)模型的概念

VAR模型是自回归模型的联立形式。所以称向量自回归模型。假设 y<sub>1.1</sub>、y<sub>2.1</sub> 之间存在关 系,如果分别建立两个自回归模型

$$y_{1,i} = f(y_{1,i-1}, y_{1,i-2}, \cdots)$$
 
$$y_{2,i} = f(y_{2,i-1}, y_{2,i-2}, \cdots)$$

则无法捕捉两个变量之间的关系,如果采用联立的形式,故可以建立起两个变量之间的 关系,VAR模型的结构与两个参数有关,一个是所含变量个数点一个是最大滞后阶数 p。 以两个变量 y。 y。 满于 1 期的 VAR 模型为侧。

$$y_{1,i} = \mu_1 + \pi_{1,11} y_{1,i-1} + \pi_{1,12} y_{2,i-1} + u_1,$$
  
 $y_{2,i} = \mu_2 + \pi_{1,21} y_{1,i-1} + \pi_{1,22} y_{2,i-1} + u_2,$ 

$$(10 - 50)$$

其中  $u_1, u_2 \sim \text{IID}(0, \sigma^2), \text{cov}(u_1, u_2) = 0$ 。写成矩阵形式是:

$$\begin{bmatrix} y_{1t} \\ y_{2t} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \pi_{1,11} & \pi_{1,12} \\ \pi_{1,21} & \pi_{1,12} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_{1,t-1} \\ y_{2,t-1} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} u_{1t} \\ u_{2t} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} y_{1t} \\ u_{2t} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mu_{2t} \\ \mu_{2t} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \pi_{1,11} & \pi_{1,12} \\ \pi_{1,11} & \pi_{1,12} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mu_{2t} \\ \mu_{2t} \end{bmatrix}$$
(10 - 51)

$$\stackrel{*}{\mathcal{V}} \qquad \qquad Y_{\iota} = \begin{bmatrix} y_{1\iota} \\ y_{1\iota} \end{bmatrix}, \mu = \begin{bmatrix} \mu_1 \\ \mu_2 \end{bmatrix}, A_1 = \begin{bmatrix} \pi_{1.11} & \pi_{1.1t} \\ \pi_{1.21} & \pi_{1.2t} \end{bmatrix}, u_{\iota} = \begin{bmatrix} u_{1\iota} \\ u_{2\iota} \end{bmatrix}$$

则

$$Y_t = \mu + A_1 Y_{t-1} + u_t$$
 (10 - 52)

那么,含有 k 个变量滞后 p 期的 VAR 模型表示如下:

$$Y_{i} = \mu + A_{1}Y_{i-1} + A_{2}Y_{i-2} + \cdots + A_{p}Y_{r-p} + u_{r}, u_{r} \sim IID(0, \Omega)$$
 (10 53)

其中

$$Y_{i} = (y_{1,i}, y_{2,i}, \dots, y_{k,i})'$$

$$A_{j} = \begin{bmatrix} (\mu_{1}, \mu_{2}, \dots, \mu_{k})^{T} \\ \pi_{j,11} & \pi_{j,12} & \dots & \pi_{j,1k} \\ \pi_{j,11} & \pi_{j,12} & \dots & \pi_{k,2k} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \pi_{j,11} & \pi_{j,22} & \dots & \pi_{j,2k} \end{bmatrix}$$

因 VAR 模型中每个方程的右侧只含有内生变量的滞后项,它们与 u, 是不相关的,所以可以用 OLS 法依次估计每一个方程,得到的参数估计量都具有一致性。

VAR 模型的特点是:

- (1)不以严格的经济理论为依据。在建模过程中只需明确两件事、一是共有哪些变量是相互有关系的。把有关系的变量包括在VAR模型中,二是确定滞后期 p,使模型能反映出变量间相可影响的绝大部分。
  - (2) VAR模型对参数不施加零约束,参数估计值不论有无思事性,都保留在模型中。
- (3)VAR模型的解释变量中不包括任何当期变量。所有与联立方程模型有关的问题在 VAR模型中都不存在。
- (4) VAR模型的另一个特点是有相当多的参数需要估计。比如一个 VAR模型含有三个 受量。最大稀陌房 p = 3。则有 pe<sup>1</sup> = 3×3<sup>2</sup> - 2<sup>2</sup> 个参数需要估计。当样不容量较小时,多数 参数的估计量俱多数大。
- (5) 无约束 VAR 模型的应用之一是預測。由于在 VAR 模型中每个方程的右侧都不含 有当期变量,这种模型用于预测的优点是不必对解释变量在预测期内的取值做任何预测。

西姆斯(Sims) 认为 VAR 模型中的全部变量都是内生变量。近年来也有学者认为具有 单向因果关系的变量,也可以作为外生变量加人 VAR 模型。

作为 VAR 的一个例子。假设国内生产总值(GDP)和固定资产投资(FI)联合地由一个双变量的 VAR 模型决定。并且让常数为唯一的外生变量。内生变量滞后二阶的 VAR(2) 模型是;

GDP<sub>r</sub> = 
$$a_{11}$$
GDP<sub>r-1</sub> +  $a_{12}$ FI<sub>r-1</sub> +  $b_{11}$ GDP<sub>r-2</sub> +  $b_{11}$ FI<sub>r-2</sub> +  $\mu_1$  +  $u_{11}$   
FI<sub>r</sub> =  $a_{11}$ GDP<sub>r-1</sub> +  $a_{12}$ FI<sub>r-1</sub> +  $b_{11}$ GDP<sub>r-2</sub> +  $b_{12}$ FI<sub>r-1</sub> +  $\mu_2$  +  $\mu_3$ 

其中, $a_h$ , $b_h$ , $\mu$ , 是要被估计的参数。也可表示成:

$$\begin{bmatrix} GDP_t \\ - \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} GDP_{t-1} \\ - \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} b_{11} & b_{22} \\ b_{22} & b_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} GDP_{t-2} \\ - \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \mu_1 \\ \mu_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \mu_1 \\ \mu_2 \end{bmatrix}$$

#### 10.5.2 向量自回归模型的估计与设定

与单一时间序列模型相同,本节讨论的 VAR 模型也是限定于分析平稳的随机向量。

模型(10 52)右边没有内生变量。而且每个方程右边的变量又都是相同的。所以使用普通 最小二乘法(OLS)可以得到 数且有效的估计量。对 VAR 的估计可利用 EViews 5.0 变现。

在估计之前,必须确定 个适当的滞后阶数 p。我们想使滞后数 p 较大,这样可以消除误差项中存在的白相笑,以便能完整反映系统的或态特征,但是另一方面,滞后数越大,需要估计的参数就会迅速增多。同时,模型的自由度也就会越少,直接影响模型参数估计量的有效性,所以,选择 p 时,需综合考虑,即要有足够数目的滞后项,又要有足够数目的自由度。

对于单变量的情况。我们可以機振偏自相关函数来选择一个AR模型的适当的阶数。对多变量而言。偏自相关是一纯矩阵。给户值的确定带来了一定的难度。修正的 Pi、LR 统计量、赤尬信息准则(AIC)、施瓦茨准则(SC)和 Hannan-Quinn 信息准则都是在对模型 因增添的的带后项而损失自由度进行修正后。衡量模型指令程度的指标。在实际的 VAR模型的应用。使往往根据 AIC 准则、SC 准则或 Pi 进行滞后阶数的选择。将使 AIC、SC 值达到最小成 Pi 达到最大的 Pi 值选性分解后阶数。

但是·在实际的管辖中·特别是VAR模型中含有较多的变量时。因为可用样本容量太小 而 VAR模型中的参数太多。往往会遇到不得不选择小于理想的 P 值作为带后阶数。这的确 是 VAR模型的一个缺陷。

例 10-4 某市 1991年  $\sim 2006$ 年 GDP 和間定資产投资(FI)的 VAR 模型估计。(数据 如表 10-4 所示)

仍使用表 10-4 的或测数据。介绍 VAR 模型的估计。为了创建一个 VAR 对象,应选择 Quick/Estumate VAR····或者选择 Objects/New object/VAR 或者在命令窗口中键人 var。随即打开一个对话模。如图 10-13。其中需要做五种选择:

- (1) 选择模型类型(VAR Type)。无约束向量自向列(Unrestricted VAR)或者向量误差 修正(Vector Error Correction)。无约束 VAR模型是指 VAR模型的简化式。综省选择是"无 约束向量自回归"。
  - (2) 在 Estimation Sample 编辑框中设置样本区间。
  - (3) 在 Endogenous Variables 编辑栏中输入相应的内生变量。
- (4) 在 Lag Intervals for Endogenous 编辑 植中輸入潛后信息。表明哪些潛戶受量应該 接包括在每个等式的右端,这一信息应该成 材輸入,每一对数字描述一个滯后区间,例 如,滞后对14表示用系统中所有均生变量的引 助到4 弥陽后受量作为等或右端的变量。也可 以添加代表滯后区间的任意数字,但都要成 对輸入,例如12 4 6 9 12 12 即为用 2 ~ 4阶:6~9 阶及第12 附近后空槽。
- (5) 在 Exogenous Variables 编辑栏中输 人相应的外生变量,系统通常会自动给出常 数 c 作为外生变量。本例的选择见图10 13。



图 10 13 VAR 模型设定对话框

点击"OK" 健,显示图 10-14 所示结果。表中的每 ·列对应 VAR 模型中一个内生变量的 方限。对方程右端每 · 个变量。EViews会给出系数估计值。估计系数的标准差(侧括号中) 及 t ~ 统计量(方括号中)。例如。在 GDP 的方程中 F(t-1) 的系数是 1. 016806. 标准差是 0.50745, t ~ 统计量为2.00337。同时,有两类回归统计量出在 VAR 对象估计输出的底部。输出的第一部分显示的是每个方程的标准 (0.15) 回复,计量 根据各自的变差分别计算 每个方程的结果,并显示在对应的列中。输出的第二部分显示的是 VAR 模型的间归统计量。

因此,向量自回归(VAR) 模型的估计式为,

 $\mbox{GDP}_r = \mbox{1,1576GDP}_{r_1} \quad \mbox{0,3693GDP}_{r_2} \, \div \, \mbox{1,0166FI}_{r_1} - \mbox{1,0977FI}_{r_2} \, \div \, \mbox{198,8188}$ 

 $FI_{r-2} = 0.1673GDP_{r-1} = 0.4878GDP_{r-2} + 1.1956FI_{r-1} + 0.3027FI_{r-2} + 162.5022$ 



图 10-14 VAR 估计的输出结果

### 10.5.3 VAR 維烈的脉冲响应函数和方差分解

由于 VAR 模型参数的 OLS 估计量只具有一致性。单个参数估计值的经济解释显视闭 难的。要想对一个 VAR 模型做出分析。通常是观察系统的脉冲响应函数和方差分解。

1. 脉冲响应函数(Impulse-response Function)

对第:个变量的冲击不仅直接影响第:个变量。而且通过 VAR 模型的动态结构传导给 所有的其他内生变量。脉冲响应函数描述一个内生变量对误参冲击的反应。具体地说,脉冲 响应函数刻画的是在一个扰动项上加上一次性的一个冲击对内生变量的当前值和未来值所 带来的影响。

设 VAR(p) 模型为:

$$Y_t = A_1 Y_{r-1} + \cdots + A_s Y_{r-s} + u_t$$

也可以改写为:

$$(I - A_1L - A_2L^2 - \cdots - A_pL^p)Y_t = u_t$$

这里 Y. 是一个 k 维内生变量向量 , u. 是方差为 Ω 的扰动向量。 假设 VAR(p) 可涉。我们可以得到 Y, 的 VMA(∞) 的表达式

$$Y_i = (I - A_1L - A_2L^2 - \cdots - A_pL^p)^{-1}u_i$$
  
=  $(\phi_0I + \phi_1L + \phi_2L^2 + \cdots)u_i$ 

VMA表达式系数可以按下面的方式给出:VAR的系数 A 和 VMA 的系数 o 必须满足下 而关系

$$(I - A_1L - A_2L^2 - \cdots - A_pL^p)(I + \phi_1L + \phi_2L^2 + \cdots) = I$$
  
 $(I + C_1L + C_2L^2 + \cdots) = I$ 

其中  $C_1 = C_2 = \cdots = 0$ 。关于  $C_0$  的条件递归定义了 VMA 系数。

$$\phi_1 = A_1$$
 $\phi_2 = A_1\phi_1 + A_2$ 
 $\vdots$ 
 $\phi_n = A_n\phi_{n-1} + A_n\phi_{n-2} + \cdots + A_n\phi_{n-1}$ 

从而可知 VMA 的系数可以由 VAR 的系数递归得到。

巻忠 VMA(∞) 的表达式

$$Y_{t} = (\phi_0 I + \phi_1 L + \phi_2 L^z + \cdots) u_t$$

设  $\phi_i = (\phi_{i,n})_{i,0} = 1,2,3,\dots,$  则 Y 的第i 个变量  $v_i$  可以写成:

$$y_s = \sum_{j=1}^s (\phi_{0,ij} u_j + \phi_{1,ij} u_{j-1} + \phi_{2,ij} u_{j-2} + \phi_{2,ij} u_{j-3} + \cdots)$$

其中 k 是变量个数。

下面仅考虑两个变量(k=2)的情形:

$$\begin{pmatrix} \mathbf{y}_{st} \\ \mathbf{y}_{tt} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \phi_{0,11} & \phi_{0,12} \\ \phi_{0,21} & \phi_{0,22} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} u_{1,t} \\ u_{2,t} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \phi_{1,11} & \phi_{1,12} \\ \phi_{1,21} & \phi_{1,22} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} u_{1,t-1} \\ u_{2,t-1} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \phi_{2,11} & \phi_{2,12} \\ \phi_{2,21} & \phi_{2,22} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} u_{-t-2} \\ u_{2,t-1} \end{pmatrix} + \cdots$$

现在假定在基期给 y1 一个单位的脉冲,即:

$$u_{ij} = \begin{cases} 1, & t = 0 \\ 0 & \text{else} \end{cases}$$
 $u_{ij} = \begin{cases} 1, & t = 0 \\ 0 & \text{else} \end{cases}$ 

由 v, 的脉冲引起的 v, 的响应函数: do 21 + do 21 +

$$t = 0, y_{2.0} = \phi_{0.21}$$
  
 $t = 1, y_{2.1} = \phi_{1.21}$   
 $t = 2, y_{2.2} = \phi_{2.21}$   
 $t = 3, y_{2.3} = \phi_{3.21}$   
 $t = 4, y_{3.4} = \phi_{4.21}$ 

由上述推导可知、由  $y_1$  的脉冲引起的  $y_2$  的响应函数序列是由  $VMA(\infty)$  中系数矩阵  $\omega_1(=\omega_{mn})$  第二行第一列的元素组成。 $q=1,2,\cdots$ 

因此,一般地,由对 v. 的脉冲引起的 v. 的响应函数可以求出如下:

其中 ψω 代表第 1 个变量的单位冲击引起的第 1 个变量的第 9 期滞后反映。

2. 方姜分解(variance decomposition)

脉冲响应函数描述的是VAR中的一个内生变量的冲击给其他内生变量所带来的影响。 而方差分解是把内生变量中的变化分解为对VAR的分量冲击。也就是通过分析每一个结构 市击对内生变量变化(通常用方差来度量)的贡献度,进一步评价不同结构冲击的重要性。 因此,方差分解给出对VAR模型中的变量产生影响的每个额型表动的相对重要性的信息。

账件响应函数是随着时间的推路,来观察模型中各变量对于冲击是如何反应的,然而对 于只是要简单地说明变量间的影响关系又稱稍过缩了一些。因此,Sims 于 1980 年依据 VMA(∞)表示,提出了方来分解方法,定需地把握零量间的影响关系,其具除如下,

由 VAR(p) 模型

$$Y_{i} = A_{1}Y_{i-1} + \cdots + A_{n}Y_{i-n} + u_{n}$$

相应的 VMA(∞) 的表达者

$$Y_{i} = (\phi_{i}I + \phi_{i}L + \phi_{i}L^{2} + \cdots)u_{i}$$

可知,第1个布量 v.. 可以写成:

$$y_q = \sum_{j=1}^{k} (\phi_{0,q} u_{j} + \phi_{j,q} u_{j-1} + \phi_{2,q} u_{j-2} + \phi_{3,q} u_{j-3} + \cdots)$$

其中 k 是变量个数。

上式中各括号中的内容是第j个扰动项u,从无限过去到现在时点对第i个变量y,影响的总和。求其方差,因为 $\{u_{\mu}\}$ 无序列相关,故

$$E[(\phi_{0,\cdot_0}u_s + \phi_{1,\cdot_0}u_{s-1} + \phi_{2,\cdot_0}u_{s-1} + \cdots)^j] = \sum_{n=0}^{\infty} (\phi_{n,\cdot_0})^j \sigma_{jj} \qquad j = 1, 2, \cdots, k$$

这悬把第j 个扰动项对第i 个变量的从无限过去到现在时点的影响,用方差加以评价的 结果。此处还假定扰动项向量的协方差矩阵 $\Omega$ 是对角矩阵。于是 $y_i$  的方差 $var(y_i)$ 是上述方 经的i 项简单和

$$var(y_t) = \sum_{i=1}^{t} \{ \sum_{n=0}^{\infty} (\phi_{q,ij})^2 \sigma_{jj} \}$$

y。的方差可以分解成k 种不相关的影响。因此为了测定各个扰动项对 y。的方差有多大 程度的贡献,定义了如下尺度:

$$\mathrm{RVC}_{j\rightarrow i}(\infty) = \frac{\sum\limits_{y=0}^{\infty} (\phi_{i-y})^2 \sigma_{ij}}{\mathrm{var}(y_x)} = \frac{\sum\limits_{y=0}^{\infty} (\phi_{i-y})^2 \sigma_{ij}}{\sum\limits_{z=1}^{k} \{\sum\limits_{z=0}^{\infty} (\phi_{i-y})^2 \sigma_{ij}\}} \qquad i,j = 1,2,\cdots,k$$

即 RVC(Relative Variance Contribution)(網对方差页軟率),是根据第j个变量基于冲击的方差对y,的方差的相对灵献度来作为观测第j个变量对第t个变量影响的尺度。实际上,不可能用到s1  $\infty$  的 $\phi_{\phi_{i}}$ ,来评价。如果模型满足平稳性条件,则随着q的增大呈几何级数性的衰減,所以升需軟有限的。项。

VAR(p) 模型的前 s 期的預測误差是:

$$u_{r+1} + \phi_1 u_{r+r-1} + \phi_2 u_{r+r-2} + \cdots + \phi_{r-1} u_{r+1}$$

故可得近似的相对方差贡献率(RVC)。

$$\text{RVC}_{j \rightarrow i}(s) = \frac{\sum\limits_{q=0}^{r-1} (\phi_{i,q})^{z} \sigma_{ii}}{\sum\limits_{k} \{\sum\limits_{i=1}^{r} (\phi_{i,q})^{z} \sigma_{ii}\}} \qquad i,j = 1,2,\cdots,k$$

其中 RVC, +, (s) 具有如下的性质:

$$(1)0 \le RVC_{irr}(s) \le 1$$
  $i,j = 1,2,\cdots,k$ 

(2) 
$$\sum_{s=1}^{k} RVC_{s+s}(s) = 1$$

如果  $RVC_{j-\epsilon}(s)$  大时,意味着第 j 个变量对第 i 个变量的影响大,相反的, $RVC_{j-\epsilon}(s)$  小时,可以认为第 j 个变量对第 i 个变量的影响小。

## 10.6 案例分析

表 10-6 是 1992 年 1 月至 1998 年 12 月经居民消费价格指数调整的我国城镇居民的生活费支出(ZC) 与可支配收入(SR) 时间序列, 试利用 EViews 软件, 对我国城镇居民的生活费文出与可支配收入时间序列进行单位根检验,并确定单整阶数; 对我国城镇居民的生活费 发出与可支配收入进行协整检验,并估计我国城镇居民的生活费支出与可支配收入之间的 沒身修订權型。

		₹ 10 - 6 <b>城</b>	镇居民月人	均生活费支	出和可支配	收入调整库	列	(单位:元
序列	月份	1992	1993	1994	1995	1996	1997	1998
	1	151.83	265. 93	273. 98	370.00	438. 37	521.01	643.40
	2	159.86	196.96	318.81	385. 21	561.29	721.01	778. 62
	3	124.00	200. 19	236. 45	308. 62	396.82	482.38	537.16
ēŢ	4	124, 88	199.48	248.00	320. 33	405. 27	492.96	545.79
支	5	127.75	200.75	261.16	327.94	410.06	499.90	567.99
58	6	134.48	208, 50	273. 45	338. 53	415.38	508. 81	555.79
收	7	145.05	218.82	278. 10	361.09	434.70	516.24	570.23
SR)	8	138. 31	209. 07	277. 45	356.30	418.21	509.98	564.38
(SR)	9	144. 25	223. 17	292.71	371.32	442.30	538.46	576.36
	10	143.86	226. 51	289. 36	378. 72	440.81	537.09	599.40
	11	149.12	226.62	296.50	383.58	449.03	534.12	577.40
	12	139.93	210, 32	277. 60	427.78	449. 17	511.22	606.14
	1	139.47	221.74	234.28	307.10	373. 58	419.39	585.70
	2	168.07	186.49	272.09	353, 55	471.77	528.09	598. 82
	3	110.47	185.92	202. 88	263. 37	350. 36	390.04	417.27
16.	4	113. 22	185, 26	227. 89	281. 22	352. 15	405.63	455.60
生活	5	115.82	187.62	235. 70	299. 73	369.57	426.81	466.20
费	6	118. 20	12.11	237.89	308. 18	370. 41	422.00	455.19
支	7	118.03	186.75	239.71	315.87	376.90	428.70	458.57
EL (ZC)	8	124. 45	187.07	252.52	331.88	387. 44	459. 29	475.40
(ZC)	9	147.70	219. 23	286. 75	385.99	454.93	517.06	591.41
	10	135. 14	212.80	270.00	355, 92	403.77	463.98	494.57
	11	135. 20	205. 22	274.37	355. 11	410.10	422. 96	496.69
	12	128. 03	192.64	250.01	386.08	400.48	460.92	516.16

数据来源:转摘自易丹辉《数据分析与 EViews 的应用》。中国统计出版社 2002 年版。第 141 页。

1. 对我国城镇居民的生活费支出与可支配收入时间序列进行单位根检验

在 EViews 中建立文档、录入人均可支配收入(SR) 和生活费支出(ZC) 序列的数据。双 由人均可支配收入(SR) 序列、出现 L作文件窗口、在其左上方点击 EViews 键出现下拉案 单,点击 Unit Root Test,出现对话框 图 10 - 15) 选择带截距项(Intercept),在 Lag length 这个选项中,我们可以选择一些确定消除序列相关所需的滞后阶数的准则,也可以自己指 足,我们采用 EViews 默认 Schwarz 信息准则来确定滞后的阶数。点击 OK,得到估计结果,见 图 10 - 16。



图 10-15 单位根检验问归方程设定(水平变量)



图 10-16 SR 序列的 ADF 检验结果

从检验结果看·在1%.5%、10%二个显著性水平下,单位根检验的 MacKinnon 临界值 分别为-3.525618、 2.902953、-2.588902.ADF 检验统计量值 0.533173 大 F相应临界 值,从而不能拒绝原假设,表明人均可支配收入(SR) 序列存在单位根,是非平稳序列。

为了得到人均可支配收入(SR)序列的单整阶数,应该继续对人均可支配收入的差分序列进行单位根检验,ADF 检验结果如图 10-17。



图 10 = 17 SR 参分序列的 ADF 检验结果

从檢驗結果看,在1%,5%,10% 三个显著性水平下,单位機檢驗的 MacKinnon 临界值 分别为 - 3,525618, - 2,902953, - 2,588902. ADF 检验统计量值为 - 4,831860,小于相应 临界值,从而拒绝原假设。表明人均可支配收入(SR)的差分序列不存在单位根,是平稳序 列,即SR 序列基一阶单等的、SR ~ I(1)。

采用同样方法,可检验得到 2C 序列也是一阶单整的,即 2C ~ I(1)。

2. 对我国城镇居民的生活费支出与可支配收入进行协整检验

为了分析可支配收入(SR) 和生活费支出(2C) 之间是否存在协整关系,我们先做两变量之间的回归,然后检验回归残差的平稳性。

以生活费支出(ZC)为被解释变量,可支配收入(SR)为解释变量,用(OLS回归方法估计 回归模别,结果见例 10-18.



图 10 - 18 ZC 对 SR 於 OLS 回归结果

#### 估计的同归模型为.

$$ZC = 31.26490 + 0.791547SR_t + a_t$$
 (10 - 54)

为了检验回归规差的平验性,在工作文档窗口中,点击Genr功能键,命令U=Resud,将 上注 OLS回归得到的规志序列命名为新序列 U,然后双击 U 序列,对 U 序列进行单位根检 验,估计结果见图 10-19。



图 10-19 ADF 检验结果

从检验结果看残差序列不存在单位根。是平稳序列。说明可支配收入(SR)和生活费支出(2C)之间存在协整关系。

#### 3. 建立误差修正模型

可支配收入(SR)和生活费支出(ZU)之间存在的整。表明两者之间有长期均衡关系。但 从短期来看,可能会出现失衡。为了增强模型的制度。可以把协整回归式(10 54)中的误差 项。 有作均衡误差,通过建立误差修正模型把生活费支出的短期行为与长期变化联系起 来、误差修正模板的结构如下。

$$\Delta ZC_r = \beta \Delta SR_r + \gamma \alpha_{r-1} + \epsilon_r \qquad (10 - 55)$$

在 EViews 中·点击 Genr 功能键。生成可支配收入(SR) 和生活费支出(ZC) 的差分序列:

$$DZC_r = \Delta ZC_r = ZC_r - ZC_{r-1}$$
  
 $DSR_r = \Delta SR_r = SR_r - SR_{r-1}$ 
(10 - 56)

然后以DZC,作为被解释变量,以DZC,和a,,(误差修正项)为解释变量,估计回归模型式(10-55),结果见图10-20(各项检验均通过)。

最终得到误差修正模型的估计结果:

$$\Delta$$
2C, = 0, 711473 $\Delta$ SR, = 0, 609716 $\alpha$ <sub>C</sub>,

在模型中, 差分項反映了变量短期波动的影响。被解释变量的波动可以分为两部分: 部分是短期波动, 另一部分是长期均衡。



图 10-20 回归结果

根据模型的参数估计量,短期内轴锁插层可支配收入的变化格引起月人均生活费支出 的相同方向的变化,如果被镇居民可支配收入总债变化 1%,到人均斗活费支出将变化 0.711473%,退港修正項。4. 系数的大小反映了对长期均衡的调整力度,从系数估计位 (--0.609716)着,调整的力度是比较大的,这一分析结果,故是误券施证模型的优势所在。

#### 思考与练习

- 1. 请描述平稳时间序列的条件。
- 2. 什么是非平稳?为什么随机游走过程是非平稳的?
- 说 x<sub>i</sub> = ξcosβt + ηsinβt ,0 ≤ t ≤ 1, 其中 ξ, η 是相互独立的正态分布 N(0,σ²) 随机变量,θ 是实数,试证,{x,0 ≤ t ≤ 1} 为平稳过程。
  - 4. 什么是样本自相关函数?什么是 d 阶单整序列?
  - 5. 蒸削证明序列的非平稳性和协回扫。
  - 6. 如何通过样本自相关函数判断时间序列的平糠性?
  - 7. 试述单位根检验的基本专题。
  - 8. 单整变量的单位根检验为什么从 DF 检验发展到 ADF 检验?
  - 9. 简述两变量协整检验的步骤。
  - 10. 单位根检验和协整检验之间是否有差别?如果有,差别在哪里?
  - 11. Granger 因果关系检验是怎样进行的?
  - 12. 循述建立误差修正襟形的专题。
- 13. 读动态数据x; = 0.8.x; = 0.7.x; = 0.9.x; = 0.74.x; = 0.82.x; 0.92.x; 0.78.x; = 0.86.x; = 0.72.x; 0.84.求释本均值x,将本方益ý,并本自协方盖ý,ý, 种

- 14.从《中国统计年鉴》中取得1978年~2007年全国全社会固定资产投资额的时间序列数据,检验其是否平稳,并确定其单整阶数。
  - 15. 菜闆从 1991 年至 2005 年每季度國內生产总值和消費总额知表 10-7(单位: 亿元)。

#### 表 10-7 1991年 ~ 2005年各季度個內生产总值和消費总额

	4K 10 - / 1>	71 4 ~ 1003 <del>4</del> 9	古干泉田门王/ 心具や消気心数				
华度	国内生产总值	消费总额	- 李皮	国内生产总值	消费总额		
1991(1)	7562. 0	5580. 0	1998(3)	9655. 8	7136. 2		
1991(2)	7676.0	5601.7	1998(4)	9712.8	7226. 1		
1991(3)	7771.0	5654. 4	1999(1)	9830.6	7275.7		
1991(4)	7767. 2	5645. 1	1999(2)	9997.8	7421.4		
1992(1)	7877.4	5731.9	1999(3)	10081.4	7452.4		
1992(2)	7972. 4	5775. 3	1999(4)	10184.0	7505. 1		
1992(3)	8002. 8	5815.6	2000(1)	10256. 2	7554. 7		
1992(4)	8059.8	5902. 4	2000(2)	10248.6	7548.5		
1993(1)	8090.2	5979.9	2000(3)	. 10317.0	7607.4		
1993(2)	8166. 2	6085.3	2000(4)	10366. 4	7641.5		
1993(3)	8333. 4	6165.9	2001(1)	10419.6	7638. 4		
1993(4)	8633. 6	6299. 2	2001(2)	10229.6	7483. 4		
1,994(1)	8740. 0	6395, 3	2001(3)	10343.6	7564.0		
1994(2)	8797.0	6392. 2	2001(4)	10552.6	7653.9		
1994(3)	8880. 6	6426.3	2002(1)	10575.4	7672.5		
1994(4)	9051.6	6407.7	2002(2)	10548.8	7675. 6		
1995(1)	8869. 2	6355.0	2002(3)	10693.2	7709. 7		
1995(2)	8755. 2	6382. 9	2002(4)	10670.4	7650.8		
1995(3)	8797.0	6401.5	2003(1)	10621.0	7700.4		
1995(4)	8789. 4	6320.9	2003(2)	10731.2	7712.8		
1996(1)	8671. 6	6358. 1	2003(3)	10750. 2	7756. 2		
1996(2)	9082. 0	6466. 6	2003(4)	10761.6	7870. 9		
1996(3)	8945. 2	6553. 4	2004(1)	10803.4	7923.6		
1996(4)	9078. 2	6624.7	2004(2)	10894.6	8072.4		
1997(1)	9211. 2	6758.0	2004(3)	11031.4	8180. 9		
1997(2)	9249. 2	6801.4	2004(4)	11248.0	8301.8		
1997(3)	9287. 2	6860. 3	2005(1)	11525. 4	8379.3		
1997(4)	9344. 2	6950. 2	2005(2)	11647.0	8497.1		
(1)8001	9359. 4	7040. 1	2005(3)	11787. 6	8537.4		
1998(2)	9462.0	7068. 0	2005(4)	11848. 4	8630.4		

诚功国内生产总值(GDP)和消费总额(C)进行单位根检验,由于消费在很大程度上取 决于国内生产总值,因此进一步分析两者之间是否存在格整关系,并构建误差修正模型来分 析商者之同分长朝如姐斯关系。

- 16. 表 10 8 数据是 1970年~1991年美國制造业園定厂房设备投资 Y和产品销售量 X,以 10 亿美元计价,且经过季节调整,根据该数据;
  - (1) 试检验 Y 与 X 的因果关系,使用直至 6 期为止的滞后并评述其结果。
  - (2) 对固定厂房设备投资 Y 和销售量 X 的 VAR 模型进行估计。

#### 表 10-8 1970年 ~ 1991年美國制造业固定厂房设备投资和销售量数据

车份	國定厂房 设备投资	销售量	年份	图定厂房 设备投资	销售量
1970	36. 99	52. 805	1981	128. 68	168. 129
1971	33. 6	55. 906	1982	123. 97	163. 351
1972	35. 42	63.027	1983	117. 35	172. 547
1973	42. 35	72. 027	1984	139.61	190. 682
1974	52. 48	84.79	1985	182. 88	194, 538
1975	53, 66	86. 589	1986	137.95	194.657
1976	58. 53	98. 797	1987	141.06	206. 326
1977	67.48	113. 201	1988	163.45	223.541
1978	78. 13	126. 905	1989	183. 8	232, 724
1979	95. 13	143.936	1990	192. 61	239. 459
1980	112.6	154.39	1991	182. 81	235, 142



## 第十一章 面板数据模型

在经济学研究中、同时具有时间序列和截面性质的数据是常见的。例如 经济统计年鉴 上往往会提供包含各个国家(她区)的若干系列的年度(季度和月度)经济总量数据,如西方 7 国 1960 年~2000 年度经济总量数据。这种统计数据既包含时间序列的特征,又包含截面 数据的特征,在计量分析中被列人单独的 "类数据 — 面板数据(Panel Data)进行分析。 本章简要介绍面板数据及其模型的基本原理。包括固定效应模型和随机效应模形设置、参数 估计均稳衡。

## 11.1 面板数据模型基本概念

#### 11.1.1 面板數据和模型板述

在经济学研究和实际应用中,我们经常需要运用时间序列数据或者擴載面数据。例如 时间序列数据是变量按时间得到的数据,模裁向数据是变量在截面空间上的数据。此外,在 经济分析中,尤其是在通过建立计量经济学模型所进行的经济分析中,经常发现,只利用截 面数据或者只利用时间序列数据不能编译分析目的的信息。

例如,如果分析生产成本问题,只利用截面数据,即选择统一截面上不同规模的企业数 相作为样本观测值,可以分析成本和企业规模的关系,但是不能分析技术进步对成本的影响,只利用时间导列数据。即选择同一企业在不同时间上数据作为样本观测值。可以分析成 本与技术进步的关系。但是不能分析企业规模对成本的影响。因此我们需要采用横截面观 察值和时间序列规聚值结合起来的数据,即,数据集中的变量同时含有横截面和时间序列的 信息。这种数据被称为面板数据(Panel Data),它与我们之前分析过的纯粹的横截面数据 和时间序列数据有着不同的特点。简单诡讲。面板数是从横截面(cross section)上看,是 由若干个体(entity, unit, individual 右某一时刻构成的截面规则值,从纵侧面(longitudinal section)上看是一个时间序列,所以其统计性规据有时间序列的性质,又包含一定的横截 而物点。因而以往完果的的计量模型和估计方能增需要有影响等。

例 11 · 1 表 11 1 中展示的数据就是 · 个面板数据的例子。

其他类似的例子还有:历改人口靠金中有关不同年龄段的受教育状况。同行业不同公司 在不同时间节点上的产值等。这里。不同的年龄段和公司代表不同的戴调。而不同时间节点 数据反映了数据的时间序列性。

研究和分析面板数据的模型被称为曲板数据模型(panel data model)。它的变量取值 都市有时间序列和横截曲的两直性。一般的线性模型只能单独处理模截面数据或时间序列 数据,而不能同时分析和对比它们。面板数据模型,相对于一般的线性回归模型,其优点在 于它既考虑到了横截面数据存在的共性、又能分析模型中横截面因素的个体特殊效应。当 然,我们也可以将横截面数据简单地堆积起来用回归模型来处理,但这样做就丧失了分析个 体特殊效应的机会。

表 11 - 1 华东地区各省市 GDP 历史数据

单位,亿元

年份 地区	2001	2002	2003	2004	2005	2006
上海	5210.12	5741.03	6694.23	8072.83	9154.18	10366.37
江苏	9456, 84	10606.85	12442, 87	15003, 60	18305.66	21645.08
浙江	6898. 34	8003, 67	9705.02	11648.70	13437.85	15742.51
安徽	3246,71	3519,72	3923, 10	4759.32	5375.12	6148. 73
福建	4072.85	4467.55	4983.67	5763.35	6568, 93	7614.55
江西	2175.68	2450. 48	2807.41	3456,70	4056, 76	4670, 53
山东	9195.04	10275.50	12078.15	15021, 84	18516,87	22077.36

数据来源:《中国统计年鉴》(2002-2007)

#### 11.1.2 一般面板數据權型介绍

运用面板数据进行计量经济分析,是近年来研究较多的一个领域。运用面板数据进行 计量经济分析的模型称为"面板数据模型"。下面我们简要介绍…下面板数据模型。

符号介绍:y, 因变量在横截面:和时间:上的数值;

假设:有K个解释变量,即 $j=1,2,\cdots,K$ ;

有 N 个横截面,即 i=1,2,...,N;

时间指标 t=1.2,...,T.

记第 i 个横截面的数据为:

$$y_i = \begin{bmatrix} y_{i1} \\ y_{i2} \\ \vdots \\ y_{iT} \end{bmatrix}$$
,  $X_i = \begin{bmatrix} x_{i1}^1 & x_{i1}^2 & \cdots & x_{i1}^2 \\ x_{i2}^1 & x_{i2}^2 & \cdots & x_{i2}^2 \\ \cdots & \cdots & \cdots & \cdots \\ x_{iT}^1 & x_{iT}^2 & \cdots & x_{iT}^2 \end{bmatrix}$ ,  $u_i = \begin{bmatrix} u_{i1} \\ u_{i2} \\ \vdots \\ u_{iT} \end{bmatrix}$ 

其中对应的 u. 是横截面:和时间:的随机误差项。再记

$$y = \begin{bmatrix} y_{\alpha} \\ y_{\alpha} \\ \vdots \\ \vdots \\ y_{\alpha} \end{bmatrix}; X = \begin{bmatrix} X_{\alpha} \\ X_{\alpha} \\ \vdots \\ \vdots \\ X_{\alpha} \end{bmatrix}; \mu = \begin{bmatrix} \mu_{\alpha} \\ \mu_{\alpha} \\ \vdots \\ \vdots \\ \mu_{\alpha} \end{bmatrix}; \beta = \begin{bmatrix} \beta_{\alpha} \\ \beta_{\alpha} \\ \vdots \\ \vdots \\ \beta_{\alpha} \end{bmatrix}$$

这样,y是一个 $N \cdot T \times 1$ 的向量;X是一个 $N \cdot T \times K$ 的矩阵,而  $\mu$ 是一个 $N \cdot T \times 1$ 的向量。针对这样的数据,有以下以矩阵形式表达的面板数据模型;

$$y=X\beta+u$$
 (11-1)

方程(1)代表 一个最基本的面板數据模型。基于对系数 $\beta$ 和随机误差项 $\mu$ 的不同假设。 从这个基本模型可以衍生出各种不同的面板數据模型。最简单的模型就是忽略数据中每个 模數面个体所可能有的特殊效应。如假设 $\mu\sim 11d(0.\sigma^2)$ 。而简单地将模型视为模截面数据堆积的模型。

但出由于面板数据中含有機截面数据,有时需要考虑个体可能存在的特殊效应及对模 组计方法的影响。例如在不同个体限您原存在问例布的情况下,OLS 估计量虽然是一 致的,但不再是有效估计量,因此往往需要采用GLS。

一般为了分析每个个体的特殊效应,对随机误差项 ut的设定是:

$$\mu_k = \alpha_i + \epsilon_k$$
 (11 - 2)

其中, $\mu \sim 11d(0,\sigma^2)$ ,  $\sigma$ , 代表个体的特殊效应,反映了不同个体之间的差别。而 $\sigma$ . 的不同假设体导致最常见的两个面接数据模型。老认为个体之间的差异是系统性的,进确定的,则假设。是固定的常数,此时模型被称为固定效应模型(fixed-elfect model); 若认为个体之间的差异是随机的,是不确定的,则假设 $\sigma$ , 不是固定的。而是随机的,此时模型被称为随机效应模型(random-elfect model)。

## 11.2 方差分析

#### 11.2.1 分析简介

方差检验分析就是判断变量来源的一个广泛使用的程序。而方差分析是被保留成线性 假定的特殊分类假定,即是指,依赖于单个个体和方差检验分析的同时。另一方面,协方 差分析模型加入了分生变量,以及每个个体依赖于个体所属于类别的真实关系,也就是平时 的方类分析模型。

通常,线性模型评估质量和数量因素的有效性是通过如下假定进行的:

$$y_k = a_k^* + \beta_k x_k + u_k, i = 1, 2, \dots, N, t = 1, 2, \dots, T$$
 (11 - 3)

其中, $a_s$ , 是  $1 \times 1$  维的向量, $\beta_s = (\beta_{1s}, \beta_{2s}, \cdots, \beta_{kn})$ 是  $1 \times K$  维的向量, $x_s = (x_{1s}, x_{2s}, \cdots, x_{Ks})$  是个外生的  $1 \times K$  维的向量, $u_s$ 是隨机误差项。我们要检验估计回归系数的两个方面: -是

回归系数斜率的同质性,一是回归系数截距的同质性。

方差分析总共可以分为三步:

- (1)是否同时检验斜率和截距在不同的时期对于不同的个体之间是类似的;
- (2) 检验在总体上回归系数的斜率是否是一致的;
- (3) 检验在总体上回归系数的截距是否是一致的。

如果第一步的原假设被接受,并且很显著,则表示斜率和截距是一致的,就不用做接下 来的检验了。但是,如果第一步原假设被拒绝了,我们就要进行第二步的检验,即是检验在 总体上同归系数的斜率是否一致。如果检验未被拒绝。就进行第三步检验,判断回归系数的 都距昂昂昂一致的。原则上来说,第一步被分成第二和第一步。

方差分析是由賽菲(Scheffe)于 1959 年和瑟尔勒(Scarle)于 1971 年提出的,在实践中 一维个体差异分析被广泛应用。因此,在下面我们将描述一维协方差分析方法。

#### 11.2,2 个体差异分析

模型(11-3)只是描述模计量。它既不能估计。也不能预测。因为自由度 NT 少于参数 的个数 NT(K+1) 和 u, 分布特征的变量个数。在作出结论之前,我们基于式(11-3) 作出 一块限制。首先,我们假定参数是连续的,且在样本之间存在差异。因此,我们对每个样本 分别回归。

$$y_k = a_i^* + \beta'_i x_k + u_k, i = 1, \dots, N, t = 1, \dots, T$$
 (11-4)

基于式(11-3),我们可以作出下列三种限制;

H1:回归斜率相同,截距不同。即

$$y_k = \alpha_i^* + \beta' x_k + u_k$$
 (11 - 5)

H, 回归截距相同,斜率不同。即

$$y_z = \alpha^* + \beta'_{,x_z} + u_z$$
 (11 - 6)

H<sub>3</sub>:回归截距和斜率都相同。即

$$y_k = a^* + \beta x_k + u_k \tag{11-7}$$

由于斜率不同,截距相同的回归结果其经济含义无法解释,所以我们忽略式(11-6)的 限制,我们可以把式(11-4)看施无限制条件的模型,式(11-5)作为个体均值修正模型,式 (11-7)件为维合回归模型,

상

$$\hat{y}_i = \frac{1}{T} \sum_{i=1}^{T} y_k \tag{11-8}$$

$$\bar{x}_i = \frac{1}{T} \sum_{t}^{T} x_t \qquad (11 - 9)$$

分别是第i个样本y与z的均值,则对式(11 4)中的参数运用最小二乘法估计,可得

$$\hat{\beta}_{i} = \mathbf{W}_{xr,i}^{-1} \mathbf{W}_{xy,i}, \hat{\alpha}_{i} = y_{i} - \hat{\beta}'_{i}x_{i}, i-1, \dots, N,$$
 (11 - 10)

其中,

下的变形。

$$W_{\omega_{s,i}} = \sum_{i=1}^{T} (x_x - \overline{x}_i)(x_x - x_i)^{1}, W_{\omega_{s,i}} = \sum_{i=1}^{T} (x_x - x_i)(y_x - y_i), W_{\omega_{s,i}} = \sum_{i=1}^{T} (y_x - \overline{y}_i)^{2}$$
(11 - 11)

在协方差分析中,式(11-10)称为组内估计。第i个样本的残差平方和RSS, $=W_{y_0}$   $W'_{y_0}W_{x_0}W_{x_0}$ ,且限制性残差平方和

$$S_1 = \sum_{i=1}^{N} RSS_i \qquad (11-12)$$

运用最小二乘法对个体均值修正模型进行参数估计得

$$\hat{\beta}_{W} = W_{ar}^{-1}W_{ar}, \hat{\alpha}_{i}^{*} = \bar{y}_{i} - \hat{\beta}'_{W}\bar{x}_{i}, i = 1, \dots, N$$
 (11 - 13)

同时,
$$W_{xx} = \sum_{i=1}^{N} W_{xx,i}, W_{xy} = \sum_{i=1}^{N} W_{xy,i}, W_{xy} = \sum_{i=1}^{N} W_{yy,i}, 模型式(11-5)$$
的残差平方和
$$S_{k} = W_{yy} - W'_{xy}W_{xx}^{-1}W_{xy} \qquad (11-14)$$

同时对式(11-7)运用最小二乘法估计。

$$\hat{\theta} = T^{-1}T_{\sim x}\hat{\sigma}^{x} = \bar{y} - \hat{\theta}\bar{x}$$
(11 - 15)

且
$$T_{zz} = \sum_{i=1}^{N} \sum_{r=1}^{T} (x_{e} - \bar{x}_{i})(x_{e} - x_{i}), T_{ry} = \sum_{i=1}^{N} \sum_{r=1}^{T} (x_{e} - \bar{x}_{i})(y_{e} - y),$$

$$T_{zz} = \sum_{i=1}^{N} \sum_{r=1}^{T} (y_{e} - \bar{y}_{i})^{2}, \bar{y} = \frac{1}{NT} \sum_{i=1}^{N} \sum_{r=1}^{T} y_{e}, x = \frac{1}{NT} \sum_{i=1}^{N} \sum_{r=1}^{T} x_{e},$$

$$S_{1} = T_{r} - T_{r}^{*} T_{r}^{*} T_{r}^{*} T_{r}$$

$$(11-16)$$

基于上途假定,我们可以得出。u,~N(O,d)。我们应用F检验可以检验模型式(11-5) 或式(11-7)的限制性假定。事实上,模型式(11-5)和式(11-7)数是模型式(11-4) 不同线性约束下的结果。同时,模型式(11-5)能是模型式(11-4)在(N-1)K 的线性约束

$$H_1: \beta_1 = \beta_2 = \cdots = \beta_N$$

而一般截距和斜率的假设可以表示为模型式(11-4)在(K+1)(N-1)的线性约束下的变形。

$$H_3: \alpha_1^* = \alpha_2^* = \cdots = \alpha_N^*, \beta_1 = \beta_2 = \cdots = \beta_N$$

因此,协方差检验分析就是基于残差平方和与线性约束下的假定检验。

由  $d_s$  得出的残差平方和  $S_s \sim \chi^2(NT-N(K+1))$ , 考虑到在样本:中,不同变量的方差和的增量可以表示为 $(S_2-S_1)$ 。在  $H_s$  条件下, $S_2 \sim \chi^2(NT-(K+1))$ ,而  $(S_2-S_1)$   $\sim \chi^2$  ((N-1)(K+1))。由  $F(S_2-S_1)/d_s^2$  和  $S_1/d_s^2$  是不相关的,所以可以用 F 检验来检验  $H_1$ 。
• 208 •

$$F_{2} = \frac{(S_{2} - S_{1})/[(N-1)(K+1)]}{S_{1}/[NT - N(K+1)]}$$
(11 - 17)

如果 F<sub>2</sub>((N-1)(K+1),N(T K 1))的检验值是不显著的,我们可以合并数据,并 估计模型式(11-7)。如果 F 检验值是显著的,则有必要进行下 步的检验,即检验异质性 县目因于全藏距还是全纳率。

在  $H_1$  的假设条件下,模型式(11 5)的残差平方和  $S_2=W_{yy}-W'_{xy}W_{xy}$ ,且满足  $S_2\sim \gamma^2(N(T-1)-K)$ 。  $H_1$  的 F 检验可以表示为:

$$F_1 = \frac{(S_2 - S_1)/[(N-1)K)]}{S_1/[NT+N(K+1)]}$$
(11 - 18)

如果  $F_1$   $((N-1)K_1,NT-N(K+1))$  的检验值是显著的、检验就结束了,则认为模型式 (11-4) 的能距是一致的。如果  $F_1$  的检验值不易著,则认为截距最早质的。

如果接受 片,,截距仍然可以进行条件检验,即

$$H_{s}: \alpha_{1}^{*} = \alpha_{2}^{*} = \cdots = \alpha_{N}^{*}, \beta_{1} = \beta_{2} = \cdots = \beta_{N}$$

$$F_{i} = \frac{(S_{3} - S_{T})/(N-1)}{S_{7}/[N(T-1) - K]}$$
(11 - 19)

我们可以用协方差将这些检验表示出来(如表 11-2 所示)

泉 11-2 間居性方差分析

变量	残差平方和	自由度	方差均值
组内同质性的 截距和斜率	$S_1 = \sum_{i=1}^{N} (W_{yy,i} - W'_{1y,i}, W_{M,i}^{-1} W_{2y,i})$	N(T-K-1)	S <sub>1</sub> /N(T-K-1)
截距问质	$S_1 = W_{_{27}} - W'_{_{27}}W_{_{22}}^{-1}W_{_{27}}$	N(T-1)-K	$S_z/N(T-1)-K$
一般截距和斜率	$S_1 = T_{\sigma}  T'_{D_1} T_{U}^{\dagger} T_{D_2}$	NT (K+1)	S <sub>3</sub> /NT-(K+1)
符号含义			
样本	i=1,,N		
每个样本观测值	T=1,,T		
总祥本數量	NT		
组内均值	y, s.x.,		T
全部均值	y + X		
组内方差	W ,,, , W ,,, , , W ,, ,		
总变量	$T_{ee}$ , $T_{ee}$ , $T_{ee}$		

此外,我们还可以假定系数在样本之间是不变的。但随着时间的改变而改变。则每一部 分的回归可以表示为:

$$y_s = a_t^* + \beta_t x_s + u_k, \quad i = 1, \dots, N, \quad t = 1, \dots, T$$
 (11 - 20)

其中, $u_* \sim N(0,\sigma_*^2)$ 。而且,协方差分析可以检验不同时期参数之间的同质性。

例如,我们可以用 F 检验来检验同质性 $(H',:a_1'=a_2'=\cdots=a_T',\ \beta_1=\beta_2=\cdots\circ\beta_T)$ ,则

$$F'_{2} - \frac{(S_{3} - S'_{1})[(T-1)(K+1)]}{S'_{1}/[NT - T(K+1)]}$$
(11 - 21)

且  $F'_1 \sim F((T-1)(K+1), NT-T(K+1))$ ,同时,

$$S'_{1} = \sum_{i=1}^{T} (W_{y_{0},i} - \overline{W}'_{y_{0},i} \overline{W}_{x_{0},i}^{-1} \overline{W}_{y_{0},i}), \overline{W}_{y_{0},i} = \sum_{i=1}^{N} (y_{e} - \overline{y}_{e})^{2}, \overline{y}_{e} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} y_{e},$$

$$W_{x_t,t} = \sum_{i=1}^{N} (x_t - \bar{x}_t)(x_t - \bar{x}_t)', \bar{x}_t = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} x_t, W_{x_t,t} = \sum_{i=1}^{N} (x_t - \hat{x}_t)(y_t - y_t) \quad (11-22)$$

与 F',相类似,我们可以检验截距不等,斜率相等的假定 $(H',:a_1^* \neq a_2^* \neq \cdots \neq a_7^*$ , $\beta_i = \cdots = \beta_7$ ),则

$$F'_{1} = \frac{(S'_{1} - S'_{1})[(T - 1)K)]}{S'_{1}/[NT - T(K + 1)]}$$
(11 - 23)

且  $F'_1 \sim F((T-1)K,NT-T(K+1))$ ,同时

$$S'_{z} = \sum_{i=1}^{T} W_{yy,i} - (\sum_{i=1}^{T} W'_{xy,i}) (\sum_{i=1}^{T} W_{xx,i})^{-1} (\sum_{i=1}^{T} W_{xy,i})$$
(11 - 24)

我们也看检验问质系数条件下的同质截距的假定  $\beta_1 = \beta_2 = \cdots = \beta_7 (H'_4)$ ,则

$$F'_{\epsilon} = \frac{(S_1 - S'_1)(T-1)}{S'_1/(T-1) - K'_1}$$
 (11 - 25)

且  $F'_* \sim F(T-1,T(N-1)-K)$ 。 总之,协方差分析接受了回归系数的同质性,但是,如果对面极数据只进行简单的最小二乘法,估计可能会导致偏差。

最后,我们可以看出,上述检验之间并不是完全独立的。比如,根据 $F_1(\vec{x}|F_1)$ 利出的检验概率值,我们认为系数和截距都是同质的。而根据 $F_1(F'_1)$ 和 $F_1(F'_1)$ 却得出相反的结论。因为在一定程度上,可供选择或无效的假定是有些不同的。更糟糕的是,我们使用 $F_1(F'_1)$ 和绝门同质性配定。而 $F_1(F'_1)$ 和 $F_1(F'_4)$ 和接受了这个假定。所以我们不能根据 $F_1(F'_1)$ 来判断同质性是否存在,虽然在非正式水平上解释统计量检验有些失误,但是,在正规的统计水平中基非常合适的。

## 11.3 固定效应模型及其估计方法

#### 11.3.1 固定效应模型的形式

如果认为个体之间的差异是系统性的、确定的,即假设 a, 为常数,则得到固定效应模型为:

$$y_k = \alpha_i + x_k \beta + \epsilon_k$$
 (11 - 26)

整个团定效应模型可以用矩阵形式表示为:

$$\begin{vmatrix} y_1 \\ y_2 \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & 0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} \alpha_1 \\ \alpha_2 \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ 0 & 0 & \cdots \\ 0 & \vdots \\ \vdots \\ 0 & \vdots \\ 0 & \vdots \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ 0 & \vdots \end{vmatrix}$$

$$(11-27)$$

其中:为T×1的单位向量。 讲一步定义:

$$D = (d_1 \quad d_2 \quad \cdots \quad d_N) = \begin{bmatrix} i & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & i & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \end{bmatrix}$$
(11 - 28)

d, 为 TN×1 向量,是一个虚拟变量(dummy variable)。模型可以再写为:

$$y=D\alpha+x\beta+\epsilon$$
 (11 - 29)

其中 D 是一个由虚拟变量组成的矩阵。因此固定效应模型也被称为最小二乘虚拟变量模型[least squares dummy variable(LSDV)model],或简称为虚拟变量模型。

#### 11.3.2 固定效应模型的估计和检验

固定效应模型中有 N 个虚拟变量系数和 K 个解释变量系数需要估计。因此总块有 N + K 个参数需要估计。当 N 不是很大时。可直接采用普通最小一乘弦进行估计。但是当 M 很大时。直接使用 OLS 方Ь的计算量数空扬手索大。甚至有可能超过计算机的存储容量。

一个解决问题的方法就是分成两步来对面板敷据模型进行回归分析。由这种方法导出的估计量常被称为内部估计量(within estimator),有时也记为 $\beta_*$ 。

第一步,消除虚拟变量在模型中的影响、然后再对参数 $\beta$ 进行估计。消除虚拟变量D影响的办法就是利用下列矩阵对所有变量进行"过滤"。

设  $P_D$   $D(D'D)^{-1}D'$ ,其中 D 的定义与方程如前所述。设  $M_0 - l - P_0$ ,用  $M_D$  转变模  $\nabla V = D_0 + xB + \epsilon$ 。显然  $M_D D = 0$ ,则有

$$M_{D}y = M_{D}X\beta + M_{D}E \tag{11-30}$$

用 OLS 得到  $\hat{\rho}$  的估计 :  $\hat{\rho}_o = (X'M_oX)^{-1}X'M_oy$  , 内部估计量与对下列方程的 OLS 估计量是等同的。

$$y_s - y = (X_s - \overline{X}_s)\beta + 随机误差项$$
 (11-31)

其中,y,和X,代表各自变量个体的均值。

上式中,OLS 估计量主要利用的是个体变量对其均值偏离的信息,随机误差项也仅反

映对其个体均值的偏离波动,这是该估计量被称为内部估计量的原因。

第二步,估计参数α。由于已经得到了β的估计值,所以α的估计就变得比较简单。

$$\hat{a} = (D'D)^{-1}D'(y - X\hat{\beta}_w)$$
 (11 - 32)

 $\hat{\alpha}$  其实就是用自变量和解释变量的个体均值和 $\hat{eta}$ 。按下列模型计算出的误差项:

$$\hat{\alpha}_i = \bar{y}_i - \bar{X}\hat{\beta}_w \qquad (11 - 33)$$

估计量 8. 和 a 的方差估计:

$$\sigma_0^2 = s^2 (X' P_0 X)^{-1}$$
 (11 - 34)

$$\hat{\sigma}_{s}^{2} = \frac{s^{2}}{T} + \overline{X}' \hat{\sigma}_{s}^{2} X_{s}$$
 (11 – 35)

其中 2 是对误差项方差的估计量。

$$s^{2} = \frac{\sum_{i} \sum_{i} (y_{b} - \hat{a}_{i} - x_{a}\hat{\beta}_{w})^{2}}{NT - N - K}$$
(11 - 36)

注意:在对误差项方差的估计量中,分母(NT-N-K)反映了整个模型的自由度。有了这些方差的估计量。就可以用传统的t 统计量对估计系数的显著性进行检验。同时,还可以运用下列F统计量对 $a,=a,\imath;\neq j$ 的原假设进行检验:

$$F(N-1,NT-N-K) = \frac{(R_u^2 - R_R^2)/(N-1)}{(1-R_U^2)/(NT-N-K)}$$
(11-37)

其中 $R_i^t$ 代表无约束回归模型 $R^i$ ,而 $R_i^b$ 为有约束回归模型的 $R^i$ ,约束条件即为原假设。

相对于内部估计量,另外还有一种估计量称为中间估计量(between estimator)。定义为:

$$\hat{\beta}_B = (X'P_DX)^{-1}X'P_Dy$$
 (11 - 38)

它其实是下列模型的 OLS 估计量:

$$y_i = x_i \beta + \varepsilon_i$$
 (11 – 39)

因而可以被看做斜用不同的个体均值信息所在出的估计,中间估计量一般而言是一致 估计量,但不是有效的。因为它只是利用了个体均值的信息。内部估计量在这个意义上与 中间估计量是相对的。因为内部估计量利用的正是被中间估计量所"编车"的部分信息。

固定效应模型的优点:能够确切地反映个体之间的差距及其简单的估计方法。

固定效应模型的缺点:存在模型自由度比较小(因为有 N 个截距系数)和存在对个体差异的限制性假设(即个体间差异为固定的)。

## 11.4 随机效应模型及其估计方法

#### 11.4.1 隨机效应模型的形式

类似固定效应模型,随机效应模型也假定:

$$\mu_{\hat{e}} = \alpha_{\epsilon} + \epsilon_{\hat{e}}$$
 (11 - 40)

但与固定效应模型不同的是,随机效应模型假定 $\alpha$ ,与 $\epsilon$ 。同为随机变量。

随机效应模型可以表达如下:

$$y_i = X_i \beta + i \alpha_i + \epsilon_i$$
 (11 - 41)

其中··,和·。均为 T V i 向號·X、是 T × K 矩阵·a。是一个隨机变量。代表个体的關机效应。 由于模型的误差项为两种随机误差之和· 所以也称该模型为误差构成模型 (error component model)。还假定,

- (1)a, 和 X, 不相关;
- $(2)E(\epsilon_{*}) = E(\alpha_{*}) = 0;$
- $(3)E(\varepsilon,\alpha)=0, \forall i,i,t:$
- $(4)E(\varepsilon_{i}\varepsilon_{i})=0, \forall i\neq j$  或  $i\neq s$ :
- (5)E(aa.) =0,1≠11
- $(6)\sigma_i^2 = E(\varepsilon_i^2), \forall i,t_i$
- (0)01 22(22)1111
- $(7)\sigma_a^2 = E(\alpha_i^2)$ ,  $\forall i$ .

给定这些假设,随机效应面板数据模型也可同样写为:

$$y=X\beta+\mu$$
 (11-42)

其中  $\mu=(I_{\bullet}\otimes_{I})_{\alpha}+\epsilon$ ,  $\alpha$  的向量形式与以前相同。  $\otimes$ 是 Kronecker 乘法符号。

例 11-2 Kronecker 郵法.

$$I_1 \otimes I_{2\times 1} - \begin{bmatrix} i_{2\times 1} & 0 \\ 0 & i_{2\times 1} \end{bmatrix}$$

例 11-3 前面的矩阵 D 也可用 Kronecker 乘法表示: D = IN Otyx1

在这些假设的情况下。简单 OLS 估计量仍然是无偏和一致的,但不是有效的。因为:

$$Var(u_i) = \Omega \quad \sigma^2 \varepsilon I_T + \sigma_s^2 i i' \qquad (11 - 43)$$

$$Var(\mu) = \sum_{i} = I_{NT}\sigma_{i}^{2} + I_{N} \otimes ii'\sigma_{i}^{2} = I_{N} \otimes \Omega \qquad (11 - 44)$$

同一个个体、不同时间节点上的随机误差项之间存在一定的相关性。而 OLS 没有利用 方差矩阵中含有的这些信息。因而不再是最有效的估计量。因此有必要采用 GLS。

#### 11.4.2 随机效应模型的估计

1, σ<sup>2</sup> 和 σ<sup>2</sup> 已过时---直接采用 GLS

定义下列符号:

$$P = I_N \otimes (i_T (i'_T i_T)^{-1} i'_T) = I_N \otimes (\frac{1}{T} i_T i'_T)$$
 (11 - 45)

$$Q = I_{NT} - P$$
 (11 - 46)

在以上这些符号的意义下,可以算出 ∑ 1 的计算公式:

$$\sum_{g}^{-1} = \frac{1}{g_s^2} (Q + \theta^2 P) \qquad (11 - 47)$$

其中  $\theta^2 = \frac{\sigma_c^2}{\sigma_c^2 + T\sigma_a^2}$ 

注:(1) \(\sum\_{\coloredge}^{-1}\) 的表达式说明只要知道 \(\sigm\_{\coloredge}^{2}\) 和 \(\sigm\_{\coloredge}^{2}\),就可以推导出 \(\sum\_{\coloredge}^{1}\).

(2)由于Q和P 都是幂等矩阵(idempotent matrix)并且Q和P 间存在正交性,所以 $\sum_{i=1}^{n-1/2}$  可以表示为;

$$\sum_{i=1/2}^{-1/2} = \delta(Q + Q^{2}P) \qquad (11 - 48)$$

其中, $\delta-1/\sigma$ ,是一个实数常数,它在 GLS 中相互抵消,没有任何影响,我们无法考虑它,因此  $\sum_{i=1}^{n-1/2}$  还可以表示为:

$$\sum^{-1/2} = I_N \otimes \left( I_r - (1 - \theta) \frac{i_T i_T'}{T} \right)$$
(11 - 49)

注意:上式说明在两种情况下,可以不使用 GLS:

- (1)当 a² 相对于 a² 很小而 T 有限时, 8≈1, 可直接采用 OLS;
- (2)当 T 很大,以至于  $T\sigma_s^2 \gg \sigma_s^2$ , $\theta \approx 0$ ,可直接采用内部估计方法。

对β的估计直接采用 GLS 方法:

$$\hat{\beta}_{GLS} = (X' \sum^{-1} X)^{-1} X' \sum^{-1} y$$
 (11 – 50)

$$\hat{\beta}_{GLS} = \left(\sum_{i=1}^{N} X'_{i}\Omega^{-1}X_{i}\right)^{-1}\left(\sum_{i=1}^{N} X'_{i}\Omega^{-1}y_{i}\right)$$
 (11 – 51

上述两式是等同的,它们还等同于:在方程(11-41) 两部乘以  $\Omega^{-1/2}$  ,再进行 OLS 估计,

 $\Omega^{-1/2} y_i = \Omega^{-1/2} X_i \beta + \Omega^{-1/2} z \theta_i + \Omega^{-1/2} \epsilon_i$  (11 – 52)

另外,在前面七个假定下,Bas的协方差矩阵为:

$$Var(\hat{\beta}_{GLS}) = (X' \sum_{i=1}^{n-1} X)^{-1}$$
 (11 - 53)

EID

注:Bas是无偏和有效估计量。

2. σ<sup>2</sup> 和 σ<sup>2</sup> 未知时,采用可行的广义最小二乘(FGLS)方法

如果没有。 $^i$ 和 $^i$ 的伯息,就必须要首先运用数据对它们进行估计。因为我们的目的是 得到 $\sum$ 的一致估计值,然后采用 FGLS 方法,所以需要对 $^i$ 和 $^i$ 进行一致估计。在这种情况下,GLS 估计量是一致的和新进有效的(asymptotically efficient)。

一致估计量要求:当样本量的压完对大时,估计量同时稳定要实值,在面板数据模型中 这就要求 N 和 T 分别趋向无穷大。这有时有问题,如例 11-1 中,N 是固定的,华东六省 --市是不能改变的,因此当样本的 N 和 T 都比较小时,可以直接采用固定效应模型。

估计的步骤如下:

第 ·步,估计 σ² 和 θ : 利用前面提到的内部估计量和中间估计相关的误差项

$$\frac{\dot{\sigma}_{\theta}^{t}}{\sigma_{\theta}^{t}} = \frac{SSE_{\theta}}{N(T-1)} \frac{P}{\sigma_{\theta}^{2}} \qquad (11-54)$$

$$\hat{\sigma}_{g}^{2} = \frac{SSE_{W}}{N} \xrightarrow{P} \sigma_{e}^{2} + \frac{\sigma_{e}^{2}}{T}$$
(11 - 55)

其中 SSE 代表估计模型中隨机误差项的平方和。由此可对  $\sigma^t_t$  和  $\theta$  进行估计(其中  $\delta^t=\frac{\sigma^t_t}{T_{\pi^t}}$ ),

第二步\*求  $\sum^{-1}$  的一致估计量(利用式(11-22))。

第三步,按∑已知的情况下对β进行估计:

$$\hat{\beta}_{FGLS} = (X' \sum^{-1} X)^{-1} X' \sum^{-1} y \qquad (11 - 56)$$

3. 小结

GLS 估计量、内部估计量和中间估计量之间的关系由三种估计量的表达式可得出如下的等式关系;

$$\hat{\beta}_{GLS} = F \hat{\beta}_W + (1 - F) \hat{\beta}_D$$

$$F = \left[ S_W^{XC} + \lambda S_W^{XC} \right] \, ^1 S_W^{XC}$$

$$\lambda = \frac{\sigma_s^4}{\sigma_s^4 + T d_s^4} = \theta^2$$

$$S_W^{XC} = \sum_i \sum_i (x_s - \bar{x}_i)(x_s - \bar{x}_i)'$$

其中:

 $S_B^{XX} = \sum_i (x_i - \overline{x})(x_i - \overline{x})'$ 

几点说明:

- (1)GLS 估计量恰好是内部估计量和中间估计量的加权平均。
- (2)当T 很大, $\theta \approx 0$  时,可得F = 1,则 GLS 估计量与内部估计量是一样的,和前面讨论的结果一致。
  - (3)随机效应模型的优点:能够反映个体之间差距的随机性;与固定效应模型相比,需要

估计的模型系数也比较少、因而模型的自由度比较高。

(4)缺点,面板数据模型中含有鳞礁)数据。在模型的设差項中很可能出現异方差。与基 本假设产生矛盾,随机效应模型有可能因没有包括某些必要的解释变量而导致模型设定出 现错误。

## 11.5 模型设定的检验

由于存在兩种模型 一固定效应模型与随机效应模型。所以在检验模型的过程中,是使用固定效应模型还是使用随机效应模型。格林前(Greene)在1997年介绍了如下两种常用的检验方法,一种是由由参斯(Greush)和约丁(Pagan)在1998年提出的技格朝日检验法(IM Test),另一种是豪斯曼(Hausman)在1978年提出的 Hausman 检验法(Hausman Test)。 Hausman 检验法其实是一种 Wald 检验法(Wald Test)。这两种方法均可以用于验证面板等核模物的设定可能多层的变成形形构物位。

#### 11.5.1 拉格朗日检验法(LM Test)的基本步骤

第一,建立原假设和备择假设:

$$H_{\epsilon}: \sigma_{\epsilon}^{2} = 0($$
 或者  $Cov[\epsilon_{k}, \epsilon_{*}] = 0$   $; \ell \neq s)$ 

$$H_1: \sigma_a^2 \neq 0$$

第二,检验统计量及其分布

$$LM = \frac{NT}{2(T-1)} \left[ \sum_{r}^{r} \left( \sum_{r} \hat{\mu}_{r} \right)^{2} - 1 \right]^{2} \sim \chi^{2}(1)$$
 (11-58)

其中 iu 为 OLS 的误差项。

第三,检验标准:LM 大于临界值,则拒绝 H。。

#### 11.5.2 Hausman 检验

Hausman 檢驗的前提是如果模型包含簡相效应。它应与解释变量相关。因此在原假设 供。「隨机效应与解释变量不相关的假定下,內部估計量(对應和变量设置)和 GLS 得出的 估计量均是一级的。但是內部估計量不是有效的。 在各种假设 H。 隨机效应与解释变量 相关的假定下,GLS 不再是一致的。而內部估計量仍是一致的。 因此在原假设下,众(内部 估计量)与 26.3.2 同的绝对值差距应该不大,而且应该随样本的增加而缩小、并逐渐趋近 于 0。而在各择假设下,这一点不成立。 Hausman 利用这个统计特点建立了以下的统计 量。

$$W = (\hat{\beta}_w - \hat{\beta}_{GLS})' \sum_{s}^{-1} g(\hat{\beta}_w - \hat{\beta}_{GLS})$$
 (11 – 59)

往意;这里的 $\Sigma \rho$  表示 $\rho$  的两种估计量协方差矩阵之差。Hausman 的一个基本结论就是有效估计量和其与非有效估计量之差即; $\hat{\rho}_{a}$  .  $\hat{\rho}_{aa}$ 的协方差等 $\Gamma$  0. 所以 $\Sigma_{g}$  =  $var(\hat{\rho}_{a}$  .  $\sim$  216 ·

 $\hat{\beta}_{G,S}$ ) -  $var\hat{\beta}_{g}$  -  $var\hat{\beta}_{G,S}$ ,  $\mathfrak{W}$ 

$$\sum_{\beta} var \hat{\beta}_{\omega} = var \hat{\beta}_{GLS} \qquad (11 - 60)$$

Hausman 统计量即 Wald 统计量渐进服从自由度为 k 的  $\chi^1$  分布:

$$W \xrightarrow{d} \chi^2(k)$$
 (11 - 61)

## 11.6 黄例分析

#### 11.6.1 模型设定的检验

- (1)目的,对华东地区综合生产效率进行比较。
- (2)權利的法定。采用普遍使用的 CD 函數。

$$Y = AK^{A}L^{A} \tag{11-62}$$

其中 Y 代表产出; K 和 L 分别表示资本存量和就业劳动力数量; A 是一个综合生产效率系数、它反映了科技水平和管理效率; B 和 B 为模型系数, 在此我们不对这两个系数做任何限制。

对式(11-62)两边取对数,再加上误差项,就得到线性的生产函数计量模型:

$$\log(Y) = \log(A) + \beta_1 \log(K) + \beta_2 \log(L) + \epsilon \qquad (11 - 63)$$

华东六省一市在科技和管理方面存在差异。因此其综合生产效率系数不可能完全 ·致。 所以采用了以下面板数据模型:

$$\log(Y_{\varepsilon}) = a_i + \beta_1 \log(K_{\varepsilon}) + \beta_2 \log(L_{\varepsilon}) + \varepsilon_{\varepsilon}$$
 (11 - 64)

$$i\vec{\mathbf{x}}$$
  $log(\mathbf{Y}_k) = \beta_i log(K_k) + \beta_i log(L_k) + \mu_k \cdot \mu_k = \alpha_i + \epsilon_k$  (11 - 65)

其中 $\cdot a_i = \log(A_i)$ 。i 表示不同的省份i 代表年份。资本存量数据无法直接得到,可以采用各省市年度总投资额的时间序列数据对其进行估计。估计中使用的年折归惠为 0.95。

(3)对方程(11-42)中是固定效应还是随机效应做 LM 檢驗和 Hausman 检验。结果如 表 11-3 所示;

表 11-3 模型设定检验结果

	LM	W
检验值	4. 375	9, 1848
95%的卡方临界值	3,84(q=1)	5.99(q=2)

檢验结果显示:无论是 LM 还是 Wald 统计置均拒绝了原假设,所以应该选择随机效应模型。

(4) 对随机效应模型做 FGLS 估计, 结果加下表 11 4 所示。

参 11 - 4 · 維型的 FGLS 伙计结果

	βι	βı
估计值	n, 7302	0.2290

β 和点估计值有一定的经济意义;它们反映「GDP 对资本和劳动力投入的弹性系数。 (5) 材聯机效应的综合生产效率系数。进行分析、从權壓的理论看。。的期望值不应

等于 0. 因此可对 a. 做如下设定:

$$a = E(a) + \theta$$
 (11 - 66)

其中  $E(\alpha_i)$  是  $\alpha_i$  的均值、而  $\theta_i$  是 个 i i i i d . 分布、均值为 0 的随机变量,它反映 f a . 的 脑和性

(6) 结论。我们希望通过估计  $E(a_0)$ 来分析和比较华东六省一市的综合生产效率。因为  $E(a_0)=0$ . 所以  $E(\mu_0)=E(a_0)$ 上级的告诉我们可以利用随机误差项的均值来估计  $E(a_0)$ ,我们真正关心的是系数  $A_0$ . 通过对  $E(a_0)$ 的估计。可以分析和比较  $A_1$  因为两者所差不过  $B_0$ 一个期望值为  $B_0$  的随机项  $B_0$  和 · 个函数转换  $B_0$  对 。估计结果如表  $B_0$  计结果如表  $B_0$  计

表 11-5 对 E(a,)的估计结果

	上海	江苏	新江	安徽	P.O.	江西	山东
E(a,)	0,1306	0.0194	-0.0016	-0.1096	0.0745	-0,0756	-0 0123

## 11.6.2 面板數据模型數据估计的 EViews 实现

EViews 軟件的估计过程分成即下;步,第一步悬建立合并数据库(Pool)对象。第二步 是定义序列名并输入数据。第二步是估计模型。举例。在城镇居民的边际消费倾向相同的情 况下分析某地区居民的自发性消费水平坚异的面级数据模型数据估计。

## (1)建立合并数据库(Pool)对象

首先建立工作文件。在打开工作文件窗口的基础上,点击主功能菜单上的"Objects" 键,选 New Object 功能(如图 11 - 1),从而打开 New Object(新对象)选择窗(图 11 - 2)。

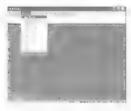


图 11 1 EViews 软件的 L作界面



图 11-2 New Object 选择窗

在 Type of Object 选择区选择 Pool(合并数据率). 并在 Name for Object 选择区为合并 数据库总名(初始显示为 Untutled)。 点击"OK"键, 从而打开合并数据库窗口。在窗口中输 人不同省份的拼音缩写, 地图 11 · 3。

#### (2) 定义序列名并输入数据

在新建的合并数据库(Pool) 解口的 I 具栏中点击"Sheet"键,从南打开 Series List(列写 序列名)解口,定义时间序列变量 CONSUME: 和 INCOME?,如图 11 - 4。点击"OK"键、 从而打开合并数据库窗口,输入数据,输入完成后的情形见图 11 - 5。





图 11-3 合并數据库窗口

图 11 - 4 Series List 窗口

#### (3)估计模型

在 Pool 窗口的工具栏中点击"Estimate"键,打开 Pooled Estimation 窗口,如图 11-6。







图 11-6 Pooled Extimation 密口

表 11-5 輸出結果

Variable	Coefficient	Std. Error	t - Statistic	Prob.
Fixed Effects	0.661688	0,015101	43,81891	0.00001
BJ - C	13, 04595			
TJ-C	8. 049537			
HB-C	5, 359212			
SX - C	6.095415			
NM - C	4. 113569			
SH-C	10.74642			
JS-C	7.240869			
ZJ - C	10, 36632			
AH-C	6, 450265			
FJ-C	7, 436742			
JX - C	3, 682774			
SD-C	6.031775			
R-squared	0.994084	Mean der	pendent var	49.52601
Adjusted R-squared	0.992881	S, D, dependent var		16, 38823
S. E. of regression	1, 382794	Sum squ	ared resid	112, 8151
Durbin-Watson stat	1,570368			

S. E. of regression	1.382794	Sum squared resid	112, 8151
Durbin-Watson stat	1,570368		
	持 Representations	功能,还可以得到输出结果的	代數表达式(表
给出了部分结果)。			
	表 11 -	6 輸出結果	
EST(F,B,B)消费,收	А		
估计等式			
上海消费=C(2)+C(	1) * 上海收人		
江苏消费-C(3)+C(	1) * 江苏收人		
浙江消费=C(4)+C(	1) * 浙江收人		
安徽消费=C(5)+C(	1) * 安徽收人		
福建消费=C(6)+C(	1) = 福建收入		
江西消费-C(7)+C(	1) * 江西收入		
山东消费=C(8)+C(	1) * 由东收人		
替代系数			
上海消费=12.0345+	0.6422 * 上海收入		

### 思考与练习

- 1. 面板数据与其他数据有何不同?
- 2. 面板数据的一般形式是什么? 有几种类型? 相应的区别是什么?
- 3. 固定效应模型与随机效应模型的区别在何处?对其参数的估计为什么要采用不同的估计方法?
- 4. 对你感兴趣的问题,搜集相关的面板数据,建立面板数据模型,检验是固定效应还是随机效应,并估计模型中的参数。

# 第十二章 空间计量经济学

空间计量经济学是新兴的一门边缘学科。空间经济计量侧重研究在擴載面數据(Cross section Data)和函版数据(Panel Data)模型中处理空间相互作用和空间结构等问题,是经济性量研究是一本年发展起来的一个重要分支。近年来。随着人们对于空间及空间交互影响作用认识的加深,与地理对应的社会经济大型数据库的逐步应用,以及地理信息系统(GIS)和空间数据分析软件处理空间级制技术的变膜(Anselm 和 Florax、1995),近十几年来空间计模模程后列社会科学很多领域,尤其在应用经济领域的运用呈观出爆炸的态势,成为计量经济学理论中一个烃点。从检索文献者,日前国内关于该学科的研究例制是少。因外有学者曾用空间计量模型研究过中间问题,如勒萨吉(Lesage)于1999 年运用空间经济计量模型研究对中国区域经济增长问题所做的研究、考末株(Coughlin)和费格夫(Segev)于2000年对中国同区域处济增长问题所做的研究、考末株(Coughlin)和费格夫(Segev)于2000年对中国同区域处济增长问题所做的研究、考末株(Coughlin)和费格夫(Segev)于2000年对中国PDI区域分布的影响风景的空间经济分析。

## 12.1 空间计量经济学的产生与发展

安赛林(Anselin)在 1988 年被指出,空间计量经济学是经济计量学的一个子集,主要应 用于截面数据和平行面数据(Panel Data)回封模型中复杂的空间相互作用与空间依存性结 构分析。

空间计量经济学发端于空间相互作用理论及其进展。尽管空间相互作用关系一直是人们研究中所关注的问题。但它问关系理论分析框架直到 20 世纪末才產新提出。例如、深林 7g. (Paelinck)于 1979 年论文中漫调空间相互依存的重要性。空间关系的新进性和位于其他 空间适当的因素的作用。阿克洛夫(Akerlof)于 1997 年提出了相互作用粒子系统模型(interacting particle systems)。社尔劳夫(Durlauf)于 1997 年阐述了随机域(random field models)模型。典其(Aoki)于 1996 年提出均值域相互作用宏观模型、社尔劳夫(Durlauf)于 1997 年提出的相邻溢出效应模型和代古塔(Fujita)等提出的报酬溢地。路径依赖和不完全竞争等新经济地理模型、等等。正是这些理论创新使空间相互作用研究的可能性成为规定。

空间计量经济学产生的另一股动力来自解决变际问题费据的驱动。空间计量经济学最初起源于在区域科学和分析地理学有广泛应用的空间统计学。人们在空间相互作用研究中,遇到了各种实际问题数据。例如一解释变量的构造经常依据被解释变量的范围进行空间通值估计。导致空间预测呈现出系统空间变异的预测误差。此类问题在研究环境和资源分配的经济效果时常常遇到。再如。在进行空间数据汇总时往往会出现数据与经济变量不匹配的问题。这些空间数据的共同特征是普通回归模型的误差序列是空间相关的,这些问题数据,引起的普遍模型设定的偏衡、推动了空间经济计量模型的产生。

最近二二十年,随着计算技术和计算机模拟技术的发展,以及一大批专家学者如安赛林 • 222 • (Anselin)、布鲁克勒(Bruecckner)、柯勒吉安(Kelejian)、海宁(Haining)和卡斯(Case)等人 的不懈努力,空间计量经济学取得了突飞猛进的发展。

## 12.2 空间计量经济学的基本理论

空间计量经济学是一个比较复杂的系统理论体系。在这个理论体系中,有几个核心的 理论范畴,如空间反应函数、空间异质性和空间依存性、空间权数和空间过滤程序等。

#### 12, 2, 1 空间反应函数(spatial reaction function)

所谓空间反应函数是说明经济个体的决策变量。在多大程度上依赖于其他经济个体的 快策变量(Bruceckner,2002)。基于这种理论,安赛林(Anselin)于2002 年提出了空间滞后 模型(spatial lag model),也終議合回封(mixed regressive model)或空间自回归模型(spatial autoregressive model,即 SAR 模型)。

$$Y = \rho WY + X\beta + u_r \qquad (12 - 1)$$

Bruecckner于 2002年发展了战略相互作用的两个理论框架。由此产生了反应函数均衡解。

#### I, 溢出模型(spillover model)

在该模型中每个经济个体,选择决策水平y,但其目标函数值受到其他人决策水平y, (y,,,一, 表示所有其他人)的影响。例如,在一个相关的环境中,一个农民决定某种作物耕种总面积时,必须考虑其他农民的耕种情况。因此,每个经济个体的目标函数是:

$$U(y_i, y_{-i}, x_i')$$
 (12 - 2)

x', 是外生变量观察值的行向量,求目标函数式(12-2)最大值,解得反应函数:

$$y_i = R(y_{-i}, x_i')$$
 (12 - 3)

例如,空间滞后模型式(12-1)的反应函数是:

$$Y = (I - \rho W)^{-1} X \beta + (I - \rho W)^{-1} u$$
 (12 - 4)

式(12-4)式通过空间乘敷的拉转夫递降(Leontief inverse)( $I-\rho W$ ) ,把決策变量 y, 与所有外生变量 x, 相联系。这种变换使空间滞后变量 WY 内生化。是一个全范围的溢出模 烈

#### 2、资源流动(resource flow)模型

设可用于分配的资源总量 S 既定,经济个体;的目标函数是;

$$U(y_i, s, x_i')$$
 (12 - 5)

其中 s, 是经济个人: 可用的资源总量, ·方面取决于每个人的特征。另 ·方面取决于其他人的决策水平。

$$s_i = H(y_i, y_-, x', t)$$
 (12 - 6)

把式(12-6)代人式(12-5),可得出形如式(12-3)反应函数的溢出模型。

#### 12.2.2 空间异质性(spatial heterogeneity)和空间依存性(spatial dependence)

#### 12.2.3 空间权数

空间权數是空间计量经济学一个至关重要的描述工具。权數确定的标准一般依据距离而 定。最常用的是空间距离和经济距离。

#### 1. 空间距离的权数设定

空间距离的权数设定方式主要有:相邻距离、 有限距离和负指数距离权数等。依据相邻距离设 定权数是一种最常用的空间权数。该空间权数矩 阵是一个 n×n 稀疏的 0-1 矩阵,对角线元素

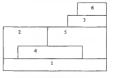


图 12 1 虚构的空间关系图

为 0,相邻元素为 1。例如,图 12-1 为虚构的空间关系,则其权数矩阵如表 12-1 所示。

						表 2 - 1	圖 12	- I B3	모비天	<b>条权责</b>	<b>矩阵(W)</b>						
0	1	0	ì	l	0	0.00	0,33	0.00	0, 33	0, 33	0.00	0	0	1	0	0	0
1	0	C	1	1	0	0.33	0.00	0.00	0.33	0.33	0.00	0	0	1	0	0	0
0	0	0	0	1	1	0,00	0.00	0.00	0.00	0.50	0.50	1	1	0	1	0	0
1	1	0	0	1	0	0.33	0, 33	0.00	0.00	0.33	0.00	0	0	1	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0,25	0.25	0,25	0, 25	0.00	0,00	0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0	0,00	0,00	1,00	0,00	0,00	0.00	0	0	0	0	1	0

表  $12 \cdot 1$  左边是一阶空间权数矩阵  $W_1$ , 中间是行标难化空间权数矩阵,  $w'_0 = \frac{w_0}{\sum_j w_0}$ ,  $w'_0 \in (0,1)$ ; 右边是:阶空间权数矩阵  $W_1$ , 其中元素  $w_2$ 。取值定义"邻居的邻居" 的关系为 1, 其他高阶空间权数矩阵依次类推。值得注意的是, $W_1$ 不是  $W_1$ 的平方,而是  $W_2$  于为之后清除对角及省复关系的二阶结果。

权数的设定一直是根有争议的话题。 佩斯(Pace)于 1997 年提出了有限距离的权数设定。令 d。表示两个区域(不一定相邻)之间的败氏距离。d。表示最大空间相关距离。对于第:个区域、若:d。d。d。u。y0。y1。否则 u。y0。同样 W 的对角线元素 u。y0。y1。开有限距离的权数矩阵也需要进行行标准化。方法与相邻距离的处理相同。 安赛林(Anselm)于 1998 年提出了负指数距离权数,具体设定为 u。v6。u6。表示两个区域(不一定相邻)之间的欧氏距离。u7 为货先设定的参数。其他的还有 Cliff v1 Ord(1981)空间权数等。

#### 2. 经济距离的权数设定

设定的经济距离权数必须摘足有意义、有限性和非负性。另外,还有零距离问题,例如在研究收入差距时,两个区域的经济距离是, $d_{\sigma}=[z,-z_i]$ ,其中。 $z_i=z_i$ 是两个区域的居民收入,当 $z_i=z_i$ 时, $w_{\sigma}=0$ ,逆距离权数设定为 $w_{\sigma}=\frac{1}{d_{\sigma}}$ 。卡斯(Case)等人也在1993年曾提出过分一种经济距离权数设定方法,但总体上讲,各种设定经济距离方法的研究到目前为止尚不成熟。

#### 12.2.4 空间过滤程序(Spatial filtering)

安赛林(Anselin)于2002年指由空间过滤类位于时间序列的一阶差分。是一种空间差 分。不过,与时间序列的一阶差分不同的是。对于行标准化矩阵一阶差分将导致奇异化 (singularization),因此一阶差分是行不通的、从广义上讲、一阶空间差分形式是。

$$Y - WY = (X - WX)\beta + u \tag{12-7}$$

或 
$$(I-W)Y=(I-W)X\beta+u$$
 (12-8)

因为行标准化矩阵 W 的行元素的和等于 1,所以(J-W)是奇异(singular)的。若在差分时加入了空间自回归参数,即。

$$(I-\rho W)Y = (I-\rho W)X\beta + u \qquad (12-9)$$

 $(I-\rho W)$ 称为空间滤子(spatial filter),式(12-9)两边乘以 $(I-\rho W)$  <sup>1</sup>得:

$$Y = X\beta + (1 - \rho W)^{-1}\epsilon$$
 (12 - 10)

式(12-10)等同于空间自回归误差序列(spatial autoregressive error term)模型。与时 同序列模型不同。空间过滤模型式(12-10)不能通过辅助回归进行估计,只能和其他模型参 数结合起来才能进行估计。

## 12.3 空间计量经济学的模型设定、估计及检验

#### 12.3.1 空间计量经济学的模型设定

空间计量经济学的基本思想是将经济单位同(如地区或企业)的相互关系引人模型,基本线性回归模型式(12-11)通过一个空间权重矩阵 W 进行修正;

$$y=x\beta+\epsilon$$
 (12 - 11)

根据模型设定时对空间的体现方法不同。空间计量经济学的模型总体上可以分为空间 滞后模型或空间自相关模型(SAR)和空间误差(spatial error components model,即 SEA) 模型两类。空间港后(spatial lag)模型,主要用于研究相邻机构或地区的行为对整个系统内 其他机构或地区的行为产生影响的情形。

$$y=\lambda Wy+x\beta+u$$
 (12 - 12)

其中,W 是空间权重矩阵,Wy 是周边 y 的变量加权平均, λ 是空间自回归系数, 其他变量意义与原来相同。

空间误差(spatial error)模型,模型中机构或地区间的相互关系通过其误差项体现。当 机构或地区之间的相互作用因所处的相对位置不同而存在差异时,则采用这种模型。具体 而言,对于误差项的空间相次形式又存在两种基本的表达方式,空间误差自相关模型和空间 误差移动平均模型。空间误差自相关模型的要法式为。

$$\begin{cases} Y = X\beta + u \\ u = \rho W u + \varepsilon \\ Y = X\beta + (I - \rho W)^{-1} \varepsilon \end{cases}$$
(12 - 13)

空间误差移动平均模型的表达式为:

$$\begin{cases}
Y = X\beta + u \\
u = \varepsilon - \theta W\varepsilon
\end{cases}$$

$$V = V + f = \theta W\rho$$
(12 - 14)

其中、 $\rho$  是空间误差自相关系数。 $\theta$  是空间误差移动平均系数、 $W\epsilon$  和  $W\epsilon$  都是空间滞误差项。 总结以上多种线性一阶空间经济计量模型、一般形式可以写成, $y^*=x^*\beta+u$ 。其中, $y^*=y,x^*=x,u^*=u$  为基本模型式( $(12-11)^*y^*=(I-\rho W)y,x^*=x,u^*=u$  为模型式( $(12-12)^*y^*=(I-\rho W)y,x^*=(I-\rho W)\cdots(I-\rho W)$  $y,x^*=(I-\rho W)^*(I-\rho W)x,u^*=c$  为模型式( $(12-13)^*y^*=(I-\theta W)\cdots(I-\rho W)$  $y,x^*=(I-\theta W)^*(I-\rho W)x,u^*=c$  为模型式( $(12-14)^*y$ 

#### 12.3.2 空间计量经济学的模型估计

空间依存性的估计比时间序列要复杂得多。空间自同归模型由于自变量的内生性。 OLS 估计是有偏的(hased)和不一致的(mconsistent)。因此,上世纪60年代到80年代,计 , 226。 量经济学对空间计量经济学研究的焦点是摄影估计,比萨格(Besag)(1974)、集售(Ord) (1975)和玛迪亚(Mardua)(1984)分別讨论不明空间自回目模要的估计问题。80 年代以后, 最大信然估计(ML)成为文献中主流估计方法。例如应里夫·集德(Cliff-Ord)(1981)、安 賽林(Anselin)(1988)、海宁(Haining)(1988)和安賽林(Anselin)和贝拉(Bera)(1998)所做 的研究。最近几年其他估计方法如。安賽林(Anselin)(1999)。科勒吉安(Kelejian)和普鲁察 (Prucha)(1999)以及康利(Conley)(1996)等提出工具受量法(IV)、广义矩估计(GMM)引 就了理论界的實程。

#### 12.3.3 空间计量经济学的模型检验

寒兰(Moran)于 1950 年最早提出了检验回归模型空间自相关的 Moran I 檢驗.该检验 到目前为止依然是使用最广泛的检验。它的最大优点是计算简单,只需要 OLS 估计或非线 性优化即可。根据空间计量经济学的原理方法。首先对被解释变量进行 Moran I 檢驗,檢驗 提是否存在空间自相关,如果存在则可以建立空间计量经济模型进行估计和检验。自相关 指数 Moran I 检验的定义为;

Moran 
$$I = \frac{\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} W_{ij}(Y_{i} - \overline{Y})(Y_{j} - \overline{Y})}{S^{i} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} W_{ij}}$$
(12 - 15)

其中, $S^z=\frac{1}{n}\sum_{i=1}^n(Y_i-\overline{Y})^z$ , $\overline{Y}=\frac{1}{n}\sum_{i=1}^nY_i,Y_i$  表示第:个地区的观察值,n 是地区总数, $W_o$ 是二进制的空间相邻权数矩阵的任一元 家。根据空间数据的分布可以计算出正态分布Moran I的期望值是 $E_*(I)=-\frac{1}{n-1}$ ,方差是。

$$VAR_{s}(I) = \frac{n^{2}w_{1} + nw_{2} + 3w_{0}^{2}}{w_{0}^{2}(n^{2} - 1)} - E_{s}^{2}(I)$$
 (12 - 16)

其中,
$$Z(d) = \frac{\text{Moran } I \quad E(I)}{\sqrt{\text{VAR}(I)}}, w_1 = \sum_{i=1}^s \sum_{j=1}^s (w_{ij} + w_{ji})^2, w_2 = \sum_{i=1}^s (w_{ij} + w_{ji})^2, w_0 \in \mathbb{R}$$

分别是空间权數矩阵中:行与;列之和。我们可以简单地将 Moran I 檢验转化成标准正态 检验:

$$Z(d) = \frac{\text{Moran } I - E(I)}{\sqrt{\text{VAR}(I)}}$$
 (12 - 17)

Moran I 檢驗只能檢驗是否存在空间自相关。最大似然 LM Lag 检验和 LM - Error 檢驗有助于判断空间计量模型的具体形式。LM Error 和 LM - Lag 检验表达形式如下;

$$LM - Error = [e^*We^*/(e^*'e^*/N)]^2/race(W^2+W'W)$$
 (12 18)

LM - Lag-
$$[e^{*'}Wy/(e^{*'}e^{*}/N)]^2/\{[(Wxb)'M(Wxb)] + race(W^2+W'W)\}$$
 (12 - 19)

其中, $\delta$ 是回归方程系数 $\beta$ 的估计值。在残差独立同分布的假定下,LM - Error 与 LM ~ Lag 统计量渐进服从自由度为 1 的卡方分布  $\gamma^{2}$  (1)。

安赛林(Anselm)于 2002年製出了如下判別推測:如果在 Moran I 检验显素的情况下, 最大似然 LM Lag 检验较 LM Error 检验更加显著,并且稳健估计 R - LMLAG 显著而 R -LMERR 不遏善,则选择空间等后模型(SAR);反之,则选用空间设置构成(SEC)模型, 其次,在诊断模型总体显著性方面,除了拟合优度 R 检验以外。一般使用自然对数似然函数 值(Log Likelihood)、似然比率(Likelihood Ratio,LR)。赤胞信息推测(Akaike Information Criterion, AIC),施瓦茂准则(Schwartz Criterion, SC)。对数例然值健大,似然率越小, AIC 和 SC 值據小、模型组合效果維好。这与古典回目模型的检验判断设有什么差异。

另外,还有 Wald,JuR 和 RS(Rao Score)等檢驗。这些檢驗基于 ML 估計,最大的缺点 是计算复杂,需要计算包括 n 新雅克比(Jacobian)行列式的非线形对数似然函数优化。料 南吉安(Kelejian)和罗宏融(Robiason)计对对空间误差构成模型提出了 KR 检验校水、安赛林 (Anselin)于 1996 年又提出改进了 LM 检验。对于上述 SAR 和 SEC 两种模型的估计如果 仍采用最小二乘估估计,系数估计值会有偏成者无效。需要通过工具变量法,极大似然结或 广义最小二乘估计等其他方法来进行估计。鉴于空间经济计量估计中,系列问题存待进一 步解决,目前一般空间计量模型都局限于一份滞后模型。一阶自回归或一阶移动平均模型。

## 12.4 空间计量经济学研究展望

最近几年。隨着计算机模板技术(Monte Carlo Simulation。即 MC模拟)的发展。空间计量控验成为研究的焦点。安赛林(Anselin)于 2001年內 RS 按验进行了交班,并通过 MC模拟验证了新的 RS 检验。具有 Wald LR 等检验方法所没有的新进性质。弗格拉克斯 (Florax)等于 2003年运用亨得瑞(Hendry)方法和 MC模拟技术对空间计量模型的检验和 识别进行了研究。这些研究的主要问题是检验按计量在不同样本量下的新进性表现和对不 耐耀用设管的影解度与运应度。 基于不同的助物操作的过程。学名们哪种的核分参明相关

国际文献中,空间计量经济学广泛应用于区域和城市经济学,她区公共金融、环境与资 额经济学,农业经济学,国际贸易与国际投资,产业组织理论等多学科领域,有关应用方面的 文献不计其数。随着计算技术的发展,当前应用经济计量研究的重心正逐步从时间序列转 由空间转性分析,该身值编号注的新动向。

## 12.5 金侧分析

本案例将运用改进的知识生产函数(Knowledge Production Function,简称 KPF)进一步实证研究我国各地区高等院校对高技术企业创新的知识溢出的空间范围与溢出程度。

## 一、知识生产函数模型设置

本案例借鉴了安赛林(Anselm)等于 2000 年提出的知识生产函数模型,并对其进行了 改进,具体的实证模型分为一个:基本模型,扩展模型和空间计量模型。

#### 1、基本模型

占典的知识生产值數是一个标准的CD面数,用投入产出的方法研究区域知识创新 活动的效率及其溢出效应。一般用专利或创新作为区域知识产出的代理变量(用 K表示)。 相对于知识生产的投入。通常认为知识生产来源于两个主要的投入要素,高等能换和企业 商业研发活动,分别用 U和 R表示两者的研发支出(一般用 R&D或从事研发人员表示)。 考虑到知识的投入与产出过程需要一定的时间, 投引报设知识生产的投入与产出有一个固 定的时滞。我们基本的区域知识生产函数是。

$$K_{i,s} = f(U_{i,s-n}, R_{i,s-n})$$
  $s = 1, 2, \dots, n$  (12 - 20)

#### 2. 扩展模型

高等院校与企业有价值知识的生产的效率还取决于一些容层次的组织管理环境因素。 这些因素例约可利用创新资源的有效利用。加入这些额外的解释变量。在客观上也增加了 模型的解释能力。我们对模型式(12-20)进行了扩展。其解释变量包括一组与知识生产密 切相关的组织管理环境变量:

$$K_{i,i} = f(U_{i,i-q}, R_{i,i-q}, Z_{i,i-q})$$
  $i=1,2,\dots,n$  (12 - 21)

模型式(12-21)中,Z,是由几个变量组成的向量,本质上是反映这些区位因子对区域知识生产的影响。

#### 3. 空间计量模型

毫无疑问。任何一个地区的经济都不可能独立存在。它总是与其他经济体存在着千经万 接的联系。当外生冲击对一个地区的经济造成影响时。往往也会被及邻近或者更远的地区。 空间依存性是区域经济研究的重点内容,可以表述为托伯勒(Tobler)(1979)地理第一定理。 "地理物体是互相关联的。空间接近的地物间关联程度离。"依据空间计量经济学。空间依存 性可以设置成网种形式基本的模型结构。即空间自回归模型(spattal autoregressive model。 SAR)和空间接来构成(spattal error components model. SEA) 排程图解类

空间自回归模型(SAR)表示为:

$$y = \rho Wy + X\beta + u \qquad (12 - 22)$$

上式 y是n×1 列的決策变重观整值向量;W 是 n× n的空间权数矩阵,是n 个机构成 处于 n× n 的空间相互关系网络结构的 - 小炉床 · 可以是一阶地理相邻或矩阵 相邻的空间单位的 权重为 1.其他为 0.或其他空间距离权重按摩,也可是经济距离权重按库,W n 为空间 - 阶

滞后因变量 $_{i\rho}$ 是空间自回归参数,其取值在  $_{i}$ 1 到 1 之间,表明相邻区域之间的影响程度, X 是  $_{i}$ 4 个外生变量观察值的 $_{i}$ 7 以 是  $_{i}$ 8 从 2 队 回归系数向置 $_{i}$ 8 是随机误差序列向 备.

另一种基空间误差模型,机构或地区 之间的相互作用因所处的相对位置不同而存在差异时,则采用这种模型。空间误差构成 (SEA)基本模型为;

$$y = X\beta + u \tag{12 - 23}$$

並中  $u=\lambda \Psi \Psi + \varepsilon$ 

(12 - 24)

上式中, 中是 n×1 列溢出成分误差。6是 n×1 列的区域内随机扰动项。假定 中和 6 是 服从独立同分布 (i, i, d) 且 可不相关 13 是空间自相关系数 13 的取值在一1~1 之间。表明 -个区域变量变化对相邻区域的影响(溢出)程度。其他字母如式(12-22)所假设。可见,式 (12-23)和式(12-24)构成的 SEA 模型其本质就是在线性模型的误差结构中融入了一个 区域间溢出成分。

通过 White 检验可以检验空间异质性的存在 通过 LM - Error 和 LM - Lag 统计量不 仅可以甄别出模型的设置有无偏误(空间依存性存在)。而且可以诊断空间自回归模型 (SAR)和空间误差构成(SEA)模型哪一个更适合空间掉本数据。

#### 二、数据来源及变量设置

由于我们研究时采用了空间相邻权重矩阵,对于我国内地的 31 个省、自治区与直辖市,我们剔除了西藏(创新活动缺乏)和海南,无法定义空间邻居)两个样本后剩下 29 个样本。我们研究的强型 中鐵解學重量 化中国系技术产业统计年鉴2(2003) 40 地区高技术产业的专利申请数,事实上是 2002 年的数据。基本模型中解导变量 U 为各地区高技术产业的专利申请数,事实上是 2002 年的数据。基本模型中解导变量 U 为各地区高技术产业 R&D 支出,来源于 (中国高技术产业统计年鉴)(2001);扩展模型中组织管理环境变量 Z,我们选用了一个区位因 了作为附加的解释变量。高技术产业的从业人员(足Q)、数据采源于(中国高技术产业统计年鉴)(2001);还有分两个是商业股务业的从业人员(BUS)、数据采源于(中国工业经济统计年鉴)(2001)和从业人员 500 人以上的大企业所占的比重(LARGE)、数据来源于(中国工业经济统计年鉴)(2001)和从业人员 500 人以上的大企业所占的比重(LARGE)、数据来源于(中国工业经济统计年鉴)(2001)和从业人员、500 人以上的大企业所占的比重(LARGE)、数据来源于(中国工业经济统计年鉴)(2001)。这一个变量基本上能反映集聚胶污效应对知识生产的影响。

对于知识生产函数的设置我们采用 C-D 模型方式,即文章中所有模型变量的设置都 采用对数效性的形式,这种设置的优点是模型中特估参数就是弹性系数(常数项除外),回归 结果便下分析;这种设置的缺点是要求所有的样本值都必须大于零,而且常数弹性设置有时 也未必合理。

#### 三、实证结果和分析

表 12 2 是利用空间截面数据对我国的 29 个省、自治区与直辖市高技术产业知识生产 函数的回归结果。自变量时滞为 2 年并且所有的变量都是对数形式。 左边第一列是基本模 程,只研究底技术产业的 R&D 投入对其知识生产的直接影响和区域内或邻近区域高等版 校 R&D 支出对高技术产业的现生产的问接影响(知识微出);第二列是扩展模型,不仅反映 高技术企业与高等院校研发投入的影响。而且反映集聚经济效应中 MAR (Marshall Arrow - Romer)与 Jacobs 外部性对区域知识生产的重要影响:第二列是空间误差模型 (SEA),在扩展模型的基础上考虑到空间依存性对知识生产的影响。如果忽视了这种空间依 存性的存在,我们所设置的截面数据模型就会产生偏误。所有模型及其检验统计量的估计 都是运用 GAUSS Light 6,0 软件计算的。

我国宣林世产业初记也产品给定证绘图/==	

模型	基本模型(OLS)	扩展模型(OLS)	空间误差模型(ML)
С	-2.8365°	-2,8256**	-2.7631**
	(1,6916)	(1, 6768)	(1. 4854)
Log(U)	0.1304***	0. 1243**	0.1259**
Log(O)	(0.0656)	(0.0719)	(0, 0727)
Log(R)	0.7160***	0,7070***	0.7165***
Log(R)	(0, 2840)	(0, 3157)	(0.3246)
Log(LQ)		0.9420***	0.9275***
LOB(LQ)		(0.3990)	(0.3657)
Log(BUS)		0.3245*	0.3318
Lug(BOS)		(0, 1778)	(0, 1814)
Log(LARGE)		-0.0417	-0.0445
Edg(EARGE)		(2, 4338)	(2, 4478)
空间自河归系数な			0.1753
至 門 目 個 妇 承 默 A			(0, 1069)
调整 R <sup>z</sup>	0.7342	0.7841	0.7904
White	5.8756	12, 8395	
LM - Error	9,7538	3, 8653	
LM - Lag	1, 4346	1, 2337	0, 4557

注:① \* 表示 10%的显著性水平, \* \* 表示 5%的显著性水平, \* \* \* 为 1%的显著性水平;

②L.M - Error 与 l.M - Lag 统计量的临界值分别为 3.84(p=0.05)和 2.71(p=0.10);

②括号内的值是统计量的标准差;

④White 统计量的临界值分别为 11,07(自由度为 5)和 16,92(自由度为 9)。

<sup>5-1</sup>个模型中高技术产业与高等院校的 R&D投入变量都是高度显著的(显著性水平在5-12个模型中高技术产业的知识生产的确存在地理维介高校研究的知识描出。高校研究的神任系数分别为 0,1304, 0,1243和 0,1259,高技术企业研发的弹性系数分别为 0,1304, 0,1243和 0,1259,高技术企业研发的弹性系数分别为 0,7160,0,7070 和 0,7165,高技术研发对于高技术创新的效应远大于高校研发的溢出效应,高技术研发弹性系数约为高校研发 的 5~6 倍左右。模型的 Whate 检验 表明不存在空间异质性。空间依存性与空间误差结构的 检验显示模型存在空间依存性、基本模型和扩展模型的设置有偏误。空间误差模型更适合模

型的数据结构。

基本模型证实高技术产业的研发支出与高校研发支出与高技术企业知识生产的关系是 非常是著的。高技术企业的研发活动对其自身的知识生产的效应远大于高校研发活动的溢 出效应、从弹性系数上看,前者大约为后者的5.5倍。模型White 检验显示没有空间异质性 的迹象。但 LM Error 统计量表明模型的误差结构存在空间依存性。也就是说基本模型的设置存在偏退。

扩展模型加入了反映积豪经济效应的区位因于后其回归解释能力显著增强。调整 R\*, 使其从 0.7342 增加到 0.7841,模型显示 MAR 型与 Jacobs 题知识外部性在我国高技术企业的知识生产存在下向显著的效应。 地理媒介高较所定对高技术企业创新的知识溢出是正向的显著的。高校研发支出与高技术企业研发支出受重的弹性系数新有变小的趋势。两对 的弹性系数分别从 0.1304 練到 0.1243、从 0.7160 到 0.7070。高技术产业的从业人员(LQ)与商业服务业的从业人员(BUS)对高技术产业的知识生产的影响是压力的和显著的。据示了票券经济对知识生产的影响是是多多。 从业人员 500 人以上的大企业所占的比重(LARGE)变量对于高技术产业知识生产的影响是负向的。但是不显著,这表明我国高技术大企业在知识生产上没有明显的优势可言,扩展模型的检验统计量的统计含义与基本模型的情况相同。

空间误差模型是对基本模型与分层模型的空间误差结构进行的修正、消除了模型的空间有关。对于空间误差模型。OLS 估计是有偏的(blased)和不一般的(inconsistent),因此我们使用 ML 方法进行估计。空间误差模型与基本模型和扩展模型相比数、清除了模型的设置偏误。模型的估计更为精确。空间自回归系数 2 等于 0.1753、统计上是显著的。这表明一个区域高等院校知识生产不仅增加自身区域的知识存置。而且会描出到邻近区域,引起邻近区域知识存置的增加。其他参数的系数无论在符号上还是数值上都变化不大,显著性水平也未发生改变。

#### 思考与练习

- 1. 为什么要引入空间计量经济学? 引入空间计量经济学有何作用?
- 2. 诚该空间相关与时间相关的区别与联系。
- 3. 空间计量经济学的理论基础是什么?
- 4. 写出下表的一阶和二阶空间权数矩阵。并对一阶空间权数矩阵进行标准化。

1	2	3
4	5	6
7	8	9

- 5. 空间计量经济学有哪些主要模型?
- 6. 列举空间计量经济学的主要检验,并说明其功能。

# 附录 统计分布表

表辨	1	标准正记分布表 [Φ(z) =	j	$\frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{\frac{a^2}{2}} du = P(Z \leqslant z)$
----	---	-----------------	---	---

z	0	1	2	3	-4	5	6	7	8	9
0.0	0.5000	0.5040	0.5080	0.5120	0.5160	0.5199	0,5239	0.5279	0.5319	0,5359
0, 1	0,5398	0,5438	0.5478	0.5517	0.5557	0.5596	0.5636	0.5675	0.5714	0.5753
0.2	0.5793	0,5832	0,5871	0 5910	0.5948	0 5987	0 6026	0 6064	0.6103	0.6141
0.3	0.6179	0.6217	0.6255	0 6293	0.6331	0 6368	D. 6406	0.6443	0.6480	0.6517
0, 4	0,6554	0,6591	0,6628	0 6664	0 6700	0 6736	0.6772	0.6808	0.6844	0.6879
0.5	0.6915	0.6950	0.6985	0.7019	D, 7054	0.7088	0.7123	0.7157	0.7190	0.7224
0.6	0.7257	0.7291	0.7324	0.7357	0.7389	0.7422	0.7454	0,7486	0.7517	0,7549
0.7	0.7580	0.7611	0.7642	0.7673	0.7703	0.7734	0.7764	0.7794	0.7823	0.7852
0.8	0.7881	0.7910	0.7939	0.7967	0.7995	0.8023	0.8051	0.8078	0 8106	0.8133
0.9	0.8159	0.8186	0.8212	0.8238	0.8264	0.8289	0.8315	0,8340	0.8365	0.8389
1.0	0,8413	0,8438	0,8461	0.8485	0.8508	0.8531	0.8554	0.8577	0,8599	0,8621
1.1	0.8643	0.8665	0.8686	0.8708	0, 8729	0.8749	0,8770	0 8790	0 8810	0,8830
1.2	0,8849	0,8869	0,8888	0.8907	0.8925	0 8944	0 8962	0,8980	0 8997	0,9015
1.3	0.9032	0.9049	0.9066	0.9082	0.9099	0.9115	0.9131	0.9147	0.9162	0.9177
1.4	0.9192	0.9207	0.9222	0,9236	0, 9251	0, 9265	0.9278	0.9292	0, 9306	0.9319
1.5	0.9332	0.9345	0.9357	0, 9370	0 9382	0.9394	0,9406	0,9418	0,9430	0.9441
1.6	0.9452	0.9463	0.9474	0.9484	0.9495	0,9505	0.9515	0,9525	0.9535	0, 9545
1,7	0.9554	0.9564	0.9573	0.9582	0.9591	0.9599	0.9608	0.9616	0.9625	0.9633
1.8	0 9611	0.9648	0.9656	0.9664	0.9671	0.9678	0.9686	0,9693	0.9700	0.9706
1.9	0,9713	0,9719	0.9726	0.9732	0.9738	0.9744	0.9750	0.9756	0.9762	0.9767
2.0	0,9772	0,9778	0.9783	0.9788	0.9793	0.9798	0,9803	0,9808	0,9812	0, 9817
2, 1	0,9821	0,9826	0,9830	0.9834	0, 9838	0.9842	0.9846	0,9850	0, 9854	0 9857
2.2	0.9861	0.9864	0.9868	0.9871	0.9874	0.9878	0.9881	0.9884	0.9887	0.9890
2 3	0.9893	0.9896	0.9898	0.9901	0.9904	0.9906	0.9909	0.9911	0.9913	0.9916
2.4	0.9918	0.9920	0.9922	0, 9925	0.9927	0, 9929	0,9931	0.9932	0,9934	0.9936
2.5	0.9938	0.9940	0.9941	0.9943	0.9945	0.9946	0.9948	0.9949	0.9951	0.9952
2, 6	0, 9953	0.9955	0.9956	0.9957	0.9959	0.9960	0.9961	0.9962	0.9963	0.9964
2, 7	0,9965	0 9966	0.9967	0.9968	0.9969	0.9970	0.9971	0.9972	0.9973	0.9974
2.8	0.9974	0,9975	0.9976	0.9977	0.9977	0.9978	0.9979	0.9979	0.9980	0.9981
2.9	0.9981	0.9982	0.9982	0.9983	0.9984	0.9984	0.9985	0.9985	0.9986	0 9986
3.0	0.9987	0,9990	0.9993	0.9995	0.9997	0.9998	0.9998	0. 9999	0.9999	1,0000

表附-2 t 分布表(P(t>t,(n)) -a)

n a	0.25	0, 10	0,05	0.025	0.01	0,005
1	1.0000	3.0777	6.3138	12.7062	31.8207	63 6574
2	0,8165	1,8856	2.9200	4.3027	6,9646	9.9248
3	0.7649	1.6377	2, 3534	3.1824	4,5407	5,8409
4	0.7407	1,5332	2, 1318	2.7764	3.7469	4.6041
5	0, 7267	1,4759	2.0150	2,5706	3, 3649	4.0322
6	0.7176	1, 4398	1.9432	2, 4469	3.1427	3.7074
7	0,7111	1, 4149	1.8946	2.3646	2.9980	3.4995
8	0.7064	1.3968	1,8595	2.3060	2,8965	3.3554
9	0,7027	1,3830	1.8331	2.2622	2, 8214	3, 2498
.0	0.6998	1. 3722	1.8125	2, 2281	2,7638	3.1693
11	0, 6974	1,3634	1.7959	2, 2010	2.7181	3, 1058
12	0, 6955	1.3562	1.7823	2.1788	2,6810	3,0545
13	0.6938	1.3502	1.7709	2, 1604	2.6503	3.0123
14	0, 6924	1,3450	1.7613	2. 1448	2.6245	2, 9768
15	0.6912	1.3406	1, 7531	2, 1315	2,6025	2.9467
16	0.6901	1.3368	1.7459	2.1199	2.5835	2, 9208
17	0, 6892	1, 3334	1.7396	2.1098	2,5669	2.8982
18	0.6884	1,3304	1.7341	2.1009	2,5524	2. 8784
19	0.6876	1. 3277	1,7291	2,0930	2.5395	2,8609
20	0,6870	1,3253	1.7247	2.0860	2,5280	2, 8453
21	0, 6864	1.3232	1,7207	2,0796	2, 5177	2.8314
22	0.6858	1.3212	1,7171	2,0739	2, 5083	2.8188
23	0.6853	1.3195	1.7139	2,0687	2.4999	2 8073
24	0,6848	1.3178	1.7109	2.0639	2, 4922	2.7969
25	0.6844	1.3163	1,7081	2.0595	2,4851	2.7874
26	0.6840	1.3150	1,7058	2.0555	2.4786	2.7787
27	0.6837	1, 3137	1,7033	2,0518	2.4727	2,7707
28	0.6834	1, 3125	1,7011	2.0484	2.4671	2, 7533
29	0,6830	1.3114	1.6991	2.0452	2,4620	2.7564
30	0.6828	1.3104	1.6973	2,0423	2.4573	2,7500
60	0.6790	1,2960	1,6700	2,0000	2,3900	2.6600
120	0.6770	1,2890	1.6580	1.9800	2,3580	2.1670
00	0.6740	1.2820	1,6450	1.9600	2.3260	2,5760

表別 3  $\chi^2$  分布表  $\{P\{\chi^2 > \chi^2\{n\}\} = \alpha\}$ 

n	0.99	0.985	0.90	0.75	0, 25	0, 10	0.05	0.025	0,01	0.005
1		0.004	0,016	0.102	1, 323	2, 706	3,841	5,024	60635	7,879
2	0.020	0.103	0,211	0.575	2.773	4.605	5.991	7.378	9.210	10, 597
3	0.115	0.352	0.584	1.213	4.108	6.201	7.815	9.348	11.345	12.838
4	0.297	0.711	1.064	1.923	5. 385	7.779	9,488	11.143	13, 277	14.860
5	0.554	1.145	1.510	2,675	6, 626	9. 236	11,071	12, 833	15,086	16.750
6	0,872	1,635	2, 204	3. 455	7.841	10.645	12, 592	14,449	16,812	18.548
7	1.239	2. 167	2.833	4. 255	9.037	12.017	14 067	16.013	18 475	20. 278
8	1.646	2.733	3.490	5.071	10,219	13.362	15.507	17.535	20.090	21.955
9	2.088	3.325	4. 168	5 899	11.389	14.684	16.919	19.023	21.666	23.589
10	2, 228	3,940	4, 865	6 737	12.549	15, 987	18.307	20, 483	23, 209	25, 188
11	3.053	4.575	5,578	7.584	13.701	17.275	19.675	21,920	24, 725	26.757
12	3.571	5. 226	6.304	8.438	14.845	18.549	21.026	23 337	26, 217	28. 299
13	4, 107	5.892	7, 042	9, 299	15, 984	19.812	22, 362	24.736	27, 688	29.819
14	4,660	6,571	7,790	10, 165	17, 117	21.064	23.685	26, 119	29, 141	31, 319
15	5. 229	7.261	8.547	11.037	18.245	22.307	24.995	27. 488	30.578	32.801
16	5, 812	7.962	9.312	11.912	19.369	23.542	26, 296	28. 845	32.000	34.267
17	6.408	8.672	10.085	12,792	20, 489	24.769	27.587	30. 191	33, 409	35.718
18	7,015	9,390	10,865	13, 675	21,605	25, 989	28, 869	31,526	34, 805	37.156
19	7,633	10.117	11,651	14,562	22,718	27, 204	30,144	32, 852	36.191	38. 582
20	8, 260	10, 851	12, 443	15, 452	23, 828	28, 412	31, 410	34, 170	37, 566	39.997
21	8, 897	11,591	13, 240	16.344	24.935	29,615	32,671	35.479	38, 932	41,401
22	9.542	12, 338	14.042	17.240	26.039	30.813	33, 924	36, 781	40, 289	42.796
23	10, 196	13,091	14,848	18, 137	27.141	32,007	35, 172	38.076	41,638	44.181
24	10, 856	13, 848	15, 659	19.037	28. 241	33, 196	36.415	39.364	42, 980	45.559
25	11.524	14.611	16, 473	19, 939	29. 339	34, 382	37.652	40, 646	44.314	46.928
26	12, 198	15.379	17, 292	20.843	30.435	35, 563	38, 885	41,923	45, 642	48. 290
27	12, 879	16, 151	18, 114	21.749	31. 528	36.741	40, 113	43. 194	46.963	49 545
28	13.565	16. 928	18.939	22, 657	32, 620	37.916	41.337	44.461	48, 278	50 993
29	14.257	17.708	19, 768	23, 567	33.711	39.087	42.557	45.722	49. 588	52.336
30	14,954	18.493	20, 599	24, 478	34, 800	40, 256	43.773	46.979	50.892	53.672
40	22, 164	26, 509	29.051	33, 660	45, 616	51.805	55, 758	59.342	63.691	66.766
45	25.901	30,612	33, 350	38, 291	50.985	57.505	61,656	65.410	69, 957	73.166

表階-4 F分布表(P(F>F<sub>6</sub>(n<sub>1</sub>,n<sub>2</sub>)}=α)

8	254.3	19 50	8, 53	5, 63	4,36	3, 67	3, 23	2.93	2.71	2,54	2.40	2,30	2 21	2, 13	2, 07	2, 01
120	253, 3	19.49	8,55	5, 66	4, 40	3, 70	3, 27	2, 97	2, 75	2, 58	2.45	2,34	2 25	2. 18	2 11	2,05
09	252.2	19. 48	8.57	5.69	4.43	3, 74	3, 30	3.01	2.79	2.62	2.49	2, 38	2,30	2, 22	2, 16	2, 11
40	251.1	19.47	8, 59	5, 72	4, 46	3,77	3, 34	3.04	2, 83	2.66	2, 53	2.43	2.34	2, 27	2. 20	2, 15
30	250, 1	19, 46	8, 62	5, 75	4, 50	3 81	3, 38	3.08	2.86	2. 70	2.57	2.47	2.38	2, 31	2, 25	2, 19
2.4	249.1	19 45	8.64	5, 77	4, 53	3, 84	3.41	3, 12	2.90	2.74	2.61	2.51	2. 42	2, 35	2, 29	2, 24
20	248.0	19 45	8,66	5.80	4.56	3, 87	3.44	3, 15	2.94	2.77	2.65	2.54	2.46	2, 39	2,33	2, 28
10	245.9	19. 43	8, 70	5,86	4.62	3.94	3.51	3.22	3.01	2, 85	2.72	2.62	2, 53	2, 46	2, 40	2.35
12	243.9	19, 41	8 74	5 91	4, 68	4.00	3, 57	3, 28	3.07	2, 91	2.79	2.69	2.60	2, 53	2.48	2.42
	241.9	19.40	8. 79	5, 96	4.74	4, 06	3.64	3, 35	3.14	2.98	2.85	2,75	2,67	2, 60	2,54	2.49
d)	240.5	19 38	8, 81	6.00	4.77	4 10	3, 68	3, 39	3.18	3, 02	2.90	2.80	2.71	2. 65	2, 59	2.54
00	238.9	19.37	8,85	6,04	4.82	4.15	3, 73	3. 44	3, 23	3.07	2.95	2, 85	2 77	2, 70	2, 64	2.59
7	236, 8	19.35	8, 89	60.9	4,88	4.21	3, 79	3, 50	3, 29	3, 14	3.01	2,91	2.83	2.76	2.71	2.66
9	234.0	19.33	8.94	6, 16	4, 95	4, 28	3, 87	3, 58	3, 37	3.22	3.09	3,00	2. 92	2, 85	2, 79	2.74
IO.	230, 2	19, 30	9,01	6.26	5,05	4, 39	3, 97	3.69	3, 48	3, 33	3.20	3.11	3.03	2.96	2 90	2.85
~	224.6	19, 25	9, 12	6,39	5, 19	4.53	4.12	3.84	3, 63	3.48	3.36	3.26	3.18	3.11	3.06	3,01
65	215, 7	19, 16	9 28	6.59	5, 41	4.76	4,35	4.07	3.86	3.71	3, 59	3, 49	3.41	3, 34	3.29	3 24
23	199.5	19.00	9 55	6,94	5, 79	5, 14	4.74	4.46	4.26	4.10	3.98	3.89	3.81	3.74	3, 68	3.63
-	161.4	18.51	10, 13	7.71	6.61	5, 99	5, 59	5.32	5, 12	4.96	4.84	4.75	4.67	4.60	4.54	4, 49
ű /	_	2	8	4	10	9	7	80	6	10	11	12	13	14	15	16

8	1,96	1 92	1,88	1.84	1.8	1.78	1,76	1. 73	1, 71	1.69	1.67	1,65	1.64	1,62	1.51	1, 39	1, 25	1,00
120	2.01	1.97	1, 93	1, 90	1.87	1.84	1.81	1.79	1.77	1,75	1.73	1.71	1.70	1,68	1.58	1.47	1, 35	1, 22
09	2,06	2.02	1,98	1,95	1.92	1.89	1.86	1,84	1.82	1.80	1. 79	1,77	1.75	1,74	1.64	1,53	1,43	1.32
9	2, 10	2.06	2,03	1, 99	1.96	1.94		1.89	1.87	1,85	1.84	1,82	1.81	1,79	1,69	1.59	1,50	1.39
30	2, 15	2, 11	2.07	2,04	2 01	1.98	1 96	1.94	1.92	1.90	1.88	1.87	1 85	1.84	1.74	1 65	1,55	1.46
24	2 19	2.15	2.11	2,08	2 05	2.03	2.01	. 98	1.96	1.95	1.93	1.91	1.90	1.89	1.79	1 70	1.61	1,52
20	2, 23	2, 19	2, 16	2, 12	2, 10	2.07	2.05	2.03	2, 01	1, 99	1,97	1, 96	1.94	1, 93	1.84	1,75	1.66	1. 57
22	2, 31	2.27	2.23	2. 20	2, 18	2.15	2.13	2.11	2.09	2.07	2.06	2.04	2.03	2,01	26 1	1,84	1.75	1.67
12	2,38	2.34	2.31	2, 28	2, 25	2, 23	2.20	2. 18	2 16	2, 15	2, 13	2, 12	2. 10	2,09	2.00	1 92	1, 83	1.75
-	2,45	2.41	2.38	2, 35	2, 32	2, 30	2.27	2, 25	2.24	2 22	2, 20	2, 19	2.18	2, 16	2.08	1.99	1.91	1.83
6	2.49	2.46	2, 42	2.39	2, 37	2,34	2. 32	2.30	2. 28	2, 27	2, 25	2, 24	2. 22	2.21	2, 12	2.04	1, 96	1.88
90	2, 55	2.51	2. 48	2.45	2, 42	2, 40	2 37	2.36	2.34	2, 32	2 31	2, 29	2.28	2, 27	2, 18	2, 10	20.2	1.94
7	2.61	2, 58	2.54	2, 51	2 49	2,46	2.44	2.42	2 40	2, 39	2, 37	2.36	2, 35	2.33	2, 25	2.17	2, 09	2.01
۵	2,70	2,66	2.63	2.60	2 57	2, 55	2, 53	2.51	2, 49	2.47	2, 46	2 45	2, 43	2. 42	2,34	2, 25	2, 17	2, 10
S	2.81	2,77	2, 74	2.71	2, 68	2, 66	2.64	2.62	2.60	2,59	2,57	2,56	2, 55	2,53	2.45	2,37	2, 29	2.23
-	2.96	2, 93	2, 90	2.87	2.84	2,82	2, 80	2, 78	2.76	2.74	2, 73	2.71	2.70	2,69	2 61	2 53	2,45	2, 37
67	3.20	3, 16	3, 13	3, 10	3.07	3, 05	3,03	3,01	2, 99	2, 98	2.96	2,95	2.93	2, 92	2.84	2, 76	2, 68	2.60
62	3.59	3, 55	3, 32	3. 49	3, 47	3.44	3, 42	3, 40	3, 39	3, 37	3,35	3.34	3, 33	3, 32	3 23	3, 15	3,07	3 00
-	4. 45	4.43	4.38	4, 35	4.32	4.30	4.28	4, 26	4.24	4.23	4 21	4.20	4.18	4.17	4.08	4.00	3,92	3,84
ű	12	18	61	20	21	2.5	23	2.4	25	28	27	28	29	30	40	09	120	8

	8		9 6366	49 99, 50	22 26.13	56 13.46	11 9.02	97 6.88	74 5,65	95 4.86	40 4.31	00 3.91	89 3.60	45 3,36	25 3 17	9 3,00	96 2.87	84 2,75
	120		6339	8 99.	26,	13.	o,	9	ro,	4	4	4	€,	100	ω,	100	23	2,
	60		6313	99.4	26 32	13.65	9.20	7.06	5, 82	5.03	4.48	4.08	3 78	3,54	3.34	3, 18	3, 05	2,93
	40		6287	99, 47	26, 41	13.75	9, 29,	7, 14	5, 91	5, 12	4.57	4.17	3,86	3 62	3, 43	3, 27	3, 13	3,02
Į	30		6261	99.47	26.50	13.84	9.38	7, 23	5, 99	5, 20	4,65	4.25	3, 94	3, 70	3,51	3, 35	3, 21	3, 10
	34		6235	99 46	26, 60	13, 93	9. 47	7.31	6,07	5, 28	4,73	4, 33	4.02	3, 78	3, 59	3, 43	3, 29	3, 18
	20		6209	99, 45	26.69	14,02	9, 55	7.40	6, 16	5, 36	4.81	4.41	4, 10	3.86	3.66	3,51	3, 37	3, 26
I	15		6157	99.43	26.87	14, 20	9,72	7.56	6.31	5 52	4, 96	4, 56	4, 25	4, 01	3, 82	3, 66	3.52	3, 41
	12		9019	99.42	27,05	14.37	9, 89	7.72	6.47	5,67	5, 11	4.71	4,40	4.16	3, 96	3.80	3, 67	3, 55
	-		9909	99, 40	27. 23	14, 55	10.05	7.87	6,62	5.81	5, 26	4,85	4.54	4.30	4. 10	3.94	3.80	3.69
	o.		6022	99, 39	27.35	14, 66	10.16	7.98	6.72	5.91	5, 35	4.94	4, 63	4, 39	4, 19	4.03	3, 89	3, 78
	00		5982	99, 37	27.49	14.80	10.29	8. 10	6.84	6,03	5.47	5.06	4, 74	4.50	4.30	4.14	4.00	3.89
	7		5928	99, 36	27. 67	14, 98	10, 46	8. 26	66.99	6.18	5, 61	5, 20	4,89	4.64	4.44	4. 28	4.14	4.03
	9		5859	99, 33	27, 91	15.21	10.67	8 47	7.19	6.37	5, 80	5, 39	5,07	4,82	4,62	4.46	4.32	4, 20
	10		5764	99 30	28, 24	15 52	10, 97	8, 75	7.46	6.63	90 '9	5,64	5, 32	5, 06	4.86	4, 69	4.56	4.44
	4		5625	99, 25	28.71	15, 98	11,39	9, 45	7.85	7.01	6. 42	5, 99	5.67	5, 41	5, 21	5,04	4, 89	4, 77
	69		5403	99, 17	29, 46	16, 69	12.06	9.78	8, 45	7.59	6, 99	6,55	6, 22	5, 95	5.74	5, 56	5.42	5, 29
	P3		4999.5	99,00	30 82	18, 00	13.27	10, 92	9, 55	8,65	8, 02	7.58	7 21	6, 93	6, 70	6,51	5.36	6, 23
	-		4052	98. 50	34.12	21.20	16.26	13, 75	12, 25	11.26	10, 56	10.04	9,65	9, 33	9, 07	8,86	8, 68	8, 53
	E .	a = 0.01	~	04	00	4	NO.	9	1	00	00	10	=	12	13	7	15	16

8	2, 65	2,57	2, 49	2. 42	2,36	2, 31	2,26	2, 21	2.17	2, 13	2.10	2,06	2.03	2.01	1,80	1.60	1, 38	1,00
120	2,75	2, 66	2, 58	2, 52	2, 46	2.40	2, 35	2, 31	2.27	2, 23	2, 20	2, 17	2, 14	2, 11	1, 92	1.73	1,53	1, 32
09	2.83	2, 75	2, 67	2.61	2, 55	2, 50	2,45	2, 40	2,36	2,33	2.29	2, 26	2, 23	2, 21	2,02	1, 84	1,66	1, 47
40	2, 92	2,84	2,76	2.69	2, 64	2, 58	2,54	2, 49	2, 45	2, 42	2, 38	2, 35	2, 33	2,30	2, 11	1.94	1,76	1,59
30	3, 00	2. 92	2.84	2.78	2. 72	2, 67	2. 62	2, 58	2 54	2 50	2 47	2,44	2 41	2, 39	2.20	2.03	1.86	1, 70
2.4	3, 08	3,00	2, 92	2,86	2, 80	2, 75	2, 70	2,66	2 62	2, 58	2, 55	2, 52	2. 49	2.47	2. 29	2.12	1.95	1, 79
20	3.16	3.08	3.00	2.94	2, 88	2, 83	2, 78	2.74	2.70	2.66	2.63	2.60	2, 57	2, 55	2 37	2. 20	2.03	. 88
15	3.31	3, 23	3, 15	3,09	3, 03	2, 98	2 93	2 89	2, 85	2.81	2.78	2.75	2.73	2.70	2,52	2, 35	2 19	2.04
12	3,46	3, 37	3.30	3, 23	3.17	3, 12	3, 07	3.03	5.99	96.2	2.93	2.90	2.87	2.84	2.66	2.50	2.34	2.18
-	3, 59	3,51	3, 43	3.37	3,31	3, 26	3 2 1	3.17	3.13	3.09	3.06	3, 03	3, 00	2, 98	2, 80	2. 63	2, 47	2.32
6	3, 68	3, 60	3. 52	3, 46	3, 40	3, 35	3, 30	3.26	3, 22	3.18	3, 15	3. 12	3.09	3.07	2, 89	2, 72	2,.56	2.41
00	3.79	3, 71	3, 63	3, 56	3, 51	3, 45	3, 41	3, 36	3, 32	3, 29	3, 26	3, 23	3, 20	3, 17	2, 99	2, 82	2, 66	2.51
7	3, 93	3.84	3.77	3, 70	3, 64	3, 59	3 54	3.50	3, 46	3, 42	3.39	3, 36	3, 33	3, 30	3. 12	2, 95	2, 79	2.64
ę	4, 10	4.01	3, 94	3,87	3,81	3,76	3, 71	3.67	3, 63	3.59	3, 56	3, 53	3, 50	3, 47	3, 29	3, 12	2,96	2.80
S	4.34	4.25	4.17	4, 10	4.04	3, 99	3.94	3 90	3 85	3 82	3, 78	3.75	3, 73	3.70	3.51	3, 34	3, 17	3.02
4	4.67	4.58	4.50	4, 43	4, 37	4.33	4.26	4.22	4.18	4.14	4. 11	4.07	4.04	4.02	3, 83	3, 65	3,48	3.32
170	5, 18	5.09	5.01	4.94	4.87	4, 82	4.76	4.72	4.68	4.64	4. 60	4.57	4.54	4.51	4, 31	4, 13	3, 95	3.78
62	6, 11	6.02	5, 93	5, 85	5.78	5.72	5.66	5.61	5, 57	5.53	5.49	5, 45	5,42	5.39	5. 18	4, 98	4.79	4.61
-	8, 40	8.29	8.18	8, 10	8.02	7,95	7.88	7.82	77.77	7.72	7.68	7.64	7.60	7, 56	7, 31	7.08	6,85	6.63
u /	17	18	19	2D	21	22	23	24	25	26	27	80 7	58	30	40	09	20	8

表附 5 Durbin-Watson 检验表

a=0.05

	k-	-1	k:	-2	ķ.	-3	k:	-4	į.	= 5
n	$d_1$	$d_L$	d <sub>1</sub>	$d_{\upsilon}$	d:	ďį	dı	$d_U$	d <sub>1</sub>	dt
15	1.08	1, 36	0.95	1,54	0.82	1.75	0.69	1.97	0,56	2, 21
16	1.10	1.37	0.98	1.54	0, 86	1.73	0.74	1.93	0.62	2.15
17	1,13	1.38	1.02	1.54	0.90	1,71	0.78	1.90	0.67	2.10
18	1, 16	1.39	1.05	1,53	0.93	1.69	0,82	1,87	0.71	2.06
19	1.18	1,40	1.08	1.53	0,97	1.68	0.86	1.85	0.75	2.02
20	1.20	1,41	1.10	1.54	1,00	1.68	0.90	1,83	0.79	1.99
21	1, 22	1,42	1.13	1, 54	1.03	1.67	0.93	1 81	0,83	1,96
22	1.24	1.43	1, 15	1.54	1.05	1.66	0.96	1,80	0.86	1.94
23	1.26	1.44	1, 17	1.54	1.08	1.66	0.99	1,79	0,90	1.92
24	1, 27	1.45	1,19	1,55	1.10	1,66	1.01	1,78	0.93	1,90
25	1.29	1, 45	1.21	1.55	1, 12	1.66	1.04	1.77	0.95	1.89
26	1.30	1,46	1.22	1,55	1.14	1.65	1,06	1.76	0,98	1,88
27	1.32	1, 47	1,24	1.56	1.16	1.65	1.08	1.76	1.01	1.86
28	1, 33	1.48	1.26	1.56	1.18	1, 55	1.10	1 75	1.03	1.85
29	1 34	1,48	1 27	1 56	1.20	1 65	1.12	1.74	1,05	1, 81
30	1.35	1,49	1.28	1.57	1, 23	1.65	1.14	1.74	1,07	1.83
31	1.36	1,50	1.30	1,57	1.23	1.65	1.16	1.74	1.09	1.83
32	1.37	1,50	1, 31	1,57	1.24	1.65	1.18	1.73	1.11	1.82
33	1,38	1.51	1,32	1.58	1,25	1,65	1.19	1.73	1.13	1.81
34	1,39	1.51	1.33	1.58	1,27	1,65	1.21	1.73	1, 15	1.81
35	1.40	1,52	1.34	1,58	1.28	1.65	1.22	1.73	1,16	1.80
36	1.41	1,52	1.35	1,59	1.29	1,65	1, 24	1.73	1.18	1.80
37	1.42	1,53	1.36	1,59	1.31	1,66	1, 25	1.72	1.19	1,80
38	1.43	1.54	1,37	1.59	1, 32	1.66	1 26	1.72	1.21	1,79
39	1.43	1.54	1.38	1.60	1,33	1.66	1, 27	1.72	1.22	1.79
40	1.44	1,54	1 39	1,60	1.34	1 66	1.29	1.72	1, 23	1.79
45	1.48	1.57	1.43	1,62	1.38	1,67	1.34	1.72	1.29	1.78
50	1.50	1.59	1.46	1.63	1.42	1.67	1, 38	1,72	1,34	1.77
55	1.53	1,60	1.49	1.64	1.45	1.68	1.41	1.72	1,38	1,77
60	1.55	1.62	1.51	1.65	1,48	1.69	1,44	1.73	1.41	1.77
65	1,57	1.63	1,54	1.66	1,50	1.70	1,47	1,73	1.44	1.77
70	1,58	1.64	1,55	1.67	1.52	1,70	1.49	1,74	1.46	1.77
75	1.60	1.65	1,57	1.68	1.54	1.71	1,51	1.74	1.49	1.77
80	1.61	1,66	1,59	1.69	1.56	1.72	1,53	1.74	1,51	1,77
85	1.62	1.67	1,60	1.70	1,57	1,72	1.55	1.75	1.52	1,77
90	1.63	1,68	1.61	1,70	1.59	1.73	1.57	1,75	1.54	1.78
95	1.64	1.69	1.62	1,71	1.60	1,73	1,58	1,75	1,56	1.78
100	1,65	1.69	1.63	1.72	1.61	1,74	1 59	1,76	1.57	1.78

注:n是观测值的数目、d是解释变量个数(不包括常数项)。

(续表)

a 0.01

	à-	- 1	A-	=2	k-	=3	k=	-4	k=	-5
n	$d_1$	dı	$d_{L}$	$d_{t}$	d <sub>2</sub>	d <sub>o</sub>	d <sub>1</sub>	dv	d,	$d_b$
15	0, 81	1.07	0.70	1.25	0.59	1,46	0,49	1.70	0.39	1,96
16	0,84	1,09	0,74	1, 25	0, 63	1.44	0.53	1,66	0,44	1.90
17	0.87	1.10	0.77	1, 25	0,67	1,43	0,57	1,63	0.48	1,85
18	0.90	1, 12	0.80	1.26	0.71	1.42	0, 61	1.60	0.52	1.80
19	0.93	1.13	0, 83	1,27	0,74	1,41	0, 65	158	0.56	1.74
20	0.95	1.15	0.86	1.27	0,77	1,41	0.68	1.57	0.60	1.74
21	0.97	1.16	0.89	1.27	0.80	1,41	0,72	1,55	0.63	1.71
22	1.00	1.17	0.91	1.28	0.83	1.40	0.75	1,54	0,66	16
23	1.02	1.19	0,94	1, 29	0,86	1,40	0,77	1,53	0.70	1.67
24	1.04	1.20	0.96	1.30	0.88	1.41	0,80	1,53	0.72	1.56
25	1.05	1.21	0.98	1.30	0.90	1.41	0.83	1.52	0.75	1,65
26	1.07	1.22	1,00	1,31	0.93	1.41	0.85	1.52	0.78	1.64
27	1.09	1.23	1,02	1,32	0,95	1,41	0,88	1.51	0.81	1.63
28	1.10	1.24	1.04	1.32	0.97	1,41	0,90	1,51	0,83	1,62
29	1.12	1.25	1.05	1.33	0.99	1.42	0.92	1.51	0,85	1.61
30	1.13	1.26	1.07	1.34	1.01	1,42	0.94	1,51	0.88	1.61
31	1.15	1.27	1.08	1.34	1.02	1.42	0,96	1.51	0,90	1,60
32	1,16	1, 28	1,10	1,35	1,04	1,43	0.98	1.51	0.92	1.60
33	1.17	1.29	1.11	1.36	1.05	1.43	1,00	1,51	0, 94	1,59
34	1, 18	1,30	1,13	1.36	1.07	1.43	1.01	1.51	0.95	1.59
35	1.19	1.31	1,14	1, 37	1,08	1,44	1.03	1,51	0.97	1,59
36	1.21	1.32	1.15	1.38	1.10	1.44	1.04	1.51	0.99	1.59
37	1.22	1.32	1, 16	1,38	1.11	1,45	1.06	1.51	1,00	1.59
38	1.23	1.33	1.18	1.39	1.12	1.45	1.07	1.52	1.02	1.58
39	1, 24	1,34	1, 19	1.39	1.14	1, 45	1,09	1.52	1,03	1.58
40	1.25	1, 34	1,20	1,40	1, 15	1,46	1,10	1,52	1,05	1,58
45	1.29	1.38	1.24	1.42	1.20	1.48	1.16	1.53	1.11	1,58
50	1,32	1.40	1.28	1, 45	1.24	1.49	1.20	1.54	1.16	1.59
55	1.36	1.43	1.32	1,47	1, 28	1,51	1, 25	1.55	1,21	1, 59
60	1.38	1.45	1, 35	1,48	1, 32	1,52	1,28	1,56	1, 25	1.60
65	1, 41	1,47	1,38	1.50	1, 35	1.53	1,31	1,57	1, 28	1,61
70	1.43	1.49	1.40	1.52	1.37	1.55	1.34	1.58	1.31	1.61
75	1,45	1.50	1.42	1.53	1.39	1.56	1.37	1.59	1.34	1.62
80	1.47	1.52	1.44	1.54	1.42	1.57	1.39	1.60	1.36	1. 62
85	1, 48	1,53	1,46	1,55	1, 43	1,58	1, 41	1,60	1, 39	1, 63
90	1.50	1.54	1.47	1,56	1.45	1.59	1.43	1.61	1.41	1.64
95	1,51	1,55	1.49	1.57	1.47	1.60	1.45	1.62	1.42	1.64
100	1,52	1.56	1.50	1.58	1.48	1,60	1.46	1,63	1,44	1,65

表附-6 ADF分布临界值表

模型:						1			
<b>9</b> 2 2		0.99	0.975	0.95	0, 90	0 10	0.05	0 025	0.01
	25	2.16	1.70	1.33	0 92	-1.60	-1.95	-2.26	-2.66
	50	1.08	1.66	1.31	0.91	-1.61	-1.95	-2.25	-2,62
无常數項	100	2, 03	1, 64	1, 29	0,90	-1.61	- 1, 95	-2.24	2,60
无时间项	250	2.01	1.63	1.29	0.89	-1.62	-1.95	-2.23	-2.58
	500	2,00	1,62	1.28	0,89	1,62	1, 95	2, 23	-2, 58
	00	2,00	1,62	1, 28	0.89	1.62	1.95	2 23	2,58
	25	0.72	0.34	0.00	-0.37	2.63	- 3.00	- 3, 33	- 3.75
	50	0.66	0.29	-0.03	-0.40	-2.60	-2.93	-3,22	-3.58
有常數項	100	0, 63	0, 26	-0.05	-0.42	-2.58	-2.89	-3.17	-3.51
无时间项	250	0.62	0.24	-0.06	-0.42	-2.57	-2.88	-3.14	-3.46
	500	0.61	0, 24	-0,07	-0,43	-2.57	-2,87	-3, 13	-3.44
	- 00	0,60	0, 23	-0.07	0.44	2, 57	- 2.86	-3, 12	- 3. 43
	25	-0.15	-0.50	-0.80	1.14	- 3. 24	3, 60	3, 95	- 4,38
	50	-0.24	-0.58	-0.87	-1.19	-3.18	-3.50	-3.80	~4.15
有常數項	100	-0.28	-0.62	-0.90	-1.22	-3.15	-3,45	-3,73	-4.04
有时间项	250	-0.31	-0.64	-0.92	1,23	3.13	- 3, 43	3.69	-3.99
	500	-0.32	-0.65	-0.93	- 1.24	3.13	3 42	-3,68	-3,98
	00	-0.33	-0.66	-0.94	-1.25	-3.12	-3.41	-3.86	-3.96

注:表中数据为统计量 r 值,n 为样本容量,a 为显著性水平。

衰對-7 EG和 AEG 檢验临界值

			檢验水平 α	
变量个数 N	样本容量 T	0.01	0.05	0.10
	50	-4.32	-3.67	-3.28
2	100	-4.07	-3.37	-3.03
	200	-4.00	-3.37	-3,02
	50	-4.84	-4.11	-3.73
3	100	-4.45	-3.93	-3,59
	200	-4.35	-3.78	-3.47
	50	-4.94	-4.35	-4.02
4	100	-4.75	-4.22	-3.89
	200	-4.70	-4,18	-3.89
	50	-5.41	-4.76	-4,42
5	100	-5.18	-4.58	-4.26
	200	-5,02	~4.48	-4.18

注:①N 表示协整回归式中所含变量个数:

②EG 检验用图归式是 Δu<sub>r</sub> = ρu<sub>r-1</sub> + ε<sub>1</sub>;

③摘自 Engle - Yoo(1987)。

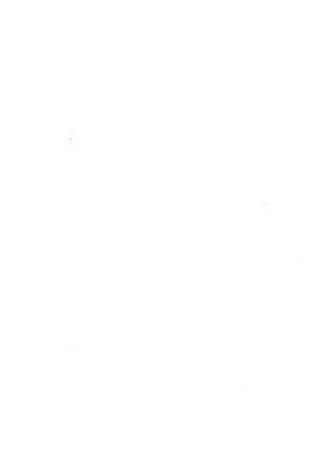
表謝-8 AEG 檢验验临界值

变量个数 N	様本容量 7		检验水平α	
文里(T)数 (V	作中發重 1	0, 01	0.05	0.10
	50	-4, 12	-3,29	-2,90
2	100	-3,73	-3, 17	-2,91
	200	-3,78	-3, 25	-2.98
	50	-4,45	-3,75	-3,36
3	100	-4.22	-3.62	-3.32
	200	-4,34	-3,78	-3,51
	50	-4.61	-3.98	-3.67
4	100	-4.61	-4.02	-3.71
	200	-4.72	-4.13	-3.83
	50	-4.80	~4.15	-3.85
5	100	-4.98	-4.36	-4.05
	200	-4.97	-4.43	-4, 14

注:(DN 表示协整回归式中所含变量个数;

②AEG 检验用回归式是  $\Delta u_t = \rho u_{t-1} + \sum_{i=1}^t \Delta \rho u_{t-i} + \epsilon_i$  ;

②摘自 Engle - Yoo(1987)。



# 参考文献

- [1] D. N. 古扎拉蒂, 计量经济学基础、第4版、林少宫泽、北京:中国人民大学出版 社,2005
  - 「2] 去亚拉蒂、经济计量学精要、张涛泽、北京:机械工业出版社,2000
  - [3] 智僚、经济计量学教程、北京:中国统计出版社,2000
  - [4] Hendry, DF, 动态计量经济学、参桑泽、上海:上海人民出版社,1998
  - [5] 洪永森, 计量经济学的地位、作用和局限, 经济研究,2007(5):1~14
  - [6] 克莱因、经济计量学教科书、谢嘉泽、北京:商务印书馆,1983
  - [7] 李子奈. 计量经济学. 第2版. 北京:高等教育出版社,2005
  - [8] 庞皓, 计量经济学, 第1版, 北京;科学出版社,2006
  - [9] 孙敬水, 计量经济学, 北京:清华大学出版社,2004
  - 「10〕 庶餘、计量经济学、北京:科学出版社,2006
  - 「11] 万伦来,王立平、统计学原理与应用、第2版、合肥;合肥工业大学出版社,2007
  - [12] 王少平、宏观计量的若干前沿理论与应用、天津:南开大学出版社,2003
  - [13] 汪同三,沈利生主編。经济模型集、北京:社会科学文献出版社,2001
  - [14] 王文博, 计量经济学, 西安:西安交通大学出版社,2004
- [15] 伍德里奇. 计量经济学导论:现代观点,第1版,费到平,林相泰译、林少宫校、北京,中国人民大学出版社,2003
  - [16] 易丹辉、数据分析和 EViews 应用、北京:中国统计出版社,2002
  - [17] 张保法、经济计量学、北京:经济科学出版社,2000
- [18] 张世英, 獎智. 协整理论与波动模型——金融时间序列分析与应用. 北京:清华大学出版社, 2004
- [19] 张晓峒、计量经济学教件 EViews 使用指南、第 2 版、天津;南开大学出版社, 2003
  - [20] 张晓峒. 计量经济分析. 北京:经济科学出版社,2000
  - [21] 赵阖庆、计量经济学、北京:中國人民大学出版社,2001
  - [22] 赵卫亚, 计量经济学教程, 第 1 版, 上海:上海财经大学出版社, 2003
- [23] Akerlof, G. A. Social distance and social decisions. Econometrica, 1997, 65, 1005 ~1027
- [24] Anselin, L. Spatial Econometrics: Methods and Models. The Netherlands: Kluwer Academic Publishers, Dordrecht, 1988
- [25] Anselin, L. Spatial dependence in linear regression models with an introduction to spatial econometrics. Handbook of Applied Economic Statistics, New York; Marcel Dekker, 198

1999,39(3):497~524

- [26] Anselin, L. Under the hood: Issues in the specification and interpretation of spatial regression models. Agricultural Economics, 2002, 27:247~267
- [27] Anselin, L. Some robust approaches to testing and estimation in spatial econometrics[J]. Regional Science and Urban Economics, 1999, 20:141~163
- [28] Anselin, L. Simple diagnostic tests for spatial dependence. Regional Science and Urban Economics, 1996, 26;77  $\sim$  104
- [29] Anselin, L. Reo's score test in spatial econometrics. Journal of Statistical Planning and Inference, 2001, 97, 113~139
- [30] Anselin, L R J G M. Florax ed. New Directions in Spatial Econometrics, Springer - Verlag, 1995
- [31] Aoki, M. New Approaches to Macroeconometic Modelling. Cambridge: Cambridge University Press, 1996
- [32] Besag, J. Spatial interaction and the statistical analysis of lattice systems [J], Journal of the Royal Statistical Society, 1974, B36, 192~225
- [33] Brundson, C A S. Fotheringham, and M. E. Chalton. Geographically Weighted Regression; A Method for Exploring Spatial Nonstationarity. Geographical Analysis,
- 1996,28,281-298
  [34] Brunsdon, C. A. S. Fotheringham, and M. E. Chalton. Some Notes on Parametric Significance Tests for Geographically Weighted Regression. Journal of Regional Science,
- [35] Case, A H S Rosen and J R Hines Budget spillovers and fiscal policy interdependence; evidence from the States. Journal of Public Economics, 1993,52,285~307
- [36] Casetti, E. Generating Models by Expansion Method: Applications to Geographic Research, Geographical Analysis, 1972, 4, 81–91
- [37] Casetti, E. Drift Analysis of Regression Parameters: An Application to the Investigation of Fertility Development Relations. Modeling and Simulation, 1982, 13, 961~966
- [38] Casetti, E. Bayesian Regression and the Expansion Method. Geographical Analysis, 1992, 24, 58~74
- [39] Cliff, A and J K Ord. Spatial Processes; Models and Applications. London; Pion. 1981
- [40] Conley, T.G. Economic modeling of cross-sectional dependence. Ph. D. Dissertation, Department of Economics, University of Chicago, 1996
- [41] William H. Greene. Econometric Analysis. Fourth Edition. 北京:清华大学出版 社,2001
- [42] William H. Greene. Econometric Analysis. Fourth Edition. Prentice—Hall Inc. 2000
- [43] Engle, Robert F and C W J Granger. Co Integration and Error Correction, Representation, Estimation and Testing. Econometrica, 1987, 55;251~276
  - [44] Engle Robert F, Victor K Ng. Measuring and testing the impact of 246 •

news. Journal of Financial and Quantitative Analysis, 1987, 22: 109~123

- [45] Engle. R F and C W J Granger. Long run economic relationships; Rending in Cointgration. Oxford; Oxford University Press, 1998
- [46] EViews 5.0 Command and Programming reference. Quantitative Micro Software, 2004
- [47] Florax. R H Folmer and S J Rey. Specification searches in spatial econometrics: the relevance of Hendrys methodology. Regional Science and Urban Economics, 2003, 33, 557~579
- [48] Fujita, M, Krugmam, P, Venables, A. The Spatial Economy, Cities, Regions and International Trade [M]. Cambridge; MIT Press, 1999
- [49] Haining, R. Estimation spatial means with an application to remotely sensed data. Comm. Statist. Theory Methods, 1988, 17:573~597
- [50] Haining, R P Spatial Data Analysis in the Social and Environmental Science, Cambridge University Press, 1990
- [51] Kelejian, H. H. I. Prucha. A generalized moments estimator for the autoregressive parameter in a spatial model. International Economic Review, 1999, 40, 509 ~533
- [52] Levin, A, CF Lin and CSJ Chu, "Panel Unit Root Test." Journal of Econometrics, 2002, 108; 1~24
- [53] Mardia, K V R J Marshall. Maximum likelihood estimation of methods for residual covariance in a spatial regression. Biometrika, 1984, 71:135~146
- [54] Moran, P A P A test for the serial dependence of residuals. Biometrika, 1950,  $37,178\sim181$
- [55] Ord, J. K. Estimation methods for models of spatial interaction. Journal of American Statistical Association, 1975, 70;120~126
  - [56] Pace, R K R Barry. Sparse spatial autoregressions. Statistics & Probability Letters, 1997, 33:291~297
  - [57] Paelinck, J. Spatial Development Planning: A Dynamic Convex Programming Approach. European Journal of Operational Research, 1979, 3:501~504
- [58] Pesaran, M. Hashem and Yongcheol Shin. Impulse Response Analysis in Linear Multivariate Models. Economics Letters, 1998, 58:17~29